بم وعلى آله الذين اقاموا عمود الدين بمستقيم الحجيج والبراهين



موسوعة المعرفة

المعرفة مشروع علمي ثقافي يهدف لجمع المحتوى العربي والإضافة إليه، لإنشاء موسوعة دقيقة، متكاملة، متنوعة، مفتوحة، محايدة ومجانية، يستطيع الجميع المساهمة في تحريرها، بالكتابة أو بالاقتباس من مصادر مرخصة بالنقل. بدأت المعرفة في 16 فبراير 2007 ويوجد بها الآن 35,587 مقال و 2,409,583 صفحة مخطوط فيها.

خلافاً للغات العالم الكبرى الأخرى، تفتقر الثقافة العربية إلى المحتوى الإلكتروني، ويفاقم من ذلك الوضع قصر عمر المواقع الإلكترونية العربية، مما يجعل محتواها الإلكتروني مملوكاً لكيان اعتباري قد زال من الوجود، ولا يستطيع حتى كاتب المحتوى نشره في مكان آخر.

لذا فندعو المهتمين إلى المساهمة في جمع تراثنا في موسوعة المعرفة الحرة والحصول على تصاريح النقل من مختلف المصادر وتوعية أصحاب تلك المصادر ببدائل علامة حفظ الملكية التي تتيح نشر المعرفة. ادع أصدقاءك للكتابة في أي موضوع معرفي يهمهم.

مشروع معرفة المخطوطات

تشهد الثقافة العربية تراجعاً على كافة الأصعدة. ونتيجة لذلك تخلى العديد من الشعوب عن استخدام الأبجدية العربية، مما أدى إلى سقوط مراكز إشعاع الثقافة العربية في تلك الشعوب في غياهب النسيان. فنرى حواضر حيدر أباد وتنبكتو وزنجبار وسمر قند ملآى بمئات الآلاف من المخطوطات العربية في حالة يرثى لها من الإهمال. ولقد شكلت التقنية الحديثة من الماسحات الضوئية والإنترنت بارقة أمل. إذ أصبح بإمكان المتطوعين، حيثما كانوا، المشاركة في تحويل تلك المخطوطات الممسوحة إلى نصوص رقمية يعم نفعها الجميع.

وتفخر موسوعة "المعرفة" بحصولها على 25,000 مخطوط تحتوي على 2,409,583 صفحة من المخطوطات من حكومة الهند، وهي تمثل 5% من المخطوطات باللغة العربية التي يعملون على مسحها ضوئياً. قائمة بروكلمان لأهم مصادر الكتب والمخطوطات العربية تضم 16 مكتبة بالهند بين أهم 168 موقع بالعالم. أمدتنا الهند كذلك بملايين الصفحات بالفارسية والتركية (بحروف عربية). وبعد أن كانت الهند أكبر مشتر وقارئ للأدب العربي أصبحت اليوم لا تجد بين أبنائها من هو قادر حتى على قراءة عناوين تلك المخطوطات. الفرصة سانحة لإثراء تراثنا ودعم أواصر التعاون الإنساني مع حضارة الهند الصديقة. المشروع ذاته يجري تكراره مع تجمعات Corpora المخطوطات العربية الكبرى في الصين وتنبكتو (مالي).

هذه قائمة جزئية للمخطوطات التي لدينا. إذا كنت تريد أن نعجل بنشر أي منها فأخبرنا بالضغط هنا.

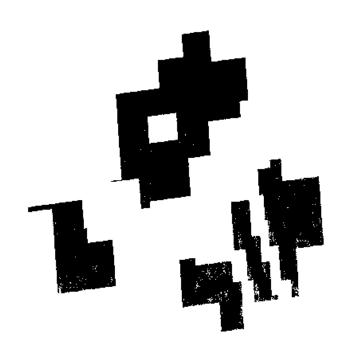
خطوات المشروع:

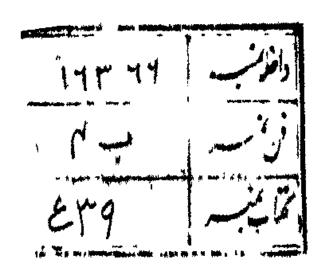
- [. الحصول على صور المسح الضوئي للمخطوطات.
- 2. نشر المخطوط إلكترونياً مقروناً بمقالات من موسوعة المعرفة متعلقة بالمخطوط والكاتب. ويمكن للجميع تحميل المخطوط. قائمة المخطوطات الجاهزة للتحميل.
- 3. تدوين المخطوطات, أي تحويل الصورة إلى نص حرفي يمكن التعامل التحريري معه، وذلك للمخطوطات التي لا يوجد لها نصوص. وهذا عن طريق مشروع معرفة المخطوطات الذي يضم برنامح تدوين المخطوطات عن بعد Distributed Proofreading. وتلك الخطوة تتطلب جهداً فائقاً ندعو القراء للمشاركة فيه (بالتسجيل هنا).
 - 4. تقديم نص المخطوط إلى مشروع كوتنبرك Gutenberg Project لنشر كتب التراث العالمي. وقد انضمت موسوعة المعرفة لمشروع كوتنبرك وهي بذلك المشارك العربي الوحيد في هذا المشروع كوتنبرك وهي بذلك المشارك العربي الوحيد في

مع تحيات مدير المشروع

د. نايل الشافعي

نام تاب الله بي البه بي المدير الوصفيد نام تاب الله بي البه بي المدير الموصفيد





بم وعلى آله الذين اقاموا عمود الدين بمستقيم الحجيج والبراهين

مااستمان الضياء ودرجت الظيام وتعلونت الحرماء في هاجرة السداء (وبعد) فالرياضة غذاء الارواح ومناط جل مصالح الانسباح بها كمال النفوس الشهرية واصلاح كلخل بملحكي ورزية فهي عندالعقلاء اجل صناعه أ برج سعيه من اتخذه ابضاعه بليها ترداد القوة العاقلة وتقوى في ميدان المناضلة لكونها غبرظنمة الدلائل فلايؤثر فيهاسهم المناضل بلهي قطعية البراهين مؤسسة على المشاهدة والمفن ولاسعدان تكون سسا اللفاح ومجلمة لرضاء الفتاح لان بها صلاح العباد وزوال مايعتريهم من ضررالعناد وبالجسلة فهي بكل ثناء حريه الاسيما الهندسة الوصفيه التي هي لغة المهنسدس ولسانه من عرفها جل عند العقلاء مكانه ومن لم يعرفها لم يعرف رسما ومن كان في هــذه اعبى فهوفي الا خرة اعبى فلا يكنه وصف مشاهد سواء تقارب منه اونساعد هذا ومن جلة ماا سنظم ف سلانا التعريب وتداولته ايدى التصميح والتهذيب كتاب في هدا الفن جديد الاعمال حسن الترتيب ليس له مثال ترجمه الماهم اللبيب والعاقل الاريب صاحب الاخلاق الحسان ابراهم افنسدى رمضان ولما اكل تعريبه وتدريسه فىمدرسة الهندسة النفيسه المهندسخانة الخدوية معدن النفائس الرياضية تداولته ابدى التصيم ونقعته عاية التنقيم فقابله على اصله الفرنساوي من هوالمهارة حاوى صاحبي الذي أبق به ودليلي حسن افندى المصحير الجبيلي فاطلق عنان قلمه فيه وصحعه وامعن نظره في ترجته واصلحه تموصل الى يدراجي غفرالاوزار ابراهم الدسوقي عبدالغفار فهذب عباراته ومبانيسه وحرر يعسد السؤال معانيه ويذل فيسه غاية المجهود ونظمه نظم اللاكى فى العقود مع مقابله الشانى ومترجه الاوّل أ ليكون مذلك انقن واكحمل ولايلزم على تحسين مبناه الاخلال بشيئ إ من معناه كان ذلك مامر من يجيبه السعد بليك سعادة اسراللواء ادهـــ بيت كذان محفوفا بالالطاف الخفية مشمولا بالاستعافات الداورية وفاء يواجب خدمة صاحب السيادة والعطاما المورثة للمسعادة من ملك

بجوده رقاب العباد وعم كرمه منه سما الحاضر والباد رب الفطنة القوية والرأى العلى ولى نعسمتنا الحاج مجد باشاعلى ابدالله عنه وكرمه دولته وسدد شهره وقوته صولته ولازال مسعود الاوقات دائم الحظوظ والمسرات مجاب المدادى محبوت المعادى بجاه من ركب البراق وارتق السبع الطباق ولماتها للهمام ولبس وشاح الختام وسمته باللاكل البهية في الهندسة الوصفية وقد ان ان نشرع في المقصود فنقول بعون الله الملك المعبود

الجزء الاول ﴾
 الجزء الاول ﴾
 النقطة والمستقيم والمنوى ﴾
 الباب الاول ﴾
 أبيهات اوليه ﴾
 شبيهات اوليه ﴾

المهندسة العادية تبن تبيينا تاما الوضع النسبي لاجزآ شكلما كائنكله في مستو واحد لكنها غيركافية في بيان العمليات اللازم اجراؤها في الفراغ كايظهر ذلك بامثاد مهاد جدا

ومن المعلوم ان بعد نقطة عن مستوى يقدر بالعمود النازل من هذه النقطة على هذا المستوى لكن كيفية ببين التجاه هذا العمود وكيفية تعيين نقطة تقابله بالمستوى لا تفعلان بالمندسة العادية لان طرقها الرسمية غيركافيسة في ذلك فلذا لزم استعمال طرق خصوصية تتعلق معرفتها بالمهندسة الوصفية فعلى هذا تعريف المهندسة الوصفية بان الغرض منها معرفة دسم ذى الثلاثة ابعاد على فرخ من ورقذى بعدين فقط غيرصواب لان هذا الغرض ليس الاجراما واهيا منها فانها زيادة عن ذلك تبين طرق بحث يصع قطبيقها مع الفائدة التامة على جيع المسائل العملية للوضع اننسبى و بالتعليلات الجبرية يمكن حل المسائل النسب الميترية و بالجلة فبعجموع هذين الفرعين الرياضيين يمكن حل مسائل النسب الميترية و بالجلة فبعجموع هذين الفرعين الرياضيين يمكن حل اى مسئلة كانت

وقد قال المهندس من في الهندسة الوصفية انهالغة المهندس فلايدله حينتذ

تمانجيع اشغال المهندس لاتخرج عن مسئلتين

الاولى الوصف اعنى رسم صورة جسم اوعدة اجسام على فرخ ورق بحيث

يمحكن تكوينهافيما يرادتكو ينهافيه من المحال

الشائية التصوراى اله بعد تخيل جسم اوعدة اجسام يعمل رسم بالبحيث يمكن ابرازها خارجا بالضبط بواسطة هذا الرسم

(7)

مى تحرك مستو الداى سطح كان لا يعتريه تغير في جرامن اجزائه ولا في الوضاع النقط بالنسبة الى يعضها ولا في الوضاع خطوطه في وقت تمامن الوقات المركة ولا في مقاد ير الزوايا الحيادثة بين خطوطه ولا في طول خطوطه المحدودة ومتى دورمستو حول خط نقاطعه بمستو آخر حتى اتحد معه يقال اذلك انطباق المستوى الاول على الثاني وهذه العملية تتكرر كثيرا في الهندسة الوصفية لتحو يل بعض تراكيب على فرخ من ورق لم تصكن فيه و يتحصل ذلك ايضا باعتبارات اخرى كثيرة الفائده

* (في سيان النقطة)

(")

متى امكن المجادجيع نقط الى جسم اوسطى اوخط بواسطة معالم علم الجسم اوالسطى او الخط فيجب حينشذ قبل كل شئ معرفة شوت وضع اى نقطة في الفراغ ﴿ ويستعمل الذاك عدة طرق نشرحها فيما بعدا سملها هو اعتبار مستويين بتقاطعان فى زوايا قائمة كا فى (شكل ا) فرض احدهما من أفقيا والا تو رر ر رأسيا وخط تقاطعهما خ ص بسمى بخط الارض وكل من هذين المستوين اللازم تصورهما ممتدين الى غيرمها به يقطع الا توالى جزئين او جهتين يسمى الجزء خ ص ق من المستوى الافقى الكائن امام الرأسي بالجزء المقدم والجزء خ ص ق الكائن خلف المستوى الألمى المكائن المكائن خلف المستوى الرأسي بالجزء المقدم والجزء خ ص ق المكائن خلف المستوى الرأسي بالجزء المقدم والجزء خ ص و من المستوى الرأسي المكائن فلف المستوى الرأسي بالجزء الاعلى والجزء خ ص د الموجود اسفاله فوق المستوى الافق يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ص د الموجود اسفاله فوق المستوى الافق يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ص د الموجود اسفاله نوق المستوى الافق يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ص د الموجود اسفاله نوق المستوى الافق يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ص د الموجود اسفاله نوق المستوى الافق يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ص د الموجود اسفاله نوق المستوى الافق يسمى بالجزء الاعلى والجزء خ ص د الموجود اسفاله يسمى بالجزء الاعلى والحزء ين المستوى ين اربع زوايا زوجية

تميزيا ساءالاجزآ الكونة هيمنها

فالناوية ق خ ض ر تسهى الزاوية المقدمة العلياوير من الما بالرمن مع والزاوية ق خ ض ر تسهى الزاوية المؤخرة العلياوير من الما بالرمن خع والزاوية ق خ ض ر تسهى الزاوية المؤخرة السفلى ورمن ها والزاوية ق خ ض ر تسهى الزاوية المقدمة السفلى ورمن ها م س

()*

اذا تقرر ذلك يقال اذا انزلنا من النقطة الفراغية م عودا م و على المستوى الافق ق ق تسمى النقطة و التي هي اثر هـذا الحط بمسقط النقطة م الافقى والعمود م و بالخط المسقط اقفيا للنقطة م وكذلك اشاانزلنا مع على ررك بكون الاثر ع لهذا المستقيم مسقط النقطة م الرأسي ويكون خط عم الخط المسقط وأسيا للنقطة م

(°)

اذا امر مستومن م و و مع یکون السکل م و وع الکائن فی هذا المستوی بالضرورة مستطیلاویکون المستوی زیادة عن ذلا عودا علی ق ق و علی ر ر فیکون بالضرورة عودا علی خ ش فینتج اولا ان البعمد م و ای من النقطة م الی المستوی الافق یساوی البعد ع و ای من مسقطها الراسی الی خط الارض

وثانيا ان البعد مع اى من النقطة م الى المستوى الرأسي يساوى البعد و اى بعد المسقط الافتى عن خط الارض

وتالنا اذا انزلنامن مسقطى نقطة واحدة عمودين على خطالارض فانهما مقطعيانه في نقطة واحدة

(7)

المدقطان ﴿ وَ عَ لَلْهُطَهُ مَ يَعْيِنَـانَ مُوطِّعَهُـا فِي الفَراغُ وَذَلْكُ انَّ

النقطة توجد على عمود المستوى ق ق الشائم من المسقط الافتى و على العديساوى وع فحينئذ اذا اخذ بعد وم = وع تكون النقطة م هى النقطة المطلوبة وتقصل ايضا بأخذ عم = وو على عمود على ثمن النقطة ع على المستوى الرأسي رر وبالجلة فالعسمودان الشائمان من النقطة ع على المستوين ق ق و رر كالفائمان من النقطة م التي مسقطا ها يكونان في مستووا حد فحينئذ يتضاطعان في النقطة م التي مسقطا ها و ع

(Y)

وتعدن النقطة اذا كانت على مستقين اوعلى مستقيم ومستو وبمدنه الكيفية تتعين النقطة دائما لان معنى تعدن مسقطى نقطة ماكون النقطمة على مستقين عودين على مستويى المسقط ومارين من المسقطين المعلومين

(^)

وة داعتبرنافيا ذكر مستو بين فلتحو بل التراكيب على فرخ الرسم بفرض ان المستوى الرأسي ركر يدور حول خط الارض خ ص كباب يدور على عقبه حتى ينطبق الجزء الاعلى خ ص رعلى على الجزء المؤخر خ ص ق والجزء الاسفل خ ص كرعلى الجزء المؤخر خ ص ق والجزء الاسفل خ ص كرعلى الجزء المقدم خ ص ق

وبهذه الحركة يتصول المسقط الرأسي ع وكذلك خط وع فينطبق في وكن على امتداد رو بحيث اله بعد الطباق المستوى الرأسي على المستوى الافقي يكون المسقطان و وك للقطة واحدة فراغية على عودوا حد على خط الارض فن ذلك ينتج ان كل نقطة ين ستخد بن اختيارا لايدلان على مسقطى نقطة واحدة فراغية الاان كانا على عود واحد على خط الارض

(9)

ولنرمزمن الآن فصاعدا الى اى نقطة فراغية بحرف صغيرمن ووف الهجاء ولسقط بالعين هذا الحرف موضوعا فوقد حرف و ان كان المسقط افقيا ر أن كان المسقط رأسيا

و النقطة م الفراغية مثلا يرمن لمقطمها الافق بالرمن م والراسي م فالنقطة النظر (الشكل؟) وتعين اى نقطة في الهندسة الوصفية بمسقطبها والنقطة المعاومة هي النقطة المعاوم كل من مسقطبها الافقى والرأسي ومتى طلب المعاومة هي النقطة المعاوم المحادمة عليها المعادنة علمة فالمرادا يجادم سقطيها

ومتى وصف اى شكل فراغى وجب رسمه حالاعلى فرخ الرمم وبالعكس اى انه ومتى وصف اى شكل فرخ الرمم وبالعكس اى نقطة متى وحدرسم اى شكل فرخ الفراغى وجب ان بتصوره وضعها الفراغى و بالعكس اى متى علم موضعها الفراغى و جب ان بتصوره وضعها الفراغى و بالعكس اى متى علم موضعها الفراغى و جب ان بتصوره وضعها الفراغى و بالعكس اى متى علم موضعها الفراغى و بالعكس اى متى متى متى المتى ا

* (في بيان اوضاع النقطة)

(1.)

النقطة يمكن ان تشغل عدة محال فراغية بدل عليها باوضاع مسقطيها بالنسبة النقطة يمكن ان تشغل عدة محال فراغية بدل على الاوضاع المذكورة فى المهند سة التحليلية بعلامات ومقاد براناط وط الاحداثية ولنذكرا لاوضاع فنقول

(اولا) اذا كانت النقطة في احدى الزوايا الاربع الزوجية الحادثة من مستولى المستط يسمل مشاهدة وجود مسقطيها على الجزئين المستحونين لهذه المسقط يسمل مشاهدة وجود مسقطيها على الجزئين المستحويين وتتضير اوضاء بها الاربع التي تشغلها في هذه المسالة من المسكل (٣)

(ثانيا) أذا كانت النقطة على احد منستويى المسقط فلامسقط لها على هذا المستوى الا تفسما وامامسقط ما الا خرفيكون بالضرورة على خط الارض واذلك اربع حالات تظهر للمن النسكل (٤) المبين فيه انه لاعلامة فوق رمن النقطة لهي التقطة لهي التحلي المستوى لا احد منسقطها

(ثالثا) اذاكانت النقطة على خط الارض فلامنقط لها الاهى ولذا لم يكتب بجوارها الاحرف م فقط كاهومبين في (الشكل ه) (رابعا) اذاكانت النقطة في احدى الزوايا الاربع الزوجية امكن ان تكون على بعدوا حدمن مستويي المسقط اى أنه يحكن ان يكون وم حوم انظر (الشكل ۲) و ربنده) ومتى كان المسقطان في جمه واحدة من جهتى خط الارض انطبقا على بعضهما ولذلك حالتان مبينتان في (الشكل ۲) ومن هناينيم

اولاان جميع النقط الممتسازة المساقط والمتساوية المبعد عن خط الارض توجد على المستوى القاسم للزاويتين مرع و خس الى قسمين متساويين وثانيا ان كل نقطة المحد مسقط اها توجد على المستوى القاسم للزاويتين في م س الى قسمين متساويين

* (في بيان المستقيم) *

(11)

اذا الزلنا من جميع تقط مستقيم اعدة على المستوى الافق تكون اثارهااى مواقعها المساقط الافقية القط المستقيم ويكون الخط الجامع لها المسقط الافقى المستقيم وتكون جميع هذه الاعدة في مستو واحد عود على المستوى الافقى ويكون تقاطعه مع هذا المستوى مسقط المستقيم وكذا يقال في سقوط اى مستقيم على مستومًا خيئذ يحكون مسقط المستقيم على مستومًا خيئا مستقيما

وكيفية تحصيل مسقطى مستقيم ان عربه في المستقيم مستويان عودان على مستويي المسقط يسمى احدهما بالمستوى المسقط افقيا للمستقيم والاسنر بالمستوى المسقط وأسياللمستقيم .

(11)

ولنرمن من الآن فصاعدا لاى مستقيم فراغى بحرف كبيرولمسقطيه بعين الحرف المذكور موضوعا عليه حرف و ان كان المسقط افقيها و ان كان المسقط وأسيافر منى و و يدلان على المسقط ين الافق والرأسى المستقيم و كافى (الشكل٧)

وقدير مزلامستقيم بنقطتين من نقطه لكن المستقيم المحدد الطول يرمزاليسه دائما بنقطى نهايتيه

(11)

اى مستقيم يتعين على العموم بمسقطيه لانه اذااقيم من و مستو عود على المستوى الرأسي بوجد المستقيم و المرعود على المستوى الرأسي بوجد المستقيم و على هذين المستويين معافيكون بالضرورة خط تقاطعهما ومن هناينتج ان المستقيم المعلوم بمسقطيه يعلم حقيقة بالمستويين حيث انه خط تقاطعهما ويتعين ايضاأى مستقيم تعينا تا ما بنقطتين من نقطه لا نهما يعينان نقطتين من كل من مسقطيه

ولنعتبراعتبارا زائدا من نقط المستقيم النقطتين اللتين يقطع فيهما المستقيم المذكور مستوبي المسقط ويسميسان باثرى المستقيم لانهمسا صبالجتان كل الصلاحية لتعيين اتجاهه

(11)

* (المسئلة الاولى) * اذا كان المعلوم اثرى مستقيم والمطلوب ايجاد مسقطيه يقال

اذافرضان ا الاثرالانتي للمستقيم د و سائره الرأسي كماني الشكل (٧) يكون أو ساعلى خط الارض انظر (ثانيا من غرة ١٠) وعلى العمودين النازلين على هذا الخط من النقط تسين الوسائلين على هذا الخط من النقط تسين الوسائلين على ها الخربند (٨) ومن هنا بتعصل نقط تسان الوسائل والمسائل والمس

واخریان سـ و اَ من وَ فیهذا یعلم المسقطان *(١٥)*

* (المسئلة الثانية) * اذا كان المعلوم مسقطى مستقيم والمطلوب المجاداتريه

حيث ان الاثر الافق حكما في (شكل لا) على المستقيم و والمستوى الافق يوجد مسقطسه الرأسي بالضرورة على و وعلى خ ض فيكون حين الذفي ا وتكون النقطة ا هي مسقط نفسها الافق فتكون حين الذفي و وعلى عود واحد على خط الارض مع ا اى انه يكون في نقطة تقاطع هذين المستقين ا وكذلك اذا كان الاثر الرأسي على و وعلى المستوى الرأسي يكون مسقطه الافق في مو واما النقطة نفسها فتكون في ومن هذا بنتج اله يلزم لا يجاد الرمستقيم ان يمد المسقط الخالف الماثر في الاسمالي خود على الحط الماثر كورفتكون الى خط الارض وان يقام من نقطة التقابل عود على الحط المذكور فتكون نقطة تقاطعهم المسقط الا خر الاثر المطاوب

(17)

قد لا ينعصر المستقيم الممتدالى غيرم اية في زاوية واحدة وحيناذ يكون الجزء الكائن في الزاوية م ع مشاهدا لكن كل ما يكون منه خلف المستوى الرأسي اواسف اللافق بحكون مخبأ باحدهذين المستويين وين ويبين ذلك على المشكل بطريقة رسم مساقط اجراء هذا المستقيم وقدا صطلح على رسم مسقطى جزء الحضور في الزاوية م ع بخطين اتصاليين وعلى رسم مسقطى جزء المستقيم المحصور في احدى الزوايا الثلاث الاخر بخطين نقطيين ذواتى نقط مستطيلة كايظهر ذلك من اشكال الامثله الاتبة ومن المعلوم ان الجزء المشاهد من المستقيم يكون مسقطه الافق تحت خط الارض بخلاف مسقطه الرأسي فانه يكون في مسقطه الله قي تحت خط الارض بخلاف مسقطه الرأسي فانه يكون في قد

أكن لا بليق هـ نذا الاصطلاح الا بالخطوط الاصليه من الشحكل اعنى الخطوط غيرالاصلية الخطوط غيرالاصلية فتنقسم

* (اولا) * الى الخطوط المساعدة وهى وان لم تكن من جله الخطوط الاصلية المهاوقع عظيم في الشكل وترسم بخطوط متقطعة بمعنى انها مكونة من اجزاء مستقية متفاصلة بنقطة اوعدة نقط وتسمى بالخطوط المركبة

* (وثانيا) * الى خطوط العمل وقد تسمى بخطوط السقوط وتعتبر عدمية لقلة تفعيها فى الرسم وترسم بخطوط نقطية مكونة من اجزاء اصغروا دق من الاجزاء الداخلة فى تركيب الخطوط المساعدة

وقد يوجد زيادة على اجزاء الشكل الخبأ بمستوي المسقط اجزاء اخر يمكن ال تكون مخبأة باجزاء الشكل النقطية الكون مخبأة باجزاء الشكل المناحدم تكثير خطوط الشكل النقطية المضر بوضوحه تفرض عالبا ان اجزاء الشكل المذكورة تحكون مبيئة بالخطوط المرسومة على مستويى المسقط الكافية لتعيينها

﴿ (في بيان اوضاع المستقيم) ﴾ * (١٧)*

يمكنان يشغل المستقيم عدة اوضاع فراغية تبين باوضاع المساقط بالنسبة خطالارض ويرسم هذه المساقط ولنذكرذلك فنقول

*(اولا) * قد يكون المستقيم ما يلا بالنسبة لمستويي المسقط وجرة والمحصور بين الاثرين في احدى الزوايا الاربع الزوجية فينشذ يكون اثر اللمستقيم المذكور كائنين على جزئي المستويين المكونين للزاوية المذكورة فبذلك بتحصل معنا اوضاع اربعة كافي (الشكل ٨) وتسهل معرفتها بجرد رسمها ولاجل بيان هذا الرسم نقول حيث كان في الوضع الاول الجزء الدالكائن في الزاوية من المسقطين مرسومين مع مشاهدا يكون الجزآن الدولات والدمن المسقطين مرسومين

بخطين اتصالبين لكن المستقيم و بعد مجاوزته نقطة المير تحت المستوى الافقى وبحياوزته النقطة مسمواجر على المسقط الواسي ومن ثم رسمواجر على المسقط الافقى الكائنين خارج النقطة بن أو سوجر عنى المسقط الواسي المكائنين خارج النقطة بن أو سبخطوط نقطية وبهذه الكيفية بصنع الرسم اللازم اجرآؤه في الحالات الثلاث الاخر

ولنفرض الآن ان المستقيمات مرسومة بدون رمن فنقول لاجل الاستدلال بسكيفية الرسم على مسقط المستقيم الافق يقال انجز المستقيم المرسوم مسقطاه بخطين اقصاله برلابدوان بكون في الزاوية مرع في الوضع الرابع مثلا يكون جزء المستقيم الذي على بسار النقطة الهوالموجود في الزاوية الاولى فيكون مسقط هذا الجزء الافق تحت خط الارض ومسقطه الراسي فوقه وبذلك تكون النقطة الرائس الرائسية في الافق والنقطة الرائسي وبقياس على ذلك ايجاد المتجاه المستقيم في الاوضاع الثلاثة الساقية

(وثانيا) قديكون المستقيم موازيا للمستوى الافتى فيكون مسقطه الرأسى حينتمذ موازيا لخط الارض لان جبع نقط المستقيم و على بعد واحد من المستوى الافتى واما المسقط الافتى فيكون حيثا اتفق وتأتى هذا الاوضاع الثلاثة المبينة في (الشكل ٩) باعتباركون المستقيم و فوق المستوى الافقى اوداخله اواسفله

(وثالثا) قد يكون المستقيم موازيا للمستوى الرأسي فيكون مسقطه الافتى موازيا للمستوى الرأسي فيكون مسقطه الافتى موازيا للمستوى الرأسي فيكون حيث ما اتفق وتأتى هنا الاوضاع الثلاثة المبينة في (الشكل ١٠) باعتباركون المستقيم و امام المستوى الرأسي اودا خله اوخلقه

(ورابعا) اذا كان المستقيم كاقديتفق موازيالمستو بي المسقط معافيلزمان يكون موازيالخط الارض فيكون مسقطاه حينئذ موازيين لخط الارض خض

ومنهنا يتعصل معنى الوضاع تسعة اربعة منها فيمااذا كان المستقم في احدى الزواياالاربع الزوجية كمافى (المسكل ١١) واربعة منهافياادا كانالمستقم على احدى اربع جمهات مستو بي المسقط كماني (السشكل ١٢) والتماسع فيااذا كان الستقم متعدامع خط الارس كافي (الشكل ١٣) وهذه الاوضاع النسعة عين تسعة اوضاع النفطة المبينة في (الشكل ٣ روره) فيكنى فيهاان تبدل النقط م و م و مُ الخ في (الشكل ٢٠٤٥٥) بالمستقيمات و . و . و الخ الموازية لخط الارض قادًا كان المستقيم في هذه الحيالة | متساوى البعدعن المستويينكان مسقطاه متساوبي البعدعن خطالارض ولوكان مسقطاء فيجهة واحدة لانطبقا على بعضهما كمافي (الشكل ١٤) وكان المستقيم حينئذ في المستوى القياسم للزاويتين م س , ﴿ حُرْحُ الَّىٰ ا أقسمن متساويين *(وحَامسا)* اذا كان المستقيم عموداعلى المستوى الانتي يؤل مسقطه الافتي الىنقطةوا حدةوبكون مسقطه الرأسي عموداعلي خطالارض لان المستوى المسقط للمستقم رأسيا والمستوى الرأسي للمسقط يحكونان عمودين على المستوى الافتي ويكون للمستقم في هذه الحالة ثلاثة اوضاع باعتباركونه المام المستوى الرأسي اود اخله او خلفه كما في (الشكل ١٥) ﴿﴿وَسَادُسًا﴾ ﴿اذَا كَانَالْمُسْتَقَمِّ عَوْدًا عَلَى الْمُسْتُوكِ الرَّأْسِي كَانَ لَهُ كَذَلْكُ قُلاثُهُ اوضاع متشباج تماعتياركونه فوق المستوى الافتي اودأخله اواسفله كمافى (السكل١٦) وينتج من هاتين الحالتين ان وم كافي (الشكل؟) هوالمعقط الرأسي

وينتجمن ها تين الحالتين ان وم كافى (الشكل ٢) هوالمسقط الرأسى المستقيم المستقط افقيا للنقطة م ومسقطه الافق النقطة م واما وم فهوالمسقط الافق للمستقيم المسقط رأسيا للنقطة م ومسقطه الرأسي م *(وسابعا) * اذا كان ا تتجاه المستقيم في افراغ عودا على خط الارض صارم سقطاء

ستقيا

مستقيا واحداع وداعلى خطالارض لانالوامر بنا من المستقيم و مستويا رأسيالكان هذا المستوى عودا على خض فعلى ذلك يكون تقابلاه مع مستوير المسقط و و عودين على خض وقاطعين له فى تقطة واحدة في نظبة ان على بعضهما بالضرورة بعد انطباق المستوى الرأسي على الافقى ومن هنا ينتج لناان مسقطى المستقيم العمودين على خط الارض غيركافيين لتعمين اتجاهه فى الفراغ لكن اداعلم منه نقطتان نعين الا يجاه تعينا تا ما ويكون له حينتذار بعدة اوضاع بحسب انحصار الجزء الكائن بين الاثرين فى احدى الزوايا الاربع الزوجية كافى (الشكل ١٧)

*(وثامنا) *اذاقابل المستقيم خط الارض المحداثراه الله سفة واحدة من الخط المذكور وقد يتفق في هذه الحيالة ان المسقطين و و يصنعان كافي (الشكل ١٨) مع جز واحد من غض ذاويتين حادثين احداهما فوقه والاخرى تحته وهذا ينتسب بالفسرورة للمستقيم الناقذ في الزاويتين من المسقطين مع جزي خص كافي (الشكل ١٩) دل ذلك بالضرورة على مستقيم مع جزي خض كافي (الشكل ١٩) دل ذلك بالضرورة على مستقيم ناقذ في الزاويتين غرع و غرس الى ناقذ في الزاويتين مع و خس الى مستقيما ما على المستوى القاسم للزاويتين ع و خس الى قسمين منساويين واما على المستوى القاسم للزاويتين ع و خس الى مستقيا كذلك انظر رابعامن غرة (١٠) وفي هذه الحالة يصير المسقطان مستقيا واحدا كافي (الشكل ٢٠)

* (وتاسعا) * اذا كان المستقيم المقابل خط الارض عودا عليه فان مسقطاه المتحدان وبصيران خط اواحداع وداعلى خض ولا يكفيهان حينتذ لتعيينه فيازم اخذ نقطة مّا من المستقيم المذكور كمافى (الشكل ٢١)

(\ \ \ \)

وينتج مماذكر جيعهان المستقيم يكون معينا بالكابية بمساقط نقطتين مننقطه

ال ظ *(٤)*

الافياحوال مخصوصة فانمسقطاه لايكفيان في تعيينه

(19)

اى مستقيمين ليساعودين على خط الارض يدلان ابدا على مسقطى مستقيم فراغى لانا ادا النساللستو بين المسقطين من المستقيمين يتقاطعان في مستقيم معين وقد يكون المستقيم غير معين اذا اتحد مسقطاه وصارا خط اواحدا عودا على خ ف واى مستقيمين احدهما عود على خط الارض اوكل منهما عود على خط الارض اوكل منهما عود على خط الارض اوكل منهما عود على حاليه ولا يقطعانه في نقطة واحدة لا يصبح ان يكونا مسقطى مستقيم واحد فراغى

(٢٠)

المستقيان الفراغيان اماان يتقاطعا اويتوازياا ولايكونان فى مستووا حدولنبين ذلا فنقول

(اولا) اذاتقاطعاكافى(الشكل٢٦)كانمسقطانقطة تقابلهما م على المسلقط و و و عينتهذ يلزم ان يكون م و م على عودواحدعلى خط الارض انظرنمرة (٨)

*(وثانيا) و اذاقوازيافسقطاهما المتحدا الاسم يكونان متوازيين كما قى الشكل ٢٣) لان المستويين المسقطين متوازيان

* (وثالثا) * أذا لم يكونا فى مستوواً حد فنقطة تقاطع مسقطيهما الرأسيين لاتكون مع نقطة تقاطع مسقطيهما الافقيين على عودوا حد على خط الارض كافى (الشكل ٢٤)

(11)

مان عكس هذه الدعاوى الثلاث صحيح ايضااعني

* (اولا)* اذا تقاطعت مساقط المستقين في نقطتين على عودوا حدعلى خط الارض كافي (الشكل ٢٦) تقاطع المستقيان في الفراغ لان مسقطى النقطة محيث انهما على مسقطى المستقيم و تكون النقطة على هذا الخط و بذلك تكون النقطة على هذا النقطة و بذلك تكون النقطة على مستقير و تكون النقطة على مستقير و تكون النقطة و بذلك النقطة و بذلك

*(وثانيا) * اذاتوازى المسقطان المتعدا الاسمكافي (الشكل ٢٣) توازيم المستقيان فان المستويان الاربعة المسقطة متوازية مثنى وينبئ على ذلا ان خطوط النقاطع الاربعة التي من جلتها مستقيما و و متوازية ايضا *(وثالثا) *اذاتقاطعت مساقط مستقيم في نقطت يزليستا على عودوا حد على خط الارض لا يكون المستقيان في مستو واحد كافي (الشكل ٢٤) قان اى مستقيمن على مستوان لم يتقاطعا يتوازيا في ينتر من ذلك أنه اذاتوازي المسقطها مرتبة كافي (الشكل ٢٢) و ينتج من ذلك أنه اذاتوازي المسقطان كافي (الشكل ٢٢) و ينتج من ذلك أنه اذاتوازي المسقطان الافقيان فقط اوالرأسيان فقط لا يكون المستقيان منوازيين

(77)

مى كانت مساقط مستقيمين اعدة على خ س كانت متوازية ولا يلزم من ذلك ان يكون المستقيمان الفراغيان كذلك

لكن اذاكان و و و كافى (الشكل ٢٠) متوازين وانتخبنا على كل من المستقين نقطتين ا و س و ا و س و توهمنا رأسين نازلين من النقطتين س و س و ا وقاطعين من النقطتين س و س و اقتين مارتين من النقطتين ا و ا وقاطعين الرأسين فى نقطتين رمن هما س و ك حدث مثلثان ا س س و ا سك منشابهان لان اضلاعهما المتناظرة متوازية فصدت

12:12:12:12

لڪين حيث ان

ں رر بان ا۔ : ا۔ :: ا۔ : ا۔ *(۲۳)*

ويقال فى عكس ذلك متى حصلت هذه المتناسبة بكون المستقيان و و و متوازيين لان المثلثين ا س م و كاسر كالقائمي الزاويتين في س م و كاسرونين لان المثلثين ا س م كاسرونين لان المثلث المث

* (المسئلة الشالشة)* اذا اريد أن عُرّ من نقطة معلومة مستقيم موازلاخر معلوم يقال

لايدكمافي (الشكل ٢٦) ان يرمسقطا المستقيم الفروض س عسقطى النقطة المعلومة م كل بنظيره وان يكونامواز يين لمسقطى المستقيم المعلوم وكل لنظيره

﴿ (في بيان الخطوط المنحنيه)﴿

(50)

واذا كان المنصى ج مرسوما داخل مستوعود على المستوى الدفق مثلا كانت جيم المستقيات الوب للم المخ فى المستوى الدفق ومنه بنتجان الذكوروك الافق ومنه بنتجان

مسقط

مسقط المنعنى ج الافقى خطمستقيم وان الا خرمنعنى بالدنر ورة والماذا كان المنعنى ج فى مستوعود على خ ص فكل من مسقطيه يكون مستقبا *(٢٦)*

*(المسئلة الرابعة) * اذا كان المراد ايجاد نقط تقابل المنحنى بمستويي المسقط قال ان النقط التي يتقابل فيها المنحنى ج مع المستوى الافقى كافى (الشكل ٢٨) تشقط انسقاطا رأسياعلى ج وعلى خ ض انظر ثانيامن (نمرة ١٠) في نقاط عهما وتكون النقط قان ا و سفينئذ يكون المسقطان أ و سفي فا تقاطعهما وتكون النقط قان ا و سعلي ع وعلى العمودين القائمين من النقط تين ا و سعلي خ ض ومن المعلوم ان هذين العمودين يقابلان عوما ج في عدة نقط يمكن جعلمها كلمهابلا تميز آنار اللمنصني ج مالم يكن هناك حالة تجبرنا على عدم اعتبار بعضها آنارا كما لو فرضنا مثلاان ا و سليسائر بن للمنحني ج وعثل ذلك يكون ا يجباد الاثرين الرأسيين.

تغیید قد بوجد جزمن ع غیرمقابل لجزمن ع فلایکون بالضرورة مسقط جرمن المنعنی ع کان هناك جزمامن ع ایس جزمامن مسقط المنعنی ع وسنشر ح ذلك

* (في بيان المنوى) * *(۲۲)*

يكن ان بمرمستو واحد بمستقين متوازين اومتقاطعين او بمستقيم ونقطة وينتخب من المستقيمات التي يمكن ان تعيير موضع مستوفرا في المستقيمات اللذان يقطع ذلك المستوى فيهما مستويى المسقط ويسميان باثرى المستوى ومن المعلوم انه لا بدوان يقيابل اثرامستو تما خط الارض في نقطة واحدة هي نقطة تقابل الخط المذكور بالمستوى

والرمن لاى مستو فراغى بحرف من حروف الهياء ولاثريه الافق والرأسي

والمفرفين ق و ر عليهما رمن المستوى كافى (الدكل ٢٩) فرمن ق و ر يدلان على اثرى المستوى م ومتى علم مستويمستقيمين رمزله برمنى المستقيمين المذكورين موضوعين بين قوسير فرمن (اب) مثلا يدل على المستوى المعير بكل من المستقيمين المو ب كانرمن المستوى المعين بالمستوى المعين المستوى المعين المستوى الملاث المستوى ا

* (المسئلة الخادسة) * اذا كان المسقط الافق لمستقيم على مستو علوم باثريه معلوما والمطلوب المجاد مسقطه الرأسي يقال

من المعلوم كافى (الشكل ٢٩) ان اثرى المستقيم على مستو يكونان بالضرورة على اثرى المستوى فيكون الاثر الافق المستقيم و النقطة الهي هي تقابل في بالمسقط و ومن ذلك تستخرج النقطة المن المسقط و وايضا حيث ان الاثر الرأسي المستقيم و ينسقط انقيافي النقطة ب وايضا حيث ان الاثر الرأسي المستقيم و ينسقط انقيافي النقطة ب التي هي تقابل و و غض وان النقطة نفسهافي ما على كر يعلم و واذاعلم و استنتج منه ايضا و *(٢٩)*

* (المستلة السادسة)* أذاكان المُسقط الافق لنقطة على مستو معلوم باثريه معلوما والمطلوب ايجاد مسقطها الرأسي يقال

اذا امررنافی مستوی م خطاته امستقیا و من النقطة م کمانی و و النظر (بند ۲۸) الشکل ۲۹) میر و من م ومنه پننج و انظر (بند ۲۸) وحیث ان م یوجد علی و وعلی العمود النازل من النقطة م علی

خُصْ يَكُونَ مُ فَي تَقَائِلُ هَذِينَ الْمُسْتَقَيِّينَ وَكَذَلِكُ اذَاعِلُمْ مُ يَسْتَنْجُ مِنْهُ الْكَوْنَةِ الْأَلْوَةِ عِينَا اللَّهُ عِنْهُ الْكَالِ

بالكيفية المذكورة م ومن هناينج ان المستوى يتعين باثريه نعينا كليا

^{*(&}quot; •)*

*(**)*

وسعس ايضاالم دوى عستقين حيث ما انفق سقاطعان

وبيان ذلك ان يفرض ان م كافى (الشكل ٣٠) المسقط الافق لنقطة من المستوى (اب) انطر شد (٢٧) فيرمن النقطة م فى المستوى المذكور مستقيم ما من م ويقابل بالضرورة المستقيم ما المستقيم عليه في المنتقيم المستقيم ا

("1)

(المسئلة السابعة) اذاعلمستو بمستقيين واريدا يجادا ثريه بقال ان اثرى كل مستقيم لايد وان يوجدا على اثرى المستوى المذكورة بالكيفية القررة في نمرة (١٥) فاذا بحث اعن الاثارالمذكورة بالكيفية القررة في نمرة (١٥) نجد نقطتين ا و سه من الاثر ق وآخرين ا و سهمن من ولايد ان يقطع هذان الاثران خط الارض خ ض في نقطه واحدة وهذا برهان على صحة الاعال

ولنذكرعلى سبيل الاستطراد ان احسن طرق حل المسائل المراد حلمها الافتصاد فدرما يمكن على طرق تصحيحها بدون زيادة بنشأ عنهاعدم سهولة الاعمال

(77)

ولوارید ایجاد اثری مستو معلوم بالمستقیم و والنقطة م للزمان بمرمن النقطة المذكورة مستقیم و موازللمستقیم و اوقاطع له ثم ببحث عن اثری المستوی (و و)

واذاكان المستوى معلوما بثلاث نقط حدث لنا بجمعها منى ثلاث مستفيات والاحسن ان يجمع بن النين منها بمستقيم وعد من النقطة الثالثة موازله وبذلك يسهل حل هذه المسائل المختلفة

ﷺ (في سيان اوضاع المتوى) ﷺ *(٣٣)*

يمكن ادوشغل المستوى عدة اوضاع فراغية نذكرها فنقول *(اولا)* قديكون المستوى مائلا بالنسبة لمستويي المسقط فله حيئتذ حالتان مهزنان كافي (الشكل٣٣) بحسب كون الاثرين يصنعان مع جز من خ ص اومع جزئين منه مختلفين زاويتين حادثين ا و -|*(وثانيا)* يَمَن فى الحالتين المذكورتين ان تكون الزاويتـــان ا , -منساويتين وفي الحالة الشانية فقط ينطبق الاثران كافي (الشكل ٣٤) *(وثااثًا)* قَدْيَكُونَالْمُسْتُوى مُ عَمُودًا عَلَى الْمُسْتُوى الْافْتِي فَيْكُونَ اثْرُهُ الرأسيعودا ايضاعلي المستوى المذكوركماني (الشكل ٣٥) ويلزم بالضرورة ان يكون عوداعلى خط الارض *(ورابعا) * قديكون المستوى عود اعلى المستوى الرأسي كافي (الشكل ٢٦) أفيكون اثره الافق عوداعلى خط الارمن بالضرورة * (وخامسا) * قد يكون المستوى عموداعلى خط الارض فيتطابق اثراه بالضرورة ويصيران مستقيما واحداع وداعلى خط الارض كأفي (السكل ٣٧) *(وسادسا)* قديكون المستوى موازيا للمستوى الرأسي فيكون اثره الافق موازيا المطالارض خ ص ولايوجدله حينئذ الررأسي والاولى ان يقال اله يوجدلانها أنها وحينئذ يشغل المستوى وضعين ايضاكاني (الشكل٣٨) *(وسابعا)* قديكون موازياللمستوىالافق فحينئذلايكون لهاثرافتي واما اثر هالرأسي فيكون موازيا خ ص ويمكن ان يشغل وضعين ايضا كما في (الشكل ٣٩)

(ونامنا)

(وثامنا) قديكون المستوى موازيا لخط الارض فيكون اثراء موازين خ ض لانهما لولم يكوناكذاك لتقابل خط الارض بالمستوى ويكن ان يكون للمستوى م اربعة اوضاع بحسب كينونة اثريه على جزين من اجزاءمستويي المسقط كمافي (الشكل ٤٠)

* (وتاسعا) * قد يكون المستوى ما يلابالنسبة لمستوى المسقط ايضاميلا منساويا فيكون اثراه حينتذ منساويي البعدعن خط الارض و معلبقان كل منهما على الا خراد اكاناف جهة واحدة كافى (الشكل ٤١)

(وعاشرا) لا يمكن تعييز المستوى المار بخط الارض باثر يه الدين لا يكونان الامستقما واحد الكن اذا كان المستوى معينا بمستقيم وقطة اختير خط الارض واما النقطة فتؤخذ حيث ما اتفقت ويرمن لها بعيز رمز المستوى المذكور فيكون له حيثتذ كافى (الشكل ٢٤) وضعان بحسب قديمه للزاوية م ع والمقابلة لها اوقسمه للزاويتين الاخر بين الزوجيتين

* (وحادى عشر)* قد يكون المستوى احد مستو بي المسقط فيكون احد مسقطى النقطة على خط الارض

(")

وبنتج مماذكر جيعه انه عكن تعيين المستوى بمستقيم ونقطة وان اثريه غيركافيين فيحالة مخصوصة

(°°)

ويجب ان يميزه ن المستقيمات المحكن رسمها على اى مستو المستقيمات التي ا هي

(اولا) انقيـات المستوى وهي مستقيمات كائنة على المستوى المذكور ومو ا زية للمستوى الافق

(وثانیا) رأسیات المستوی وهی مستقیات کائنة علی المستوی المذکور وموازیة للمستوی الراسی

* (و الذا) * الخطوط الاعظم مملا من غيرها استويالنسبة للمستوى الا فقي وهي

(٦)

مستقیان اعده علی الاثرالافتی لهذا المستوی بیان ذلک کمانی (الشکل ۲۶) انا اذا انزلنا من النقطة م من المستوی م ع الحط م و عود اعلی م ن والله م ک مایلاعایه و ازلنا ایضا م ع عود اعلی المستوی ای ووصلنا ع بکل من نقطتی و و ک یعدت ع و و ع ک فیکون ع و عود اعلی م ن واما ع ک فیکون مایلاعلیه و من هناینتجان ع و ح ع ک وحید تئذیکون ع ک فیکون مایلاعلیه و من هناینتجان ع و ح ع ک وحید تئذیکون ع م ن علی المستوی این دست و ن م ک علی المستوی این دست و ن م و الحط الاعظم میلامن غیره

ولننبه على ان عمي = ظا ا وينتج من ذلك ان ميل اى مستقيم اومستو ا على مستو آخر يتبين بالظل المساحى للزاوية الحادثة من المستقيم المذكور ا اومن المستوى مع المستوى الاخر

(ورابعا) الخطوط الاعظم ميلامن غيرها لمستوبالنسبة للمستوى الرأسى وهى مستقيمات اعمدة على الاثرالرأسى للمستوى المذكوروا ثبات ذلك كاثبات ماسبق

(77)

ا * (المسئلة الشامنة) * اذا كان المراد رسم افتى ورأسى لمستويقال حيث ان الافقى كافى (الشكل عنه) و للمستوى م موازللمستوى الافقى كافى (الشكل عنه) يكون مسقطه الرأسى و موازيا خ ص واثره الرأسي لابد وان يكون على را وعلى و فيكون في النقطة به التي مسقطها الافتى ب وحيث ان المستقيم و مواز للاثر قي فلابد وان يكون مسقطه الافتى ايضا و موازيا للاثر المذكور قي انظر (ثانيامن بند ٢٠) ومارا بالنقطة بين المستوى م موازياللمستوى الرأسي يكون وحيث كان الرأسي به المستوى م موازياللمستوى الرأسي يكون

مسقطه الافق ب موازيا خ ض ومسقطه الرأسي ب موازيا للائر ك

*(*Y)*

* (المسئلة التاسعة)* اذا كان المطلوب رسم خطير اعظم ميلامن غيرهما فامستو معلوم يقال

ان(الشكل٤٣)يثبتانالمسقطع و للخطالاعظم ميلامن غيره م و من المستوى ع م بالنسبة للمستوى أن عود على م ن الذى هو خط تقابل المستويين

اذا تقرر هذا فلا بدوان بكون المسقط الافتى و للفط الاعظم مبلامن غيره بالنسبة للمستوى الافق عمود اعلى ق كافى (السكل ٤٠) ومنه يستخرج و بتقضى (بند ٢٨) وايضا حبث انالمسقط الرأسي كُ للفط الاعظم ميلا من غيره بالنسبة للمستوى الرأسي عود على را يستخرج منه المستقط الافقى كُ

وحیث ان الستقین و و کئ الکائنین علی المستوی م یتقاطعان افی نقطة واحدة م مجب ان بسکون م و م علی عود واحد علی خ ض

(" ^)

ويشاهد مماذكران الخط الاعظم ميلامن غيره بالنسبة لمستويكن التعيينه تعيينا تاما حيث يمكن بواسطته ان يحدث عدة افقيات اورأسيات بتدر ما راد

للمستوى المذكوريتقاطع منها اثنان *(٣٩)*

(المسئلة العباشرة) أذاكان المطلوب أن يمر من تقطة معلومة مســـتـو موازلا خرمعلوم يقال

من المعلوم ان الاثار المتحدة الاسم لمستو بين متوازيين متوازية وانه زيادة على ذلك اذا كان معنامستويان متوازيان م و كئ امر زنامن نقطة تما م من نقط المستوى كل مستقيا موازيا لمستقيم كائن فى المستوى م يكون كله محصورا فى المستوى كئ

اذا ثبت ذلك نمر فى المستوى المعلوم م كافى (الشكل ٤٦) مستقيما ما و ثم نمر من نقطة م مستقيما آخو ط موازيا و فيكون فى المستوى المطلوب كد ومن هنما ينج ان اثره الافقى ا نقطة من نقط فى المستوى المطلوب كد ومن هنما ينج ان اثره الافقى ا نقطة من نقط فى واثره الرأسي د نقطمة من كر وحيث انه زيادة على ذلك لابد وان يكون الاثر الاول موازيا للاثر ق والثافى موازيا للاثر كر يكونان معلومين و يجب تعقيق اللعملية ان يتقاطعا على خ ض فى نقطة واحدة

ویکن ان یقال آنه لاحاجه الحامرارالمستقیم و لاندالوامرزامن النقطه المعاومة م افقیا ط للمستوی ک کاف (الشکل ٤٧) لصاد ط موازیا الاثر ق فینندیکون موازیا ایضا الی ق ویکون ط موازیا کن فی می ویکون ط موازیا کن منهایم الاثر الراسی س لهدندا المستقیم نقطه من ک الذی مجب ان یکون موازیا للاثر را ومقا بلانطه الارض فی نقطه ک منهایم الاثر ق ویوازی الاثر ق ولوام رنایدل الافق رأسیا للمستوی

لوجدنا بلا واسطة نقطة من ق

واذا كان المستوى م ليسمعلوماً باثرية بل بمستقين متقاطعين كي واذا كان المستقين المقروضين بالضرورة ان يمرمن النقطة المعلومة مستقيان موازيان المستقين المقروضين

كل لنظيره وبهما يتعين المستوى المطاوب

واما اذا كان المستوى م المذكور معلوما بمستقيمين متوازيين اوبمستقيم ونقطة اوبثلاث نقط فيرجع اقرالا حدالح المتين المذكورتين قبل وذلك امابرسم الرى المستوى المعلوم كافى (بندى ٣١ و ٣٢) اوبرسم مستقين كانين فيسه ومتقاطعين ويتعبن حينتذ المستوى كك كلذ كلذ كور قبله فى يند (٣٩)

(11)

ولنبين مزايا اصطلاح الرمز المستعمل فى الاشكال المتقدمة في هذا الكتاب فنقول ان (الشكل ١٨) تكررفي اول حالة من احوال (الشكل ٣٣) وان المقصودمن الرمز في (الشكل ١٨) مستقيم بقابل خط الارض ومنه في (الشكل ٣٣) مستومًا فالرمز بالحروف المعلمة للمستوى الرأسي غيرا كاف لاشتراكه بن المستقيات والمستويات معاوان الحالة الاولى والشالثة من (شكلي ١١ و ٤٠) لا يختلفان ايضا الايالرمن وان (الشكل ١٢) أتكرربعينه (في شكلي ٣٨ و٣٩) وان الرمز المستعمل في (الشكل٤١) يدلءلي انالمقصود مستقيمان متحدا المساقط لامستقيمان مرسوما حدهما على الجزء المؤخر من المستوى الافق والاسخرعلى الحزء الاسفل من المستوى الرأسي كافي (الشكل ١١) ولامستويان موازا حدهما للمستوى الرأسي كما في (الشكل ٣٨) والا تنر للمستوى الافق كافي (الشكل ٣٩) وانه بدون الرمن المستعمل في (الشكل ٤١) لا يعلم مستويان مواذيان لخط الارض متطابق الاحمار بل يعلم ستويان احدهماموا زالمستوى الافق كافى (الشكل ٣٩)والا خرالمستوى الرأسي كما في (الشكل ٣٨) وإن (الشكل ٢٤) لايدل بدون الرمن المستعمل فيه الاعلى مسقطى نقطة ولا يمكن انبدل على مستوماومن خط الارض وليتنبه الى ان تنقيط الخطوط في الاحثلة التي ذكرت لايجبرو حده خلل عدم كفاية الرمو ذالمصطلح عليها فالامثلة المذكورة صالحة جدالان تدل على نفع الرمو زالتي اصطلحنا عليها

﴿ الباسبالثاني ﴾ في المسائر الاصليد من الهندسة الوصفيه في تغيير مستويى المسقط وفي ندويرالاشكال حل محور

(73)

من كانت معادلة خط اوسطم معقدة بعث بالتعليلات عن اختصارها وذلك بان بنسب المنحى اوالسطم الى محاور جديدة منتخبة بحيث تنعدم بعض الحدود عن المدود مستطيلات الاحداثيات والحدود ذات الدرجة الاولى التي تكون في معادلات المنحنيات اوالسطوح ذات الدرجة الثانية ويمكن في المهندسة الوصفية ان يكون الشكل المرسوم على مستويي المسقط معقد اجدا ومن الخطوط التي هي سبب في تعقيده ما يكون ناتجامن طبيعة المسئلة وحينئذ لا يمكن التخلص منه ومنها ما يكون حادثا من وضع مستويي المسقط بالنسبة للشكل الفرائي المراد بيانه فيمكن في هذه الحالة ازالته بانتخاب مستويي المسقط انتخاب مستوي المستويات المعلية تجرى دا ما يكون مسقطا شكل فراغي على مستويين قائمي الروايا معلومين والمطلوب ايجاد مسقطيه على مستوثا لث عود على احد المستويين المذكورين

* (الشائية)* ان يكون مسقط شكل فراغى على مستويين قائمى الزوايا معلومين والمطلوب ايجاد مسقطيه على عين المستوين المذكورين بعد تدويره حول محور ثابت بقدر زاوية معلومة ويتفرع كل من هاتين المسئلتين الى مسائل عديدة مقصود نامن هذا الساب ذكرها مفصلة

(25)

ولننبه قبل الشروع في ذلك على أنه يرمن لكل خط ارضي بالرمزين خ و ض

مع وضع اشارة عليه اوبدونها ويوضعان بحيث لوفرض الانسان انه فوق المستوى الافتى وامام المستوى الرأسي لأى الرمزين على بوز فوخ الرسم الذى براد على بينه بحيث بدل وضع كل من هذين الرمزين على بوز فوخ الرسم الذى براد ان يجت فيه عن جهتى كل من مستويى المسقط وعلى ان يوضع ايضاعلى كل من رموز مساقط النقط او الخطوط الكا "نسة على مستويى المسقط الحديدين الرمن راو و وعليه عين الاشارة التي على خ و ض الدالين على خط الارض الجديد ليدل ذلك على ان المساقط هي عين مساقط النقط المعلومة او الخطوط كذلك منتسبة للمستوى الرأسي او الافتى الجديدين وعلى ان يرمز كذلك للا تارا جديدة للمستويات بالرمزين راو ق عليه على ان يرمز كذلك للا تارا جديدة للمستويات بالرمزين راو ق عليه على ان يرمز كذلك للا تارا جديدة للمستويات بالرمزين راو ق عليه عنيا الاشارات المذكورة وقد لا يوضع خصوصا في مسائل التطبيق ومن على خط الارض وانما تطلل جهة الجزء المقدم من المستوى الافتى وانشرع في ذكر المسائل فنقول

(2 2)

* (المسئلة الاولى) * اداكان المطلوب تغيير المستوى الرأسي بالنسبة لنقطة مقال

لبفرض كافى (الشكل ٤٨) ان م و م مسقطان النقطة م على المستويين المرموز المهما برمز خط الارض خ ض وان المطاوب البعث عن مسقطها على مستواخر رأسي قاطع للافقى ف خ ص فيدل وضع الرموز على ان الجزء الاعلى المستوى الرأسي منطبق على المستوى الافقى جمة يسار الرسم وان الجزء الاسفل كذلك جمة عينه فيث لم ينغير المستوى الافقى لا يتغير المسقط م ويبقى ارتفاع النقطة م عن المستوى المذكور على ما كان عليه فيننذ يكون مسقطها الرأسي الجديد م مع م على عمود واحد على خ ص كافى بند (١) وعلى الجزء الاعلى المستوى الرأسي الجديد انظر (اولا من نمرة ١٠) وعلى الجزء الاعلى المستوى الرأسي الجديد انظر (اولا من نمرة ١٠) وعلى المواحلي المستوى الرأسي الجديد انظر (اولا من نمرة ١٠) وعلى المواحد على المحلي المستوى الرأسي الجديد انظر (اولا من نمرة ١٠) وعلى المحلي المستوى الرأسي الجديد انظر (اولا من نمرة ١٠) وعلى المحلي المستوى الرأسي الجديد انظر (الولا من نمرة ١٠) وعلى المستوى الرأسي الجديد انظر (المالا من نمرة ١٠) وعلى المستوى الرأسي الجديد انظر (المالا من نمرة ١٠) وعلى المستوى الرأسي الجديد انظر (المالا من نمرة ١٠) وعلى المستوى الرأسي الجديد انظر (المالات المالات المالات

بعد وُمُ من خُصَ يساوى البعد ومُ الكان بن النقطة م والمستوى الافق انظر (اولامن ثمرة ه)

وي التي الله المستقيم على النقطة على التي هي تقابل خ ض مع خ ص المستقيم على عودا على خ ص والمستقيم على عودا على خ ص والمستقيم على خ ص مواذ باللفظ وع ويرسم من المركز على القوس ل ط والمستقيم طم مواذ باللمستقيم ع و فينتج بالضرورة

ر وم = عل = عط = وم *(٤٥)*

*(المسئلة التائية) * اذا كان المطاوب تغيير المستوى الافق بالنسبة لنقطة يقال

هذه المسئلة كافى (الشكل ٤٨) لاتخالف ماقبلها الا فى اجراء العملية التي علت فى المستوى الرأسي على المستوى الافتى

فاذا اربدتغییر مستویی المسقط معا ازم اجرا العملیتین علی التوالی فیفرض انه بعد اجرا التغییر المذکور فی المستوی الرأسی اربد تغییر المستوی الافقی فیفرض ان خط الارض الجدید هو خصّ بشرط ان یکون الجزا المقدم من المستوی الجدید تحت خصّ وجزوه المؤخر فوقه فحیث لم یسغیر المستوی الرأسی یکون م باقیا علی حاله و تکون النقطة م باقیة دا تما المام المستوی الذکوروعلی بعدوا حدمنه فینتذ یجب ان یکون المسقط الافق الجدید م مع م علی عودوا حد علی خط الارض خص کافی نمرة الافق الجدید م مع م علی عودوا حد علی خط الارض خص کافی نمرة (م) ای امه یکون تعت هذا الحط الارضی انظر (اولامن نمرة ۱۰) وعلی بعدمنه و م و م انظر (ثانیا من نمرة ۵) و برسم هذه المنساویة رسما بعدمنه و م و م انظر (ثانیا من نمرة ۵) و برسم هذه المنساویة رسما بعدمنه و م و م انظر (ثانیا من نمرة ۵) و برسم هذه المنساویة رسما

عاثلالاعال المتقدمة ينتج

َ وَمَ = حَلَ = حَطَ = وُمُ

و پیسکن بتغییرات متو الیة فی المستویین الافق والرأسی ان تنسب نقطة لای مستویین قائمی الزوایا یسمی احدهما دا تمامستویاانقیا والا خررأسا

(1)

(المسئلة الشالنة) اذاكان المطلوب تغيير مستويى المستط بالنسبة لمستقيم يقــال

كايكن حل المسئلتين الذكورتين بالنسبة لنقطة يمكن حلهما بالنسبة لمستقيم لان المستقيم لماكان يتعين بقطتين كفي في ذلك المجاد مساقط نقطتين من نقطه على المستويين الجديد بن فاد افرضنا ان غ ص اثر مستوراً مي حديد كافي (الشكل ٤٩) تمين لنامن وضع الرموز على خط الارس الجديد هذا انظياق الجزء الاعلى على عين فرخ الرسم والجزء الاسفل على يساره انظر (بند ٤٣) فاذا اخذنا من المستقيم و تطنين مثل م و النغير مسقطا هما الافقيان وحيث انهما فوق المستوى الافق بحب ان يكون مسقطا هما الرأسيان الجديد ان على يساد خ ص وعلى بعدين مسقطا هما الرأسيان الجديد ان على يساد خ ص وعلى بعدين وم ح ع و ع في انقار (بند ٤٤)

وحيث ان الاثر الافقى المستقم و لايتغيريقال اذا اجريث العملية بالضبطلابدوان يكون الستقيم المعمودا على خطالارض الجديد غُصُ

وكان بمكن لاجل ايجاد المسقط الحديد و المستقيم ان تنخف القطة ا ونقطة تما اخرى منه والنبه بمقتضى ما شوهد من هذه المستله على مزية ومن ما فنقول انه ليس قاصرا على نبيين وضع كل خط واتجاهه والمقصود منه فى الفراغ تبيينا تاما على الشكل بل هومع ذلك يسين جهة انطب اق

(٨)

المستويات التي ليست منطبقة على فرخ الرسم كايبين ان علامات الرمزين و ر المشابهة لاشارات خط الارض المقابل لهما تدل بمجود النظر اليها على كيفيات تقلمسا قط الشكل الفراغي المتوالية ولواستعملنا الرموز المعلمة للاحسال ذلك الابغاية المشقة

وحينةذيسهل ايجادمسقط المستقيم و على مستوافق جديداى على مستو عود على المستوى الرأسي خُ ضَ الحكن لانجث عن ذلك هذا حذرامن نعقد الشكل

(¿ ¥)

* (المسئلة الرابعة)* اذاكان المطلوب تغيير مستوبي المسقط بالنسبة لمستويقال

نفرض كافى (الشكل ٠٠) المستوى معاوما باثريه ق و را ثم نبعث عن اثريه على مستوبي المسقط الجديدين ونفرض ان المطلوب ابجاداثر المستوى م على مستوراسي جديد قاطع للمستوى الافق فى خ ص فيث ان الاثر الافنى ق لا يتغير تكون النقطة و التي بتقابل فيها ذلك الاثر مع خطا لارض الجديد خ ص نقطة من نقط الاثر المطلوب انظر أمرة (٢٧)

واذا فرضناعلى المستوى م مستقيما تما تكون نقطة تقابله مع المستوى الرأسى الجديد هى النقطة الثنانية من نقط الاثر المذكور انظر (بند ٢٨) ومذلك تنصل هذه المسئلة

ثم ينتخب للاختصار الافق ط لان نقطه حينئذ تكون على بعد واحد و سد من المستوى الافق الذى لا يتغير في نئذ اذا مدينا ط الى خ ض ف النقطة عودا على خُ ص واخذ ناعليه بعدا و و الفناء في هذه النقطة عودا على خُ ص واخذ ناعليه بعدا و سر عدد لنا الاثر الجديد الرأسي ك للافق ط

الكائن فىالمستوى م كافى (بنده١) فحينذيكونالاثرالمذكور كاتنا بالضرورةعلى رأ الذى هوالاثرالج ديداراً عي للمستوى م ولنند على اله لاحاجة لنابرسم المسقط الرأسي للمستقيم ط وكان يكني ان نعن النقطة ل التي فعنا استعمالها والاحسنان نستعمل من افقيهات المستوى م الأفقي 1 الذي بيرمسقطه أ بنقطة تقابل خ ض مع خُ ضُ انامكن ذلك وحيث ان النقطة ا فى المستوين الرأسيين تعتبر على المستوى الرأسي القاطع للمستوى الافق في خُضُ واذااتفقاناالاثرالافق ق لميتقابل مع خطالارض الجديد خُضَ فى حدود الرسم ولم يوازيه لاتعلم النقطة و ويازم حينتذ ايجاد نقطتين من الاثر الحالة الاثر الرأسي الجديدعن حدود الرسم اخذعلي المستوى م مستقيمان يمكن ايجاد مسقطيهما الرأسيين الجديدين فيدمين المستوى تعينا كليا مالمستقمين المذكورين انظر (بند ٢٧) أثم انه يلزم لتغيير المستوى الافق اجراء مثل ماذكروذلك باستعمال رأسي اورأسين للمستوى الفروض بحسب تقابل الاثرالرأسي للمستوى المذكور مع خطالارض الجديدف حدود الرسم اوعدم تقابله به مع عدم موازاته له *(٤ ٨)* * (المسئلة الخامسية) * الذاكان مسقطانقطة على مستوين قائمي الزوايا معلومن والمطلوب ايجاد مسقطها على مستو الن يقال حيث ان المستوى م كافي (الشكل ٥١) ليس عود اعلى المستوى الافق ولاعلى المستوى الرأسي فلا بعتبر مستويا جديدا رأسسياولا افقيا للمسقط لكئن اذا اردمااعتباره افقيا يجب ان نغير اولا المستوى الرأسي وننتخب المستوى الجديد عمودا على المستوى م فيلزم ان يكون ق عمودا

على خُصَ انظر (رابعا من بند ٣٣) نم نبعث عن اثر المستوى م كافى (بند ٤٤) وعن مسقط النقطة م على هذا المستوى الجديد الرأسى كافى (بند ٤٤) ثم نعتبرا لمستوى م مستويا افقيا وبذلك لا يكون خط الارض الجديد الارم فنجد حيثة م كافى (يند ٤٥) وهى مسقط النقطة م على المستوى م

ثم تعتب المستويين المثقاطعين في خ ص بتغيير المستوى الرأسي فيحدث المسقط ﴿ على عمود نازل من النقطة ﴿ على خُض وعلى بعد الله على حُصْ وعلى بعد الله على بعد الله على حُصْ وعلى بعد الله على حُصْ وعلى بعد الله على حُصْ وعلى بعد الله على الله على حُصْ وعلى بعد الله على حُصْ وعلى بعد الله على الله عل

(19)

ون تنبیسه حیث ان المستقیم م د مواز خُصَ یکون عوداعلی ق وحیث ان المستقیم م د الفراغی عمود علی المستوی م یکون م در الفراغی عمود علی المستوی م یکون میکن بدل اعتبارالمستوی م افقیا اعتباره م د مسقطه الافق وکان بمکن بدل اعتبارالمستوی م افقیا اعتباره

وأسياركان بازم على ذلك اولانغيبو المستوى الافق وانتخاب آخر قاطع الرأسى في كون بذلك في خط الارض الجديد في في ولو بحثنا ايضاءن مسقطى النقطة م معتبرة كالنقطة و من المستوى م لوجد نا اولا و مع م على عود واحد على را فيكون حيننذ م المسقط الرأسى للعمود م و المستوى م وينتج من هسده المسئلة ان مسقطى عود على مستوعود ان على اثرى المستوى المذكوراى ان كلامن المسقطين عود على موافقه اسمامن الاثرين وسنثبت هذه النظرية فيابعه المستوعود على موافقه اسمامن الاثرين وسنثبت هذه النظرية فيابعه المستوى) *

* (المسئلة السادسة)* اذا كان المطلوب جعل مستقيم موازيا لاحد مستويى المسقط شال

ينم بحل المستقيم و موازيا المستوى الرأمي كافي (الشكل ٥٠) ان يحكون و موازيا الحط الارض كما في (ثالثا من بند ١٧) ويكني حينتذجعل خُ ضَ موازيا المستقيم و والبحث عن المسقط و المستقيم و على هذا المستوى الجديد الرأسي انظر (بند ٤٦) واذا اريد جعل المستقيم موازيا المسقط و انظر (ثانيا من بند ١٧) موازيا المسقط و انظر (ثانيا من بند ١٧) موازيا المسقط و انظر (ثانيا من بند ١٧)

* (المسئلة السابعة) * اذا كان المطلوب جعل مستقيم عمود اعلى احدمستويي المسقط نقال

اذا كان المستقيم و كافى (الشكل ٥٢) موازياللمستوى الرأسي يكون كل مستوعوده لى هذاالمستقيم هموداايضاعلى المستوى الرأسى ويمكن انتخابه مستويا افقيا للمسقط مع المستوى الرأسى اما اذا كان المستقيم و موازيا للمستوى الافتى فيكون كل مستوعود عليه عمودا على المستوى الافتى وعكن ايضا ان يعتبر مستو بارأسيا - ديد اللمسقط مع المستوى الافقي وا ما اذا كان المستقيم المذكور للسمور والمستومن المستوين السقط فلا يكون المستوى العمود على هذا الخط عود اعلى مستومن المستويين الافقي والرأسي فلا يمكن اعتباره الفسرورة مستو بافقيا ولارأسيا للمسقط مع واحد من المستويين الاصليين ومن ثم يلزم لحل هذه المسئلة ان نبتد مجعل المستقيم المفروض موازيا لاحد مستوي المستوى الافق عود اعلى المستوى الأفق مع و المستوى الرأسي ثم نغير المستوى الافق ما المنتيب على المستوى الافق بكون عود اعلى المستوى الافق بكون الافق ما المنتيب على اله المنازي في خط الارض انظر (خامسا من بند ١٧) في نئذ نأخذ ثن عود اعلى خط الارض انظر (خامسا من بند ١٧) في نئذ نأخذ ثن عود اعلى و فيكون المسقط الافق حينة فقطة واحدة في نئذ نأخذ ثن عود اعلى و فيكون المسقط الافق حينة فقطة واحدة وهو بعداى نقطة من المستقيم و عن المستوى الرأسي المناسية من وعلى بعد منه او = ا ا المناسقين و عن المستوى الرأسي المناسقيم و عن المناسقيم و عن المستوى الرأسي المناسقيم و عن المستوى و عن المستوى المناسقيم و عن المستوى المناسقيم و عن المستوى المناسقيم و عن المستوى

* (المستله النامنة) * اذا كان المطلوب جعل مستوعمود اعلى احدمستو يى المسقط يقمال

ان هذه المسئلة قد انحلت فى (بند ٤٨) فقد شاهدنا انه بازم لجعل المستوى م المعلوم عموداعلى المستوى الرأسى للمسقط تغییرالمستوى الرأسى للمسقط واخذ خط الارض الجدید عمودا على تى وانه یازم ایضا لجعل المستوى م عموداعلى المستوى الافتى تغییرالمستوى الافتى للمسقط واخذ خط الارض الجدید عموداعلى را

ا الارص الجديد عموداعلى / *(٣٥٠)*

(المـــئلة الشاسعة) اذا كانالمطلوب جعل مستوعمودا على خطالارض هـال

انه يجب ان يكون المستوى عموداعلى المستو بين الافقي والرأسي معما فنغير

اولاالمستوى الرأسى باخذ خُ صُ مثلاع وداعلى ق ونستنجمنه رَكَ الله الله وينستنجمنه رَكَ الله وينه عودا على رَكَ ف كافى (بند ٤٧) ثم نغير المستوى الافق باخذ حُ صُ عودا على رَكَ ف في بق المستوى دائمًا عودا على المستوى الرأسى السابق ويكون مع ذلاً عردا على المستوى الافق الجديد وحينيّد يكون عودا على تقابلهما اى على خط الارض الجديد

(° £)

(المسئلة العاشرة) اذاكان المطلوب جعل مستو موازيا لخط الارض مقـال

ان اثرى المستوى الموازى خطالارض كافى (السكل ٥٠) يكونان موازين الخطالمذكور انظر (نامنامن بند ٣٣) فاذااردنا حينئذ حل هذه المسئلة بتغيير المستوى الرأسي لزماخذ تحض موازيا للاثر في ثم لاجل المجاد نقطة من نقط ركم يكن ان برسم في المستوى م حستقيم ما ويجث عن نقابلد مع المستوى الرأسي الجديد وكيفية الوصول اذلك سهلة جداود الله ان المستويين الرأسيين والمستوى م متقاطعة في النقطة التي مسقطها الافتى الرأسيين والمستوى الرأسي خم متقاطعة في النقطة التي مسقطها الافتى النقطة للمستوى الرأسي خم تكون على عود على ركم واذا التسبت المستوى الرأسي خم تكون على عود على خم وعلى بعدمنه انتسبت المستوى الرأسي خم تكون على عود على خم وعلى بعدمنه التسبت المستوى الرأسي خم تكون على عود على خم وعلى بعدمنه المستوى الرأسي خم تكون على عود على خم وعلى بعدمنه المستوى الرأسي خم تكون على عود على خم الارض الحديد المستوى المستوى المستوى المنقطة المنافق المان يؤخذ خط الارض الحديد موازيا ولواريد حال المستوى المستوى الافق المان يؤخذ خط الارض الحديد موازيا

ولواريد حل لمستله بتغيير المستوئ لافق لزم ان يؤخذ خط الارض الجديد مو ازيا للاثر راك فيوج مد بكيفية مشاجمة للكيفية المذكورة نقطة من نقط الاثر الافق الحديد

(00)

* (المسئلة الحادية عشر) * إذا كان المطاوب جعل مستومو إزيالا حدمستويي

المسقط يقال

ان المستوى الموازى لاحدمستو في المسقط يكون بالضرورة عمودا على الاخروح وحينئذ يازم لحل هذه المسئلة ان يبتد عجعل المستوى المفروض عمودا على احدمستو في المسقط كافى (بند ٥٠) ثم يجعل موازيا للمستوى الآخر فاذا اربيد مثلا ان يجعل المستوى المقروض وهو م موازيا للمستوى الراسي فالمحمل اولا عمودا على المستوى الافقى ثم يغير المستوى الرأسي باخذ خط الارض الجديد موازيا للاثر ق المستوى الافقى فالمحمل اولا عمودا على المستوى الافقى فالمحمل اولا عمودا على المستوى الافقى فالمحمل اولا عمودا على المستوى الألمى ثم يغير المستوى الافقى فالمحمل الاثر ت كافي واما المستوى الرأسي ثم يغير المستوى الافقى باخذ خط الارض الجديد مواذيا المستوى الألمى أن يغير المستوى الافقى باخذ خط الارض الجديد مواذيا المستوى الرأسي ثم يغير المستوى الافقى باخذ خط الارض الجديد مواذيا اللاثر ت كافى (سابعامن بند ٣٣) ومن المعلوم أنه لا يوجد فى النغيير الشانى اثر المستوى حتى يحت عنه

(07)

وقبل الشروع فى حلمسئلة دوران الاشكال حول محوونشرع فى ثلاث قواءد واضعة لها وقع عظم فنقول

* (اولا) * انكل شكل في مستو مواز لاحد مستويي المسقط ينسقط على هذا المستوى وينطبق على هذا المستوى وينطبق على شكل مثله وبيان ذلك اندا انزلت من تهايتي مستقيم اعدة على مستوى المسقط يتكون معك شكل متوازى الاضلاع قائم يكون مسقطه الضلع المقابل المستقيم المنسقط فكل شكل يحدد بخطوط مستقيمة متناهية في الصغر

(وثانيا) انكل شكل كائن فى مستوعود على احد مستوبى المسقط ينسقط عليه فى اثر المستوى المشتمل عليه لان الاعدة النازلة من كل نقطة من الشكل المذكور لا تخرج عن المستوى المذكور

(وثالثا) الهمتي دارشكل حول محوريد ورايض المسقطه على المستوى العسمودى على المحور المذكور حول اثرالمحور بيضائه دائماكما هوواما مسقطه على مستو آخر فبتغير في اى وقت من اوقات الحركة اذا ثبت هذا امكن

تدويرشكل حول محود عودعنى احد مستويى المسقط او موازله اوعلى اى المجاء كان ثم بعد تدوير الشكل الفراغى تغيرمواضع اجزا ته المختلفة والحق ان بقال الله صار شكلا آخر مساويا للاول نجت عن مساقطه ولاجدل ذلك نسم رموز النقط والخطوط والمستويات دون اسس رموز موزمستوي المسقط

(°Y)

* (المسئلة الثانية عشر) * اذا كان المطلوب تدوير نقطة حول محور رأسى بقدر زاوية معلومة وا يجاد مسقطيها في وضعها الجديد مقال

لنفرض كافي (انشكل ٤٥) ان النقطة المفروضة هي م وان الهورالرأسي هو ا فاذا انزلنـا من النقطة م عموداعلى المحوريكونافقيـاوينســقط مالضرورةانسقاطا افقيافي رئم بمقداره الاصلى انظر (اولامن نمرة ٥٦) وامامسـقطه الرأسي كر فيككون موازيا لخط الارض خ ض انظر (ثَانِيَامِن نُمَرَةً ١٧) فَاذَادُورِنَا الْجَلَةُ بِقَى الْعَمُودِ ﴿ وَاتَّمَا عَوْدًا عَلَى الْحُودِ أ وعلى طوله الاصلى ورسم بالضرورة دائرة تكون في مستوعو دعلى أ اوافق ومركزهاعلى المحورومسقطها الافتى ج دائرة مساوية لهامركزها في أ ونصف قطرها يساوى ر ومسقطه الرأسي رَج مستقيم مواز لخط الارض غ ص وحيث ان النقطة م لاتخرج عن المحيط المذكوريكون مسقطاهاعلى ج , ج فاذافرضناان النقطة م تدور حول ا بقدار الزاوية ل على اتجاه السهم ف صارنصف القطر ر في وضع رَ فيحدث مع ر الزاوية ل وحيث اله لايدوان يتكون من المسقطين الانقيين عين الزاوية المذكورة يكنى ان بمد رُ جعيث يحدث مع لَمُ الزاوية إ فتكون تقطة تقيابل المستقيم المذكور مع ج المسقط الافقي م النقطة م بعد

(°^)

(المسئلة لشالنةعشر) اذاكان المطلوب تدويرنقطة بقدرزاويةمعلومة حول محورهمودعلى المستوى الرأسي يقبال

ان هذه المسئلة كما في (الشكل ٥٥) لا تخالف ما قبلها في شئ سوى ان الدائرة المرسومة هذا بالنقطة م كائنة في مستومواز المستوى الرأحي بمحيث

ان الزاوية المفروضة ل لايدوان تكون عادثة من المسقطين الرأسيين بر و كر اللذين هما مسقطا نصني قطرى الدائرة المذكورة المارة بالنقطتين م و مُ

(09)

* (المسئلة الرابعة عشر)* اذا كان المطلوب دوران مستقيم بقدر زاوية معلومة حول محور رأسي اوعمود على المستوى الرأسي بقال

ان المستقيم المذكور يمكن ان يشغل ثلاثة اوضاع مختلفة بالنسسة اللعمور ولنذكرذات فنقول

* (اولا) * قديكون المستقيم مو ازياللمعور فيرسم سطحا اسطو انسادا قاءدة مستنديرة كاهو معلوم في الهندسة الاصلية

* (وثانيا) * قد يقطعه في نقطة فيرسم حينئه في سطعا مخروطيها ذا قاعدة المستديرة كاهومعلوم ايضامن الهندسة الاصلية

(وثالثما) قدلاً یکونکا شامعه فی مستو واحد فیرسم سطعیا بسمی بسطے الفطع الزائد الدائر ذی الطبیة وسینه ولنشر حده الاحوال الثلاثة فنقول *(الاولی)* ان بفرض ان المحور الرأسی هو اکافی (الشکل ٥٦) وان المستقیم الموازی له هو و الذی هو بالضرورة رأسی فت = ون حیع نقط

المسما

المستقيم و الدائرة حول أ ياقية على البعد الكائن يتهاو بن المحور المذكورفحينئذيكون وبرا متوازيين دائماويرسم حينتذالاثرالافتي للمستقيم و الزاوية [ويذلك يصيرالستقيم و في و *(الحالة الشائية)* ان فرض ان المحور الرأسي اكافي (الشكل ٥٧) وان المستقم القاطع له فى نقطة م هو و فمتى دور المستقيم و بقدر الزاوية السحول المحور الفلابدوان يسترمارامن النقطة م ويكني حينتذ لمعرفة الوضع الحديدلمذا المدتقيم معرفة تامة ان يعين الموضع الذي شغلته نقطة من نقطه فتأول المسئلة حينتذالى تدويرا حدى نقط المستقيم و حول المحور ا والاحسن ان ينتخب من نقط هذا المستقم اثره الافقى ا انكان موجودا ومسقطم الرأسي بالضرورة على خط الارض كأان مسقط النقطة أكمون كذلك فاذا اوصلناه النقطة بالنقطة م حدث المستقيم و ومنحيث ان الاثرالرأسي سه يخرج مدة الحركة من المستوى الرأسي لا بحسكون وضع الاثر الرأسي الحديد عُ الوضع الحادث للنقطة ـ ولذا رمن اله ابرمزآخو *(الحالة الشالثة)* ان يفرض ان المحور الرأسي هو اكمافي (الشكل٥٠) وان المستقيم الذي ليس معه في مستو واحد هو و قلا جل معرفة وضع المستقرالمذكوربعددورانه حول المحور البقدرزا ويقمعلومة الكيني بالضرورة تعييز الوضعين الجديدين لنقطتين من نقط المستقيم المذكوركما هومعلوم ولنفرضهما عليــه م 🕻 و فيرسمان مدة الدوران قوسى دآ ترتن 🕽 ج ﴿ جُ فَي مستوين عمودين على المحوروموارُبين بالضرورة للمستوى الافتى فتصير-ينئذالنقطة م فى مُ , ﴿ فَ فَى رَهُ وَلَعْدُمُ رَسُمُ الزَّاوِيَّةُ ا ا ِ بعددوران النقطة مُ كاعلمدلكُ من (بند ٥٧) عدنصف القطرالمارمن ﴿ الى ر ويؤخمن قوس رسم عنام م ويرسم

ن المستقيم سدا فيقطع هذا المستقيم الدائرة ج فىالنقطة ﴿ وَمَنْ ذَلَكُ النَّهُ اللَّهُ اللَّالِي اللَّا اللَّالِمُ اللَّالِي اللَّالِمُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّا اللَّهُو

وتختصر العمليات باخذ تقلتين مسقطاه ما الافقيان على بعدوا حدمن أ لان الدوائر التي ترسمها ها تان النقطتان متحدة المسقط الافتى فلوا خذ نا شلا النقطتين أوم لاجرى على احديهما وهي م ما اجرى عليها قبل في (غرة ٥٧) ولا يجاد النقطة أنأ خذ على الدائرة ع أوج في و قو

أغرانه بمكن انتخاب النقطتين بكيفية خاصة بواسطتها تنصل المسئلة وهي ان ينزل من أعود لا على و يقطعه في النقطة ع التي هي المسقط الافق المنقطة ع من نقط المستقيم و غرنفرض ان جالة المستقيم و والمسقط الافق و والرأسي لا تدور حول المحور بقد رالزاوية إ فيصيرالرأسي في لا صافعامع لا الزاوية إ ويبني المستقيم و مدة الدوران عمودا على لا ومسقط الفقيا للمستقيم و في جميع اوضاعه كافي (ثالثامن على لا ومسقط الفقيا للمستقيم و بعد الدوران ونقطة الزرة بي عيد من المسقط الزامي فاذاعلم الحجامة المستقيم و بعد الدوران ونقطة اخرى في من المسقط الرأسي فاذاعلم الحجامة المستقيم و بعد الدوران ونقطة اخرى في من المسقط الرأسي فاذاعلم الحجامة المستقيم و بعد الدوران ونقطة اخرى في من المسقط الرأسي فاذاعلم الحجامة المستقيم و بعد الدوران ونقطة المن رسمه ويسم قوس في المستقيم المعتبرة مركزا ومن المعلوم انه يهيكن التخاب اى نقطة المنابقطة المستقيم المنقطة المستقيم المعتبرة مركزا ومن المعلوم انه يهيكن التخاب اى نقطة المنابقطة المستقيم المعتبرة مركزا ومن المعلوم انه يهيكن التخاب اى نقطة المنابقطة المنتبرة مركزا ومن المعلوم انه يهيكن التخاب اى نقطة المنابقطة المنابق المنابعة الم

بمكنحل المسئلة التي الغرض منهادوران مستقيم حول محورعمود على

المستوي

المستوى الرأسي بهذه الكيفية نع نبغي ان نجرى على المستوى الرأسي العمليات التي التريت على المستوى الافتى وبالعكس التي التريت على المستوى الافتى وبالعكس * (٠٠)*

(المسئلة الخامسة عشر) اذاكان المطلوب دوران مستو بقسدر زاوية معلومة حول محوروأسي هال

ان الوضع الجديد للمستوى المفروض يعلم اذاعلم وضع المستقين الكائنين على المستوى المذكوروالاحسن ان ينتخب من المستقيمات مستقيمان انقيبان ويؤخذ الاثرالافتي للمستوى يدل احدهما لكونه لايخرج مدةالحركة عن المستوى الافقى فأذا انزلنامن النقطة أكمانى (الشكل ٩٩) عمودا ن على نَ فَانَّهُ يَقَابُلُ الاثر المذكور في النقطة ع التي ترسم مدة الدوران دائرة ج يكون الاثرالافتي مماسالها دائمًا وحيث ان المستقيم المذكور| بصير فى الوضع نَ الصانع مع ن الزاوية المفروضة 1 و تحكون النقطــة ع فى عُ واذا اخذنا للدائرة ج مماســا فى النقطة عُ كان هوالاثرالافقى ق المستوى م بعد الدوران وانتسبت النقطة بُ التي يقبابل فيهبأ الاثر المذكورخط الارض للاثرالرأسي الحديدللمستوى المذكور ثمنستعمل لايجاد نقطة ثانية منه افقيا ط من المستوى م فيبتي مدة الدورانعلي يعدوا حدمن المستوى الافني فيكون بالضرورة مسقطه الرأسي على خط واحد مواز لخط الارض خ ض دائمًا واما مستقطه الافتي فسيق موازياللاثرالافتي للمستوى فحينتذ ط يقطع المستقيم ن فىالنقطة كن المُنتقلة في كُنَّ على نَ فاذا امرونامن هذه النقطة المستقيم كُلُّ موازيا للائر تَرَا يحكون هو المسقط الافق للخط الافقى ط بعــد الدوران كما فى (ثالثـا من بند ٥٦) وتكون النقطــة كَ التي يقطع فيهــا ط كالمستوى الرأسي النقطة الشانيسة المطلوبة من الاثر ركم فاذا اوصلنا

بین ک و کے نجدالائرالمذکور

وكان يمكن بدل انزال العمود ن على ق ان نبعث عن الوضعين الجديدين انقطت ان نبعث عن النفطة التفطيات نطويل ولو انتخبت النقطة ال

المذكورتان على بغدواحد من النقطة أ فقداخذناافقيامًا ط وكان على اختصار الشكل لوفرضناالافقي الماربالنقطة التي يقابل فيها المحور و المائة المائة التي المائة ا

ا المستوى م فيكون مسقطه الافتى مارا بالنقطة أ

المولم يقيابل الاثرالافق فى خط الارض فى حدود الرسم لما حدثت النقطة المن من الاثرالافق في من الاثرالراسي فنعبر على استعمال مستقيم آخر يستعسن انتخابه افقيا ونبعث عن اثره الرأسي بعد الدوران فيعدث لنسانقطة من مركم ادا وصلت بنقطة في عدث لنسالاثر المطلوب

ويمكن ان تحل المسئلة ايضا باخذ محور عودعلى المستوى الرأسي ولا تستعمل في هذه الحيالة الارأسيات المستوى

(11)

* (المسئلة السادسة عشر) * اداكان المطلوب جعل مستقيم فى وضع مواز لاحدمستويى المسقط يقيال

انه يمكن كافي (الشكل ٦٠) بدل دوران المستقيم بقدر زاوية معلومة ان يطلب تدويره حتى يصير في وضع معين بالنسبة لمستوبي المسقط فاذا اريد مثلا دوران المستقيم و حول المحور الرأسي ا حتى يصدير موازيا للمستوى الرأسي يكون في هذا الوضع مسقطه الافق موازيا لخط الارض انظر (ثالثامن بند ١٧) و يحت في حينت في معرفة انه يجب ان يستعمل هنا الحال الاخير المقرر في (ثالثامن بند ٩٠) فننزل من النقطة المحود على و بقابله في النقطة ع التي هي المسقط الافتي من المستقيم و قاذا تصورنا الاتن الجملة المتحصلة من المستقيم و قاذا تصورنا الاتن الجملة المتحصلة من

المستقيم و ومن مسقطه الافق و ومن الراسي النازل من النقطة ع ومن المستقيم الله ودورناها حول المحود البقيت المستقيمات الاربع على وضع متناسب فيكون و اماعوداعلى ان او بماسا للدائرة المرسومة من المعتبرة مركزا بالنصف قطر ان وموازيا في هذه الحالة الثنائية خط الارض حض وتصير النقطة ع في ع على ارتفاع واحد فوق المستوى الافقى وكذلك تصير النقطة افى اوبذلك يصير و المسقط الراسي للمستقيم في حالة وضعه الجديد

وحيث ان نقط المستقيم ترسم اقواس دوائر افقية يتضيح انه بنتج من المشكل الزاوية إلى المرسومة بالنصف قطر ان والتي تدور بقدرها اجراء الشكل الساقية اذا وجدت خطوط اخرى تابعة لحركة المستقيم و

(77)

وادالم يعلم الحور ا من قبل ينتخب مارا بنقطة من المستقيم و لما فى ذلك س اختصار الشكل ولنفيه على انامجبورون فى جعل المستقيم و موازيا المستوى الرأسى على انتخاب المحور عودا على المستوى الرأسى لرسمت جيع نقط المستقيم و دوائر موازية المستوى الرأسى وكان لها بالنفرورة بعد واحد عن المستقيم و دوائر موازية المستوى الرأسى وكان لها بالنفرورة بعد واحد عن المستوى المذكور فلا تكون جيع نقط و بعد الدوران على بعد واحد عن المستوى الرأسى ولا يكون المستقيم المذكور موازيالهذا المستوى بالنفرورة ولا يكون المستقيم و فى وضع مواز المستوى الافتى الابحركة دوران حول محور عود على المستقيم و فى وضع مواز المستوى الافتى الابحركة دوران حول محور عود على المستوى الرأسى

(77)

* (المسئلة السابعة عشر) * اذاكان المطاوب جعل مستقيم في وضع عمود على الحدمستويي المسقط يقال

متى كان مستقيم عوداعلى احدمستويى المسقط كافى (الشكل ٦١) يكون

بالضرورة موازيا للا خروحينتذ يازم لجعل مستقيم موازيا للمستوى الرأسي ان يدور ذلك المستقم حول محود رأسي كما في (يند ٦٢) لكن جيع نقط المستقيم مدة هذه الحركة تمتى على بعدواحد من المحور فلايجيكن ان يوازيه بالضرورة اصلا وذلك لانكل مستقيم دائر حول محور عمودعلي المستوى الرأسى لايمكن ان يكون موازياله ان في يكن كذلك قبل الدوران فيستحيل حينتذ جعلمستقيم رأسيا لدورانه بحركة بسيطة جداحول محور واحدكن باول حرکه حول محوررأسی ۱ بجعل المستقیم و فیرضع کوضع و موازللمستوى الرأسي كمافى (بند ٦١) ثم يجعل هذا المستقم ثناني حركة دوران حول المحور ب العمودعلى المستوى الرأسي في وضع رأسي كوضع و لان المسقط و يشغل مدة الدوران الثانى جيع الاوضاع المماسة للدائرة جُ فلايد ان يبني في وقت من او قات الحركة برهة صغيرة عود اعلى خ ض فَيَكُونَ المُسْتَقِيمِ وَ حَيْنَذُرَأُسِياكِمَافِي (خَامَسَاسُنَ بُنْدَ ١٧) ولاجل جعل المستقيم المفروض فىوضع عمو د على المستوى الرأسي يلزمان. محمل اولامواريا للمستوى الافق تسدويره حول محور عمود على المستري الرأسي وان يجعل فيالوضع المطملوب يجركة دوران اخرى حول محوررأسي

تنبيه يمكن ان يتحصل من العملية زاويتان له و سه حادثتان من دوران المستقيم و حول المحورين فلووجدت خطوط اخرى او نقط كذلك نابعة للمستقيم في هذه الحركات الزم دورانها بمقادير زوايا متساوية

(72)

* (المسئلة النامنة عشر) اذاكان المطاوب جعل مستوفى وضع عود على احدمستوي المسقط يقال

لنفرض كافى (الشكل ٦٢) انالمستوى هو م وان المحورالأسى هو ا وان المطلوب دوران المستوى م حول المحور احتى يصير عمودا على المستوى الرأسي فيكون اثره الافق في وضعه الجديد عمودا على خ ص ولو الزلنا من النقطة أعمود اكلعمود لل على ق وقابله في النقطة رسمت هذه النقطة دائرة كدائرة ج بمسهادا ثما الاثر الافتى المستوى ويصير العمود لل موازيا خ ص اما في ل واما في ل بحسب كون الدوران من اليمين الى اليسار او بالعكس ثم اذا رسمنا المائرة ج عمودا على خ ص نجد ق أو ق ولا يجاد الاثر الرأسي ننبه على ان المحور أ يقطع المستوى م في نقطة غير متغيرة مدة الدوران ومسقطها الرأسي على الاثر الرأسي الجديد للمستوى ص المدوران ومسقطها الرأسي على الاثر الرأسي الجديد للمستوى ص المنافق من بند ٥٠) فاذا رسمنا افقيا كالافق ط للمستوى م المطلوب ونقطة ع او ع التي يقابل فيما الاثر الأراق خط الارض خ ض المطلوب ونقطة ع او ع التي يقابل فيما الاثر الأولاد في خط الارض خ ض المطلوب ونقطة ع او ع التي يقابل فيما الاثر الأولاد في خط الارض خ ض المطلوب ونقطة ع او ع التي يقابل فيما الاثر الأولاد في خط الارض خ ض المطلوب ونقطة ع او ع التي يقابل فيما الاثر الأولاد في خلالارض خ ض المطلوب ونقطة ع او ع التي يقابل فيما الاثر الأوراد و منافق المنافق خلالارض خ ض المطلوب ونقطة أنية له ويذلك بعين الاثر را أو راً

ولواريدجعلالمستوى عوداعلى المستوى الافقى للزم تدويره حول محورعود على المستوى الرأسي

(70)

* (المسئلة التساسعة عشر) * اذا كان المطلوب جعل مستوفى وضع عمود على خط الارض يقال

ان المستوى فى وضعه الجديد عمود على مستولى المسقط معاكافى (الشكل ١٣) وحيث شوهد انه لم يمكن جعله عمود اعلى المستوى الافق بحركة دوران حول المحور الرأسي كاتقدم لنا ذلك فى (بند ١٤) لا يمكن جل مسئلتنا هدنه الا يدورين احدهما حول المحور الرأسي المحل المستوى مف وضع كالوضع م عمود على المستوى الرأسي للمسقط فقط والا تحر حول محور كالمحور ب عمود على المستوى الرأسي للمسقط لحعل المستوى

مُ فى الوضع مَ اى الوضع العمودى على المستوى الافق وحيث ان وضع المستوى مُ بالنسبة للمستوى الرأسي للمسقط لا يتغير فى التدوير الثمانى كافى (ثالثامن بند ٥٠) يكون المستوى مُ عودا على مستويى المسقط معا فيكون عودا بالضرورة على خط الارض ويختصر الشكل بامرار المحورين بالنقطة م التي هي احدى نقط المستوى المعلوم م بامرار المحورين بالنقطة م التي هي احدى نقط المستوى المعلوم م بامرار المحورين بالنقطة م التي هي احدى نقط المستوى المعلوم م بامرار المحورين بالنقطة م التي هي احدى نقط المستوى المعلوم م

(المسئلة العشرون) اذا كان المُطلوب جعل مستوفى وضع مواز لخط الارض بقال

المرافق (الشكل ٢٥) حل المسئلة بتدوير المستوى م حول المحود الرأسي ا حتى يصعرائره الافق موازيا خض اتطر (المنامن بند ٣٣) ثم لا يجاد الاثر الرأسي الذي يجب ان يكون موازيا يضا خض لا يصع ان يستعمل افق من افقيات المستوى كما هو معلوم لان المستقم يصير بعد الدوران موازيا خض ولا يقابل بالضرورة المستوى الرأسي لكن يبحث عن النقطة م التي هي تقابل المحور ا بالمستوى م وهذه النقطة المنة فاذا المرزنامنها في المستوى م المستقم و الذي لم يرسم في الشكل غير مسقطه الافق و فلا بدوان يستمر ما را بالنقطة م نفسها ويصير اثره الافق افي النقطة م نفسها ويصير اثره الافق الفي النقطة المرزنامن هذه النقطة موازيا للخط خض كان هو الاثر المطاوب ركم المنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للخط خض كان هو الاثر المطاوب ركم الاثر المطاوب ركم المنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للخط خض كان هو الاثر المطاوب ركم المنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للخط خص كان هو الاثر المطاوب ركم المنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للخط خص كان هو الاثر المطاوب ركم المستقم و المنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للخط خص كان هو الاثر المطاوب ركم المنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للخط خص كان هو الاثر المطاوب ركم المنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للمنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للمنافق المرزنامن المنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للمنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للمنافوب ركم المرزنامن هذه النقطة موازيا للمنافق المرزنامن هذه النقطة موازيا للمنافق المرزنامن هذه المرزنامن هذه النقطة موازيا للمنافق المرزنامن هذه المرزنامن هذه المرزنامن هذه المرزنامن هو المرزنامن هو المرزنام ال

ومن المعلوم انه يصم ان يستعمل بدل الاثر التقطة اخرى من المستقيم و *(٦٧)*

* (المسئلة الحادية والعشرون) بادا كان المطلوب حعل مستوفى وضع موا زلاحد مستوبى المسقط يقال

ان المستوى الموازى المستوى الرأسي يكون ايضا عوداعلى المستوى الافقى وائره الافقى موازيا لخط الارض فيلزم اولا جعل المستوى المفروض م

عمودا

عوداعلى الستوى الافتى مجر كة دوران حول محور عود على المستوى الرأسى كمافى (بند ٦٤) ثم يجعل مجركة دوران ثانية حول محور رأسى مواز باللمستوى الرأسى

ولجعل مستو فى وضع موازللمستوى الافق يجعل اولاعوداعلى المستوى الرأسى بحركه دوران حول محوررأسى ثم يجعل بحركه دوران اخرى حول محور عمودعلى المستوى الرأسى موازياللمستوى الافقى

(71)

ويكن بحركات دوران كالحركات السابقة جعل اى مستوفى وضع به يكون اثره الافتى مثلا موازيا لمستقيم معلوم فى المستوى الافتى كايصم تعيين حدالحركة اللازم اجرا وهاعلى المستوى المذكور

(14)

ويمكن حل جيع المسائل الهندسية الوصفية بواسطة تغييرات مستويي المسقط ويمركات دوران حول محور عود على احد مستويي المسقط وهذا في الحقيقة برجع التغييرات وذلك لان تغييرالمستوى الرأسي للمسقط مثلا يرجع بالضرورة لدوران المستوى الرأسي القديم حول محور رأسي حتى يصير في الوضع الحديد المطاوب وضعه فيه عاية ما فيه ان الفرق بين ها تين الطريقة بن الاصلية بن الذي بدور في الناسبة المشكل المرادا اسقاطه هوا حدمستويي المسقط وان الذي بدور في الشائية حول محور المناج المنابق بنتج ان المسائل تعلى المستويي المسقط هو الشكل فسه ومن هنا بنتج ان المسائل تعلى المستويي المسقط الم يحركات دوران الوجم المعاومة وينا المسائل تعلى المستوي المسقط الوجم كات دوران الوجم المعاومة في بعض الاحيان وسنذ كرمسائل لا يمكن حلما الاباحدي هذه الطرق في بعض الاحيان وسنذ كرمسائل لا يمكن حلما الاباحدي هذه الطرق ويشاهد مما سبق ان الاخصر في جعل مستو في وضع مواز خلط الارض تغيير المستوى لاحركة الدوران لانها قستام استعمال مستقيم تغيير المستوى الاولى لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال مستقيم لاحاجة له في الاولى لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال مستقيم لاحاجة له في الاولى لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال تغيير المستوى المتعمال استعمال ويكة الدوران عن استعمال التغير المستقيم لاحركة في الاولى لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال مستقيم لاحركة في الاولى لكن يختيار استعمال حركة الدوران عن استعمال تغيير المستوى المستوى المستوى المستوى المستعمال حركة الدوران عن استعمال استعمال المستعمال مركة الدوران عن استعمال المستعمال ا

مستوبى المسقط عندانتخاب المحاورانتخابا مستعسنا لحعل مستوفى وضع عود على خط الارض فالمسئلة المقررة فى (بند ٦٨) لايمكن حلمها بنغيرات المستوى بالضرورة

(Y·)

وقد يضطر عالسافى المسائل العملية الى دوران شكل حول محورليس عودا على احدمستو بي المسقط لكنه فى العمادة مواز لاحدهما والغالب ان يكون فى احدهد بن المستو بيزوت لهدة المسائل ايضا بتغييرات المستويات وبحركات الدوران حول المحاور العمودية على احدمستو بي المسقط

(Y!)

المسئلة الشائية والعشرون على اداكان المراد تدوير نقطة اومستقيم بمقدار اوية معلومة حولي محورموازلا حد مستو في المسقط يقال ليقرض ان ا منلا محورا فقي مائل بالنسبة للمستوى الرأسي حكما في الشكل 70) وان المراد تدويرا لنقطة م او المستقيم و جمقدار زاوية معلومة الحور المحور المذكور فترسم النقطة م وجيع نقط المستقيم و اقواس دائرة كلها في مستويات عودية على المحور افتكون بالضرورة رأسية وتنسقط انسقاطا رأسيا بدوائر مساوية لها اذاكان المستوى الرأسي للمستقيم عود اعلى المحور اولا المنتوى الرأسي للمستقيم عود اعلى المحور اولا المنتوى الرأسي ويختارا خرائل المستوى الرأسي للمستقيم وحول محور عود على المنوى الرأسي للمسقط وقد تقدم لنافى (بندى ٥٨ و ٥٩) عود على المستوين اللذين عود كيفية ايجاد مسقطى النقطة م والمستقيم و على المستوين اللذين يقاطعان في خَصَ للسكن ينزم نسبة النقطة والمستقيم الى مستويي المسقط القديمين فيكفى اذلك ان تنزل من النقطة م عود على خص وان نأخذ

فيعدث السقط الرأمي لنقطة تانية من المستقيم و وبهذا يتعين المستقيم

تعينسا

أتعينا كايباؤكذلك النقطة م

(YT)

ثمان الجزء الاول من المسئلة مبنى على جعل المحور المحود اعلى احدمستويي المسقط ومن المعلوم انه كان يمكن الوصول اذلك بحركة دوران حول محور رأسى كافى (بند ٦٣) لكن ما تبعناه من العمليات سهل جدا كالا يحنى ذلك لتوصيلها المطلوب بلاواسطة

ادااريد تدوير النقطة اوالمستقيم حول محور موازلامستوى الرأسي يتنبه الى ان الدوا ترالحادثة من دوران كل نقطة اعدة على هذا المحور فتكون بالضرورة اعدة على المستوى الرأسي وبهذا يتوصل اولا الى جعل هذا المحور رأسيا بأخذ مستو افتى حديد يكون عمودا عليه لان هذه الدوا تر تنسقط كلها على هذا المستوى الحديد بدو ترمثلها

(Yr)

* (المسئلة الثالثة والعشرون) * اذا كان المطلوب تدوير مستو بقدر زاوية معلومة حول محور موازلا حدمستويي المسقط يقال

ليفرض كافى (الشكل ٦٦) ان المحود ا مواذللمستوى الرأسى وماثل والنسبة للمستوى الافق ثم يجث عن ايجاد اثرى المستوى م بعد دورانه حول الحود ا بمقدار زاوية معلومة فجميع نقط المستوى م ترسم مدة الحركة اقواس دوآثر كائنة في مستويات اعمدة على المحور وتنسقط كلها بدواثر مثلم ااذا كان المستوى الافق عودا على ا ولذا نغير اولا المستوى الافق ونجعله عودا على ا ولا المستوى الافق ونجعله عودا على ا ولا بدان يكون حينت خطالارض خ ص عودا على ا وان يحكون المسقط الافق للمعود ا نفس النقطة ا من عن في مناعدة عن غ ص بقدار مساوله عد ا عن غ ص ولا يجاد ق مناعدة عن غ ص عن مناقطة و ثم تعين نقطة ثانية كالنقطة مناوله على المستوى م فاذا الزلنا من اعودا اع والمعالمة المناقي ط المستوى م فاذا الزلنا من اعودا اع

ن على قُرِّ ورسمنا قوس دائرة مركزها أ ونصف قطرها هو أع ورسمنا أعُ بحيث يصنع مع أع الزاوية الفروضة ٳ ثمرستنا من عُ مماســا لقوس الدائرةالمرسومة نجدالاثرالافق تنأ للمستوى في وضعها لجديدومن ذلك بستخرج الانرالرأسي را بواسطة افتى ب للمستوى تعلم منه النقطة يَح فيتحصل معنا الاثرالافتي قُ المستوى مُ على المستوى القدير بمد رَ الى غ ض ان امكن ذلك ثم نعين نقطة اخرى كالنقطة دَ ىواسطةالرأسي هَـ للمستوى مُ ولدوراتالمستوى حول محورموازللمستوى الافقى بلزم اولا ان يؤخذ مستو جديد رأسي عموداعلي هذاالمحوروعكن بدل التحديد بالزاويةان يجعل المستقي اوالمستوى فيوضع معين *(Y £)* *(المسئلة الرابعة والعشرون)* أذا كان المطلوب تدوير نقطه اومس بقدرراوية معلومة حول محورتما يقال ليكن المحور أكافى (الشكل ٦٧) معلوما بمسقطيه أ م أ والنقطة م معلومةبمسقطيها ايضا م و م والمستقيم و بمعلوما ايضا بمسقطيه و ، وُ فيازم ايجاد مستطى المستقيم اللذين هما و ، وُ للمستقم و و بر والمسقطين م , م للنقطة م بعدتدوير و _و م بمقدارالزاوية <u>ا</u> حول المحور أفني مدة الدوران ترسم النقطة م وجميع نقط المستقم و قواس دائرة ككائنة في مستوبات اعمدة على المحور 1 تنسقط مدواً اويةاذاكان المحور أعموداعلى احدمستويى المسقط فيلزم حيتشــذ جعله فيهذا الوضع بانتخاب مستوجديد للمسقط عودا على ا لكن لايصعرا المستوى المذكور عودا على مستومن المستوين المنسوب الجما الشكل

(اولا) مستوياً رأسسياجديداموازياً للصور أ ولاحل السهولة والاختصارق ذلك يتخب المستوى المسقط افقيالهذا الحورويذلك يكون خط الارض الجديده والمسقط أ وحيث أن المساقط الافقية أ . م . و لاتنغيرتكونالمساقط الرأسية الجديدة ﴿ أَ مِ مَ وَ عَلَى المُستَوَى الرأسي الجديد انظر (بندى ٤٤ و٢٦) وبذلك يؤل الحال الى تدويرا لنقطة م والمستقد حول المحور أ الموازي لاحدمستو بي المسقط اي الى المسئلة المتقدم حلهافی (بند ۷۱) ثمیغیرالا تنالمستوی الافتی بان مجعل خُرَّ، عمودا على المحور أ فيكون مسقط المحور الافتى نفس النقطـــة أ وحيث ان المسقطين الرأسيين م ً و لا يتغيران يكون المسقطان الافقيان م , و ثم لتــدوير م والمســتةيم و حول المحور ا الذي هوالاً نعودعلى المستوى الافق بلزمان يوصل بين أ , م ويجعل هذا بم نصف قطر ترسم به دا نرة تقطع و فی نقطة ثمانیة ک ثم تصنع الزاویة بواسطة المستقيم أ م فيتحصل نقطة مُ وبجعل كَ كُ عَ ، كُ يَصْصُلُ مَعَمُنَا ۗ وَ فَيَلْزُمُ الْآنَتَغَيْمِ الْمُسَتَّمُوى الْأَفْقَ وَانْتَخْبَابُ كوضعي مُ لَ لَ بِالنَّسِيةِ الى خُ صُ انْظُر (بِنَّهُ ٤٣) ومن هذا بنتيم و ومنه ينتيم و انظر (بند ٤٦)

(v∘)

(المسئلة الخامسة والعشرون) اذاكان المطلوب تدوير مستوبقدر ذاوية معلومة حول محورتما يقال

ليفرض كما في (الشكل ٦٨) ان المحور ا معلوم بمسقطيه أ . أ وانالمستوى م معلوم ايضا بالريه ق م ر والمطلوب تدويرالمستوى م بقدر زاوية معلومة 1 حول المحور 1 فني مدة الدوران ترسم جميع نقط المستوى م اقواسدائرة في مستويات اعمدة على ا وبذلك لاتكون موازية لاحد مستوبي المسقط ولااعدة عليه فقدآل الامراولاالي تغيير المستوى الرأسي كما في المسئلة المتقدمة فحينئذ يؤخذ المستوى الحديد موازيا المعوراومارايالمحورنفسه وهواخصرفينطيقخط الارض حُضَ على أخمَ لايجاد وضع المحور على هذا المسستوى ببحث عن وضعي نقطتين من نقطه م فيتعصل المحور ١ وحيثانالاثر ق لايتغيريعينالاثرالرأسي رً ۗ بافق ب منالمستوى ثم يغير المستوىالافق بانتخابه عودا على المحور فيكون خطالارض خُصٌ عمودًا على أ والمسقط الافقي للعمور هوءين أ فلا يتغير الاثر الرأسي رَأ ويتحصل الاثر الافق قُ واسطة الرأسي ط للمستوى ثم يلزم تدوير المستوى م المعلوم باثريه قُ ا رُ احول المحور أ الذي هوالا ن عودعلي المستوى الافق للمسقط مان تنزل أع عوداعلى ق ً ونرسم الزاوية ل منرسم قوس دا نرة بجعل وَ مَرَكِا فَيْتَعَصِّلُ مَعِنَا النَّقَطَةُ عُ وَبَاخِذُ لَنَّ عَاسًا فِي هَــَذُهُ النَّقَطَةُ للدائرة ج يحدثالاثرالافتي للمستوى في وضعه الحديد وبقابل الاثرالرأسي رًا المحور في نقطة ﴿ ثَابِيَّةُ مِدْ أَلْدُورَانُ وَمُنْتُسَبِةً بِالضَّرُورَةُ إِلَى الْاثْرُ

الرأسى رَ ايضامُ نغيرالا تالمستوى الافق بان فأخذ خ ص خطا ارضيا فيتعين الاثر الافق ف ف بواسطة الرأسى ر م نغيرا يضا المستوى الرأسى بان فأخذ خ ص خطا ارضيا فضد الاثر الرأسى را بواسطة افق س *(٧٦)*

اذاعلم شكل مستوفى الفراغ كان من المهم معرفة هيئته الحقيقية فيلزم اذلك جعل المستوى المحتوى على ذلك الشكل فى وضع موازلا حد مستوبى المسقط انظر (اولا من بند ٥٦) ويتوصل الى ذلك بعمليتين مختلفتين هما

* (اولا)* ان يؤخذمستو جديد المسقط مواز لمستوى الشكل المذكور او يعتبر اختصارا هذا المستوى عينه مستويا جديد الله ستط الحكن اذالم يكن هذا المستوى عمودا على احد المستويين الاصلين يجب البدوج عله في هذا الوضع الخاص

*(وثانيا) * اندورمستوى الشكل المذكور حول محور ويتخب محورا في العادة احداثريه وتسمى العملية حينتذ علية الانطباق وحيث ان هذه الحركة الحالة حول محور مواز لاحد مستويى المسقط احتيج في دلك الى عملين انظر (بند ٧٣) في تحصل من ذلك انه اذااريد المجادهيئة الشكل الحقيقية لاى شكل كائن في مستويما وجب اجراء عمليين الغرض من اولا هما جعل مستوى الشحط ومن الشانية جعله منطبقا على المستوى المسقط ومن الشانية جعله منطبقا على المستوى الاحترام والإهما أوجعله اقل ماهنالة موازياله وكاتباها تين العمليين عكن اجراؤها اما بتغيير مستوا وجوركة دوران ومن ذلك يتعصل اربع طرق المنظرة هي

(اولا) ان تعل تغیری المستوین

(وثانيا) يتغييرالمستوى تمحكه دوران

(وثالثا) مجركة دوران ثم يتغييرالمستوى

(ورابعا) جحركتىدوران

(١٤)

ومن المعلوم ان هذه الطرق قد انتحلت حلاكافيا في اسلف ولفشر عالا تنفي سان تطبيقها على حل المسائل الاربع الاسة التي توصلنا الى مسئلة العكس وهي ان يكون المعلوم وضع نقطة على المستوى المنطبق او المعتبر مستويا المسقط والمطلوب معرفة مسقطيها على مستويان معلومان عود بين على بعضهما والمطلوب معرفة مسقطيها على مستويان معلومان عود بين على بعضهما (۲۷)*

*(المسئلة السادسة والعشرون) * اذا اديد رشم مثلث مقناوى الاضلاع على مستقيم معلوم يقال

ليفرض كما في (الشكل ٦٩) ان المستوى المراد اجراء العملية المطلوبة عليه م ومن المعلوم ان المستقيم الد لايكون معلوما الا بمسقطه الا فق ر وبشرطوجوده فى المستوى م حيث يتعين به مسقطه الرأسى آ يَ انظر (بند ٢٨) والاحسن ان يقال من حيث ان المستقيم محدود بالنقطتين أ و بعث عن مسقطى هاتين النقطتين الرأسيين كَافَى (بَند ٢٩) بإن يستعمل لذلك افقيان من المستوى م اذا تقرر ذلك فلا يكن اجراء العملية المطلوبة الابعد جعل المستوى م منطبقاعلي احدمستوي المسقط وتستعمل في ذلك الطريقة الاولى انظر (بند ٧٦) اعنى تغييرى المستويين وذلك بان يجعل المستوى م افقياللمسقط فيلزم ان ينتخب اولامستورأ سي جديد عموداعلى المستوى م فيكون خط الارض خَ ضُ بالضرورة عمودا على قُ انظر (رابعامن بند ٣٣) ولاجل ايجاد رُ يستعمل افقيان قدرسمالا يجاد أ و مر جبعل المستوى م مستويا افقيا للمسقط فيصير تقاطعه بالمستوى الرأسي اى رأ خط الارض الجديد حُضٌ ويكون المسقطان الافقيان للنقطتين 1 . -هماعينهما وايجادهما يكون الطرق المعاومة في (بد 20) وبعدا يجاد المستقيم 1 - يرسم المئلث المنساوى الاضلاع المطلوب ولمعرفة

مسقطى هذاالنك على مستوبى المسقط الاصليين منسفى ان يتنبه الى انه لم يبق علمنا بعد معرفة مسقطى الرأس علمنا بعد معرفة مسقطى الرأس ع ويتوصل اليهما شغيرى المستويين على عكس ماسبق اعنى ان ينتقل من المستويين المتقاطعين فى خُصَ شغير المستوى الافقى المسقط شم ينتقل من هذا الى المتقاطعين فى خُصَ شغير بغير مستوى الافتى المسقط الرأمي

فلواعتبرنا المستوى م مستويا رأسيالكان الاليق تعيين أو له برأسين من المستوى م يتفعان فيما بعد لا يجاد الاثر قُ على مستوى المسقط الجديد الافتى العمود على المستوى م الذي كان يلزم اعتباره قبل اعتبارالمستوى م مستوياراً سياللمسقط

(Y^)

* (المسئلة السابعة والعشرون) * اذااريدان يرسم على قاعدة سعلومة الطول السيدة السابعة والمسئلة المسيدة المسئلة المستحدة والمستحدة المستحدة المستحدة

ا ـ ج ورأسه في على مستقيم معلوم الوضع يفرض

ان المستوى كمافى (الشكل ٧٠) المراد اجراجيع العمليات عليه م ومن حيث ان كلامن المستقيمين اسو و السكاتين على المستوى م لايعلم الا بمسقط واحد يستنتج المسقط الا خربمة تضى (بند ٢٨) وحيث انه لا يمكن اجواء عليات المسئلة الابعد جعل المستوى م منطبقا على احد مستويى المسقط يفرض ان المطلوب انطباقه على المستوى الافقى وتستعمل في ذلك الطريقة الثانية المقررة في (بند ٢٦) وهي تغيير سستو غركة دوران

وبازم لاجل انطباق المستوى م على المستوى الافق تدويره حول ق م معتبرا محوراً لكن من حيث ان هذا المحورافقي يجب ان يجعل اولا عموداعلى

المستوى الرأسي انظر (بند٧٣) بان يغير المستوى الرأسي المسقط فيؤخذ خَ ضُ عُوداعـلى قُ ويعث عن رُ الذي لابد وان يحتوى على رُ معاكماني (ثانيا من بند ٥٦) وبعدانطب الله المستوى م على المستوى الافق منبه على الناقطة ا مثلاترسم قوس دائرة ج مُوارَية لمستوى المسقط الرأسي القاطع لمستوى المسقط الافقي في خُص ومن حيثان هذه النقطة لايدوان تصبرعلى المستوى الافق يكون مسقطما الرأسي حينتذعلى خط الارض في أَ فتكون النقطة نفسها بالضرورة في أ وتتمصل ايضا المنقطة الاخرى ك والمستقيم وَ ثم يرسم المثلث المطلوب ارُع على المستوى م المنطبق ثم لاجل معرفة مسقطى هذا الثلث على مستويى المسقط الاصلين نبه على الهحيث أن الرأسين ا معلومان وان الرأس الشالث موجود على المستقيم و لم يبق عليناالاان تنزل من الرأس عُ عموداعلي قُ فيقطع ذلك العمود المسقط ق في النقطة ع ومنه ينتم ع وبايصال مسقطى هذه النقطة ع بماقط النقطتين 1 و - بتعصل مسقطا المثلث المطلوب ا - ع ولواريدانطباق المستوى م على المستوى الرأسي لكان يلزم اولا تغيير المستوى الافق يجعل خط الارض الجديد عوداعلى كر تم تدوير المستوى م حول هذاالاثرالرأسي وكانت العمليات مشابهة للمذكورة آنفا

(Y9)

* (المسئلة الثامنة والعشرون) * اذا اربدان برسم داخل محيط دا ترة معلوم مخس منتظم احدى وقوسه منظبة قعلى نقطة معلومة يقال ان محيط الدا ترة كافى (الشكل ٧١) بتعين بمركزه و بنقطة من المحيط اذاعم المستوى المحتوى عليه فأذا فرض ان المستوى المذكورهوم

وان المسقطين الافقيين و ¸ أ للمركز و وللنقطــة ١ معلومان يستنتج المسقطان الرأسسيان انظر (بند٢٩) بان يسستعمل لذلك رأسسيان و . ١ للمستوى م ثمانه لايكن اجرا العمليات المطلوبة الابعد انطباق المستوى م على احدمستو بىالمسقط ولاجلجعله في هذا الوضع تستعمل الطريقة النالثة المقررة في (بند ٧٦) اعنى حركة دوران ثم تغيير مست فأذا اريدجعلالمستوى م مستوياجديدارأسياللمسقطازمجعله أولاعمودا ــتـوىالافتى بــُــدويره حول محورعمود على المســـتـوى الرأسي الظر (يَند٢٤) لحان يصبر رأ فىوضع رأ عمودعلى خ ض وحيثان المحور ختمارى يلزمان يجعل مارا ككما هوالاخصر ينقطة تقاطع الاثرين وهذا لاختيار يتعلق ضرورة بترتيب الشكل الخاص ثم لاجل ايجاد مس طنين و ۾ ا بعدالدوران۽ڪئاستعمال رأسين قد رسما ولکن يمكن ايضًا تبديل هذين الرأسسيين بخطين اعظهم سيلا للمستوى م مان تصورمثلافىالمستوى م منالنقطة و خطا ط اعظم ميلا بالنسبة للمستوى الرأسي فيكون مسقطه الرأسي عمودا نازلامن و على ر المستقيم الاعظم ميلافتصر النقطة ع في النقطة ع والمستقيم ط يبقى عوداعلي رَ وعلى طوله الاصلي كافي (ثالثًا منبند ٥٦) فحينشــذ اذا اخذنا عُ وُ = ع وُ عمودا على رُ تحكون النقطة وُ مسقط النفطة والرأسي فىوضعمها الحديد وسقى مسقطمها الافقى على بعدوا حدمن خ ص فیکوں۔ینڈنی و علی المسقط الافقی الرأسی و منالمستوی م الذى سبق استعماله لايجاد و ويمكن بهذه الكيفية ايجياد المسقطين

ن ا او نبه علی ان النقط الثلاث ن و و و ا لاید وان نوجد علی قُ المعينة في اسلف بالمسقط الرأسي كَ والمسقط الافتى و وون هنا ستخرج و فیکون از علی قوس دائرة مرسوم من المرکز نَ بنصف وانجعلالا تنالمستوى م مستويارأسياللمسقطفيصيراثرهالافق ق خط الارض الجديد خُضُ فيحدث المسقطان الرأسيان للنقطتين أ , وَ كافى (يد ٤٤) اللذان ليسافى الواقع الا النقطتين نفسهما وباجراء العملية المعلومة وهيقسمة نصف القطر وَ أَ فَى النقطة كَ الى جزئين أكبرهما وسط متناسب بين الخط بتمامه وجزته الاصغر فيكون أ ك ضلع المعشر فاذا زید علی هذا الضلع مثله بان جعل من اک الی کے بیصےون آک ضلع المخس المطلوب وبعد رسم المخس أكرَجُ دُهُ يُؤُول الامر إلى البحث عن المحاد مسقطيه على مستوبي المسقط الاصلين بعمليات عكس العمليات المتقدمة بان نتقل من مستوبي المسقط المتقاطعين في في الى المتقاطعين في خُصْ وَيَكُونَ ذَلَكُ تَغْيِيرًا لمُستَوى الرأسي ثم ندور المستوى مُ حول المحور ١ في جهة مخالفة لجهة الدوران المبين بسهم القوس يقدر ذاوية مساوية للزاوية ف التي دارها المستوى فى العملية الاولى فيثان النقطة ك مثلاتنسقط انسقاطا افقيافي كعلى حُصَ ر یکون حینتذمسقطها الرأسی نے باخذ کے کے علی عود نازل من رُ على خ ص وإذاجعل بعد ذلك المستوى مُ في وضعه الاصلى م تحركت النقطة رك يمحركا موازيا للمستوى الرأسي للمسقط ومارت على الرأسى ب المستوى م الذي عرم المفطه الافق ب بالنقطة -بالضرورة وحينئذيه لمايضا ب اذاتة ردنك وجبان يكون المسقط الرأسي

م على كل من ب ومن قوس الدائرة المرسوم من المركز أن بنصف قطر أن ك فيعلم المسقط حينشذ وبه يعرف ما الواجب الأيكون على المسقط الافق ب وبهذه الحكيفية لوجد مساقط رؤس المخس الباقية وشوصيل هذه الرؤس بعضها واحدة بعد الاخرى بمستقيمات بتعصل معنا مسقطا المخمس نفسه

فاذا اربد جعل مستوى الشكل مستويا انفي اللمسقط ازم اولاجعله في وضع م عود على المستوى الرأسي مجركة دوران حول محوررأسي تم جعل هذا المستوى م مستويا افقيا المسقط وبهذا يصير را خطا ارضيا جديدا *(٠٠)*

«(المسئلة التاسعة والعشرون)» اذا اربد ایجاد المرکز ونصف قطر الدائرة المرسومة خارج مثلث معلوم يقال

ماكانت عليه من الارتفاع عن خط الارض خ ص و قوجد كامها على مر و المحود ق كينطبق على المستوى الافق المسقط و تصير المساقط الرأسية على خ ص قى النقط على المستوى الافق المسقط و تصير المساقط الرأسية على خ ص قى النقط أو ر و ع في في في و مستقيات مواذية نلط الارض خ ص ومارة من المساقط الافقية الو و و و الدائرة المرسومة خارج المثلث أر ع و القصيل مساقط مها يدقو و المستوى دورتين مساويتين الدورتين الماتين اجريتا قبل ذلك اكن الى جهة عكس جهنيهما فبذلك تصير اولا النقطة و في النقطة و بدورانها حول عكس جهنيهما فبذلك تصير اولا النقطة و في النقطة و بدورانها حول عكس جهنيهما فبذلك تصير اولا النقطة و في النقطة و بدورانها حول عن ق ت ت كل مساقط النقطة و المناه المستقط النقطة و المناه المناه و المن

و أُ لنصف قطر الدائرة المذكورة

واداً اربدانطب اقالمستوى م على المستوى الرأمي بتدويره حول اثره الرأسي الزم اولاجعل هذا الاثر عمود اعلى المستوى الافقى بحركه دوران اولى حول محور عمود على المستوى الرأسي

﴿ الباسب الثالث ﴾ ﴿ الباسب الثالث ﴾ ﴿ مسائل في النقطة والمستقيم والمستوى في المستقيمات والمستويات الاعدة على بعضها

*(*1)*

مسقطا المستقيم العمود على مستويكو نان عودين على اثرى المستوى كل مسقط على اظره لانه اذا اخذ المستوى المسقط افقيا المستقيم مستويار أسيا المسقط

انطبق خط الارض على و وصار الاثر ق عوداعليه حكمانى (رابعا من بند ٣٣) وصارايضا و و راعودين على بعضهما ويمكن ايضا اثبات هذه الدعوى النظرية بسهولة بواسطة حركة دوران لانه بتدوير جلة الشكل حول محور رأسى الى ان يصيرالمستوى م عوداعلى المستوى الرأسي يكون حينلذ المستقيم و مواز يالهذا المستوى فعلى ذلا بحون و مواز يالهذا المستوى فعلى ذلا بحون و مواز يالغذا المستوى فعلى ذلا بحون و مواز يالغر ق عوداعليه فينئذ يكون و مواز يالغرا المستوى م عوداعليه فينئذ يكون و ق عودين على بعضهما و شدوير جلة الشكل حول محور عود على المستوى الراسي المستوى المناسقط الى ان يصير المستوى م عوداعلى المستوى الافقى المستوى الراسي المستوى الم عوداعلى المستوى المناسقط يثبت ان و و رك عودان على بعضهما وبالجلة فهذا الاثبات يرجع المدول انظر (بند ٦٨) ويسهل رسم الشكل المتعلق بذلك كا يسهل رسم الاول

(71)

(المسئلة الاولى) اذاكان المطلوب امر ارمستقيم عمود على مستومعلوم من نقطة معلومة ع يقال

انه یکنی انزال عمودین من مسقطی النقطة المعلومة ع علی انری المستوی المعلوم لکن اذالم یکن المستوی معلوماً باثریه و کان هذان الاثران خلف حدود الرسم وجب اجراء العملیة هکذا

بان يفرض ان المستوى المعلوم كافى (الشكل ٧٣) هو (اب) فيرخط تما افتى ج في هذا المستوى فيكون مسقطه الرأسي تج مواذيا الحط الارض خ ض و تناطعا أ و ب في تعصل منهما بدون واسطة المسقطان المسقطان الرأسيان النقطتين ا و ب في تعصل منهما بدون واسطة المسقطان الاقتيان ثم يتعصل ايضا ج لكن ج مواز للاثر الافتي المستوى فاذا

الزلنامن المسقط ع عودا على ج يكون ن المسقط الافق للعمود المطلوب واذا امرزا ايضا رأسيا ط على المستوى (1 ب) حدث في مأذا لم يحت لكل من الحطين الافق والرأسي من المستوى مسقطان في حدود الرسم يحب تغيير مستويى المسقط بان يجعل اولا مشلا المستوى الحديد الافق المستوى المسقط رأسي الاحدالمستقين الم ينتخب مستوجديد رأسي مارا بالمستقيم ب جيث يحت ون المستقيان الم ب اثرين المستوى المعلوم على مستويى المسقط الجديدين فينزل على هذين الاثرين حينت خودين من المسقط الجديدين فينزل على هذين الاثرين حينت خودين من المستويين الجديدين المنقطة المعلومة فم ينتقل من مسقطى هذا الرأسي على المستويين الجديدين الى مسقطيه على المستويين المحلين

(^^)

*(المسئلة الثانية) * اذا كان المطاوب المرارمستوعود على مستقيم معلوم و من نقطة معلومة م يقال من النقطة م كافى (الشكل ٧٤) عرالافتى ط للمستوى المطلوب م فيكون مسقطه الافتى بالضرورة موازيا للاثرالافتى للمستوى فيئت ذيكون ذلك المسقط عود اعلى و ويحكون الاثر الرأسى اللافتى ط نقطة من الاثرالرأسى للمستوى م ولايدان يكون الاثرالرأسى لهذا المستوى عود اعلى و قاذا انزلنا من النقطة ع التي هي تقابل ذلك الاثر مع غود اعلى و كان ذلك العمود هو الاثر الطلوب ت غينت فان لم ينقابل الاثر م بخط الارض خ ض في حدود الرسم عينت بلا واسطة نقطة من ق بان يمرمن النقطة م الرأسي ج للمستوى بلا واسطة نقطة من ق بان يمرمن النقطة م الرأسي ج للمستوى

م وقد ﷺون اثرا هذين المستقيمين ط و ج خار جين عن

حدود الرسم ففي هذه الحالة يلزم اولا أن تنبه الى انهما يكفيان في تعيين المستوى

المطلوب بدون حاجة لا يجاداتر يهمالكن ادااريد تحصيل جرق اثرى المستوى الكائنين في حدود الرسم امكن بواسطة الافقى ط والرأسى ج المارين من النقطة م تعيين جلة مستقيمات اخر غير متناهية كلها في المستوى المطلوب بالتوصيل بين اى نقطتين من هذين المستقيمين احداهما عكن ان تكون على بعد غير متناه

(1 %)

(المسئلة الشالثة) اذاكان المطلوب امرار مستوعمو دعلى مستومعلوم من مستقيم معلوم يقمال

ليفرض ان المستقيم المعلوم و والمستوى المعلوم م فاذا انزائدا من نقطة ما من نقط و عودا ن على المستوى م لا يخرج عن المستوى المطلوب فيكون هذا المستوى معينا بالمستقيمين و و ن انظر (بند ٣١) فاذا كان المستقيم و نفسه عودا على المستوى م لا يكون معنى الامستقيم واحدومن المعلوم ان كل مستوما رمن مستقيم عود على مستو آخريكون عود اعلى هذا المستوى فاذا اخذ بدل المستقيم و نقطة لم يتغير العمل على هذا المستوى فاذا اخذ بدل المستقيم و نقطة لم يتغير العمل

(^°)

* (المسئلة الرابعة)* اذا كان المطلوب امر ارمستقيم عمود على مستقيم معلوم من نقطة معلومة يقال

اذا كانث النقطة المعلومة خارجة عن المستقيم المعلوم لا يمكن ان ينزل من مشل هذه النقطة الاعود واحد على المستقيم ويمكن حل المسئلة يعدة طرق هي ان يقال (اولا) من حيث ان المستقيم المعلوم و والنقطة المعلومة م كافى (الشكل ٥٧) يعينا ان مستويا (وم) انظر (بئد ٢٧) يمكن جعل ذلك المستوى احد مستويى المسقط المتقاطعين في خض مستويى المسقط المتقاطعين في خض باستعمال احدى الطرق الاربعة المقررة في (بئد ٢٧) ولنتخب الثائية منها بفرض تطييق المستوى (وم) على المستوى الافق المسقط ويلزم اذلك الإلا ان يؤخذ مستوجد بدراً مي المستوى الافق المسقط ويلزم اذلك الإلا ان يؤخذ مستوجد بدراً مي المسقط عود على المستوى (وم) بحيث

كون خُصُ عوداعلى الاثر الافتى لهذاالمستوى بالضرورة ولايلزم مع ذلك ايجاد هــذا الاثربل يكني أمرارافتي ط للمستوى (وم) ن النقطة م فيلزم حينتذان عِر كُ من مُ ويكون موازياللخط خ صَ ويقابل و فىالنقطــة ــ ومنها يستنتج ــ الذى يلزم ان يكون كائمًا على و فاذا اوصلنا له بالمسقط م حدث المسقط ط الذي يجب ان يكون خض عوداعليه ولاجل الاختصار ينتخب المستوى الرأسي الجديد للمسقط مارا من النقطة م ومن حيثان هده النقطة والمستقيم و يوجدان على مستوعود على المستوى الجديد الرأسي للمسقط يوجد مسقطاهما الرأسيان م و و على مستقيم واحدويجبان يكون ايضا الاثرالرأسي لر للمستوى م او (و م) واما ق فيجب ان يكون عوداعلى خُصَّ ويمكن ان يكون كاتنا دائما في حدود الرسم بوضع خط الارض الجديد وضعا لائقا فاذاد ورنا بعد ذلك هذا المستوى حول في انطبق المستقيم و والنقطة م على و كم أيكل على نظيره فأذا الزل من النقطة مُ العمود أن على المستقيم وُ قابل ذلك العمود وُ في النقطة عُ وبارجاع هـذه النقطة الى الوضع الاصلى للمستقيم و يحصل المسقطان ع . ع فاذا اوصلنا مساقط النقطة ين م وع بخطين مستقين كالمسقطى العمود المطلوب وكان يصيراعتبار كرأ خطا ارضيا جديدا واستعمال الطريقة الاولى المذكورة في (بند ٧٦) ويمكن ايضا السنتعمال احدى الطويقتين الاخريين لذلك تنسه *الطريقة التي سلك ناهاهنا اسهل الطرق المذكورة في كتب هذا الفن لانالانسان قديكون مجيورا فى هذه الطريقة الاخرة على امرار مستقم سالنقطة م قاطعالمستقيم و اوموازله كايكون مجبورا ايضاعلي ايجاد اثرى المستوى المعن مذين المستدىن قبل اجراء الانطساق *(وثانيا) * من حيث ان المستقيم المطاوب ن يقطع المستقيم و فالنقطة

ع الني منها يكن امرار مستقيم آخر أن عود على المستقيم و المذكور فيكون المستوى (ك أن عود اعلى و ويقطعه في النقطة ع فبهذا يتوصل الحامر ارمستوعود على مستقيم و من النقطة م كافي (بند ٨٣) والى البحث عن نقطة تقابل هذا المستوى بالمستقيم و فاذا اوصلنا نقطة التقابل ع بالنقطة المعلومة م تحصل معتبا المستقيم المطلوب لكن هذه المطريقة المذكورة دائما في الكتب منفردة تستدى حل مسئلة تتعلق بعدة مسائل سيأتي حلها واما المسئلة التي ضن بصددها فها هو محل حلم اوالحل الاول حينئذه و المناسب لها حقيقة و مزيته ان يستنتج منه تطبيق جديد الاصول وهذا برهان آخر على عومية تلذ الاصول

(11)

* (المسئلة الخامسة) * اذاكان معلوما مسقط افقي لمستقيم عمود على مستقيم معلوم في نقطة معلومة والمطلوب ايجاد مسقطه الرأسي يقال

اذا كانت النقطة المعلومة كافى (الشكل ٧٦) على المستقيم المعلوم الكن في مسئلتنا هذه امرارعدة اعمدة على هذا المستقيم غير محصورة للحكن يحتار منها معرفة ماكان معلوم المسقط الافق ولنفرض حيئت ذان و هو المستقيم المعلوم و المأخوذ من النقطة م ومن حيث ان المستقيم ن كائنا في المستقيم و في النقطة المستقيم ن كائنا في المستوى م العمود على المستقيم و في النقطة م يتوصل بعد المجاد اثرى هذا المستوى كما هو مبين في (بند ١٣٨) الى المحت عن المسقط الرأسي لمستقيم حكائن في مستو ومعلوم المسقط الافقى المحت عن المسقط الرأسي لمستقيم حكائن في مستو ومعلوم المسقط الافقى المحت عن المسقط الرأسي لمستقيم حكائن في مستو ومعلوم المسقط الافقى المحت عن المسقط الرأسي لمستقيم حكائن في مستو ومعلوم المسقط الافقى (بند ٢٨)

﴿ فِي نَقَاطِعِ المُستقيباتِ والمُستومات﴾ ﴿

(^Y)

كلسطح يتولدعلي العموم منخط فراغي متحرك بطريقةمعلومة وللسطح

(۱۷)

عموماوجهان شارجي وداخلي ولاامتيازلاحدهما عن الا خرفي هذا العلم لكن ينبغي تمييزا حدهما عن الا خرفيما يتعلق بالصنايع

(^^)

صحل سطون مثل س و س يتقاطعان فى خطلا يكن ايجاده دائما عبرد تولدهما بل لابد مع ذلك من تعيينه نقطة فنقطة ولهذا توخد جلة سطون متوالية مساعدة يقطع كل منها السطح المذكور س فى خطك على والسطح س فى خطك على من النقاطع الخطان المكائنان على سطح واحد مساعد هو فى نقطة م من النقاطع المطلوب للسطحين المذكورين س و ينب فى ان يختاد فى حكل حالة السطح المساعد ها الذكور لطبيعته ووضعه بحيث تحصل مساقط تقاطعيه مع السطحين المعلومين المعلومين المعلوم السطعان س و س مستوين فى المعلوم السطحين السطوت المساعدة كالسطح هو تحصون بالضرورة مستوين فى المعلوم ان السطوت المساعدة كون الولا يكيفية ان آثارها تقطع آثار المستويين المعلومين فى حدود الرسم و ثانيا ان تقاطعى المستوى المساعد مع المستويين المعلومين في حدود الرسم و ثانيا ان تقاطعى المستوى المساعد مع المستويين المعلومين في حدود الرسم و ثانيا ان تقاطعى المستوى المساعد مع المستويين المعلومين يتقاطعان فى حدود الرسم

(4 4)

* (المسئلة السادسة) * اداكان المطلوب ايجاد تقاطع مستويين آثا رهما متقاطعة في حدود الرسم يقال

من المعلوم ان النقطتين 1 و سه اللتينهمانقطتا تقاطع آثار المستويين المعلومين كافى (الشكل ۷۷) نقطتان من تقاطع المستويين المذكوريس وهما ايضا اثراه انظر (بند ۲۸) وبهذا يسهل ايجاد مسقطى هذا المستقيم انظر (بند ۱۶)

(°°)

(المسئلة السابعة) أذا كان المطاوب ايجياد التصاطع ي للمستويين م و ك اللذين اثراهما الافقيسان متوازيان يقاله من المعلوم أن النقطة - التي هي نقطة تقاطع الاثرين الرأسيين للمستوبينكمافي (الشكل ٧٨) انررأسي لتقاطع المستويين فيرحينشـذ ي بالمسقط مـ ويقيابل بالضرورة الاثرين ق م تن فى نقطة تقاطعهما اللانهائي ومن نم يكون كي موازيالهما ويمركذ للتالمسقط ى ضرورة بالنقطة ـ ويقطع خض فىنقطة لانها بـة فيهاالنقطة اً ومن هنا یکون موازیا له کمان می لماکان موازیا للائر قرا یکون المستقم ي انقيا للمستوى م المشتل عليه فحينشذ يكون المسقط ي موازيا بالضرورة للخط خ ص ثم لابدوان يكون خط التقاطع ى افقيها بالاولى لانه لولم يكن كذلك لقطع المستوى الافتى فى نقطة ا مشترکه بن ق فلایکونان متوازین وهذا خلف و کون ایضا خط تقاطع المستوين المتوازي الاثرين الرأسيين موازياللمستوى الرأسي *(11)* * (المسئلة الثامنة) * اذا كان المطاوب ايجاد تقاطع مستوين اتحداثرا كلمنهما وصارا مستقيا واحدايقال حيث ان الاثرين 1 م لمذا التقاطع كافي (الشكل٧٩) متحدان

حيث ان الاثرين او سه المهذا التقاطع كافى (الشكل ٢٩) متعدان فى نقطة واحدة يكون التقاطع ى بالضرورة فى مستوعود على خ ض وحينئذ يكون مسقطاه عود ين على خ ض ويحكون معلوما منه ايضا نقطتان هما او سه تنبيه يتعصل من المستقيم ى ومستويي المسقط زوايا متساوية لان هذا المستقيم يحدث مع مسقطيه مثلث امتساوى الساقين زوايا متساوية لان هذا المستقيم يحدث مع مسقطيه مثلث امتساوى الساقين (٩٢)

*(المسئلة الناسعة) * اذاكان المطلوب المجاد النقاطع ى المستويين م و ك المتقاطع الراهما الافقيان خلف حدود الرسم يقال ان المستويين المتوازيين مقطوعان بثالث في مستقين متوازيين فلورسم كافي (الشكل ٨٠) مستوس مواز المستوى ك لكان تقاطعه ط معالمستوى م موازيا التقاطع ى المستويين م و ك الان النقطة م من هذا التقاطع معلومة فيلزم حين تذاخذ خط مواز المسقط ط من النقطة م افظر (بند ٢٤)

ط من النقطة م واخر مواز المسقط ط من النقطة م افظر (بند ٢٤)

*(المسئلة العاشرة) *اذاكان المطاوب ايجاد التقاطع ى المسئنويين م و كن اللذين آثار هما الاربعة متقابلة في نقطة واحدة ا من خط الارض يقال الديب كافي (الشكل ٨١) اختيار المستوى المساعد س بحيث تتقاطع ق مع ق و ق وكذلك سم مع م و ف ف ذوا يا قائمة تقريبا فالمستوى س المذكور يقطع المستويين م و كن في مستقين الم ب يتلاقيان في النقطة م من التقاطع المطاوب ومع ذلك فهذا التقاطع يمرمن النقطة ا بالضرورة فية مين حين شاتا ما بكل من ها تين

(98)

نديه عكن حلهده المسئلة بالمستوى المساعد اياما كان وضعه باعتبارهندسى في عالب اوضاع المستوى ولا يمكن حلما باعتبار رسمى لانه حيث كانت خطوط الشكل عبر رياضية منبغى رسمها بشرط ان يكون تقاطعها صحيحا مضبوطا لاشك فيه والاحسن في عام هذا الشرط ان تصنع الخطوط المتقاطعة زاوية قرية من الزاوية القاعة

(90)

* (المسئلة الحادية عشر) * اذا كان المطاوب ايجاد التقاطع مي المستويين

م و ك الموازيين لحط الارض يقال اذا اخذالستوى المساعد عوداعلى خط الارض خض كاف (الشكل ٨٢) يصيربالضرورة مستوياجديداراسسياعليه الاثران كأسرك وحسث ان المستويين المذكورين م و ك عمودان على هــذا المـــثوى الجديد الأسى يكون تقاطعهما عوداعليه ايضا فينسقط حينتذ هذا التعاطع فى ى ويكون مسقطه الافقى ى عوداعلى خُصَ اوموازما خ ص ومعذلك فالمستقيم ى يكون سوازيا خص وكاثنا فوق المستوى ں رُ الافقی بارتفاع ع ی ظواخذ حینشند وج == ع ی لحدثت نقطة من المسقط الشاني ي الموازي بالضرورة ايضا العنط خ ص وككان يمكن ايضا ان يعتبرالمستوى المساعد مستو ياجديدا افقيا المسقط وببحث عن الاثرين من من من *(المسئلة الثانية عشر) * اذا كان المطاوب ايجاد التقاطع ي للمستوين م ك اللذين لم تقاطع اثارهماد اخل حدود الرسم يفال لحل هذه المسئلة عدة طرقهي *(اولا)* ان پرسم کمافی (الشکل۸۳) المستوی ک موازباللمستوی ک ویرسم تقاطعه ی معالمستوی م ویفرضان د . د ممتدان الى ان يتقاطعها فى النقطة به ويتوهم رأسى بدي فالمثلثان م سال و م سُرك متشابهان وكذلك م ساس ، م سَدّ وكذلك م - ا ، م - أ ومن ذلك يحدث هذه المناسبات

و (و ان ان ان يو خدمستو ما مساعد مثل س يقطع المستوى م فى خط مستقيم ب كافى (الشكل ٨٤) في مستقيم ب كافى (الشكل ٨٤) في ان هذين المستقيمين فى المستوى س ينزمان يقاطعا فى النقطة م من النقاطع ى المستويين م و ك وبأخد مستو آخر مساعد مثل ص قاطعا المستوى م فى خط مستقيم ج وللمستوى ك فى مستقيم و توجد نقطة اخرى د من هذا التقاطع في عين بها تعينا تا ما لكر يسمل معرفة ان استعمال المستويات المساعدة الما كانت لا يفيد دا تما نقطا من التقاطع ى المستويين م و ك من الشكل ١٥٥) المستوى المساعد من التقاطع ى المستوى الا فق وقاطعا للمستويين م و ك فى افقيين س موازيا للمستوى الا فق وقاطعا للمستويين م و ك فى افقيين أ و ب من هذين المستويين في تقابل هذان الا فقيان فى النقطة م من التقاطع المطلوب فلوا خدمستو آخر مساعد مثل ص موازيا للمستوى من التقاطع المطلوب فلوا خدمستو آخر مساعد مثل ص موازيا للمستوى

الرأسي لقطع المستويين المذكورين م و ك في رأسيين و و ه منهــذينالمستوين وهذان الرأســيانيتقايلان ايضا فيالنقطة 🍙 من التقاطع المذكوروشومسيل النقطتين م و ١ يعدث التقاطع ي المطلوب للمستويين المعلومين م ﴿ كُ *تنبيه *اذا اخذ المستويان المساعدان س و ص ابعد مايكون من خط الارض فالتقياطعات المساعدة تتقياطع في نقط قريسة من خط الارض فينتج من ذلك أنه لوكان النقطت ان م و ٥ الكاتنتان في الشكل المتكلم عليه هذا خارج حدود الرسم لزمساول على يقة اخرى يأتى الكلام عليها في (بند ٩٧) * (ورابعا) * ان ينتخب المستوى المساعد س موازيا لحط الارض كما هوتمكن ايضاوقاطعـاللمســتويين م وكن في مستقيمين 1 م 1 يتقاطع مسقطا هما الافقيان في النقطة أمن ي كما في (الشكل ٨٦) ولماكان مسقطاهما الرأسيان لايتقاطعان الاخارج حدود الرسم لم يرسما واذا اخذ مستو آخر مساعد مثمل سُ نتج عنه إ تقاطعان جدیدان ب و بُ یحدث منهما نقطة اخری به من ی فيتعن حينت في واذا انتخب ايضا سستويان جديدان مثل ص اثراهما الافقيان بعيدان كل البعد من خط الارض خ ص وكل منهما يقطع المستويين م و ك بان يقطعهما الاول الذي هو ص في المستقيم و , وَ وَالْاَ خُرَفِى الْمُسْتَقْيِينَ هُ وَ هَمْ الْتَى تَنْقَاطُعُ مُسَاقَطُهُمَا الرَّأْسِيةُ ا داخل حدودالرسم حدث من ذلك نقطتـان دَ بِ هُ من المسقط الرأمي ي قيتعين بهماومن هشا يحدث التقاطع ي للمستويين م و ك *(YP)* *(المسئلة الثالثة عشر) * اذا كان المطاوب المجاد تقاطع مستوين اثارهما تصنع مع خط الارض زوايا قريبة من القيامة يقال ليكن كافى (الشكل ٨٧) هذان المستويان م و كن ويسهل ف هذه الما المستوى المستويات المساعدة المتقدمة لا يؤدى الى حل المسئلة لان المستوى الموازى المستوى الرأسي يقطع المستويين م و كن لا يتقاطعان في حدود الرسم وهذا ناشئ من كون المستويين المجاور لا ثره الا فق المستويين م و كن في مستقيين يقرب مسقطاهما الرأسيان من خط الارض و يتقاطعان بالضرورة في حدود الرسم ومن هذا بتحصل نقطة من المسقط الرأسي المتقاطع المطلوب و باجراء مشله المعاملية مع مستوجد يد تنتج نقطة الرأسي المتقاطع المطلوب و باجراء مشلهذه العملية مع مستوجد يد تنتج نقطة الرأسي المتقاطع المطلوب و باجراء مشله المعاملية مع مستوجد يد تنتج نقطة الرأسي المتقاطع المعالم المستويين المست

المسقطالرأسي هَ لتقاطع المستويين ك و من حيث ان المستقين و , ه في مستوواحد س فلا يدان يتلاقيها في النقطسة م المعلوممسقطمها الرأسي مُ وهيمن تقاطع المستوبين م و كن لان المستقيمين و 💂 هـ منهــذين المستويين ومن المعلومانهذاالعمل لا يتعين به نقطمة تما من تى ولذا لم يرسم فىالشكل المسقطان الاقتيمان و , ه لتفاطعالمستوبین م و ک معالمستوی س ویصح ايجادة فطة اخرى من مي بواسطة المستوى سُ المارمن خط الارض خ ص ومن النقطة سر التي اختبرت متحدة المسقط الافتي مع النقطة سم المتقدمة لمافى ذلكمن كثير السهولة فيقطع المستوى ر المستوى المذكور فىالمستقيم أ ومنسه بنتيم التقاطعان وَ و هَمَ للمستوى ر مع المستويين المذكورين م وك ثمان هذان التقاطعان اوالمستقيمان قد يعسنان المسقط الرأمي مُ للتقطة مُ من التقاطع ي الذي تعين بالكلية بهماولاجل ايجاد المسقط الافقى بمرمستو ص من خ ض ومن نقطة صد مختارة قريبة جدامن المستوى الرأسي ويعيدة جدامن المستوى الافق فيقطع المستويين م و ك فىمستقيمين حُ و ط يمكن إيجادهما كاتقدم باخذ مستوسساعه كرموازيا للمستوى الافني فالمسقطان الافقيان في ط اللذان لم يرسم غيرهما هنا لان المسقطين الرأسيين لابته صلى منهما شيخ كما هو معلوم يتقاطعان في النقطة ﴿ التي هي مسقط افقي للنقطة ﴿ مَنَ النَّهَ اطْعُ وَيَتَّكُ صَلَّ نَقَطَةًا خَرَى ۞ نَاسَتَعُمَالُ مُسْتُو مَ مُ مارمنخطالارض خض ومنالثقطة ضمه فيتمحينةنتعيينالتقاطع ى للمستويين م و ك *(4P)*

ويمكن التعرض ايضا في هذه المسئلة لعدة احوال اخريسهل حلما بواسطة الطرق المستعملة في الامثلة السابقة فيكن مثلا ايجاد تقاطع مستويين احدهما مواز خط الارض والا خراثراه متعدان في مستقيم واحد وهكذا الى آخره

(99)

[*(المسئلة الرابعة عشر)* اذاكان المطلوب ايجاد تقاطع مستويين معلوم كل واحد منهما باثر ، ونقطة منه يقال

ليكن كافي (الشكل ٨٨) هذان المستويان م و ك معلومين

(اولا)* اله يمكن ان يرسم الاثران الرأسيان للمستويين المذكورين بامرار

مستقیم افق للمستوی م منالنقطة ع فیعلممنه نقطة من رَ بامرار مستقیم افق للمستوی ک من النقطة کُ فینتم منسه نقطة من

ر ويكن امراد رأسين للمستويين المذكورين من النقطتين ع و ت

فيكون أر و تر حينسذ مواذين للمسقطين الرأسيين لهذين المستقين كل لنظيره ويحكن ايضا اخذ مستقيين حيثما اتفق خارجه بن من النقطتين

ع و كُ ومادين احدهما من نقطة من ق والاخرى من نقطة من ق

فيؤول الامرالي الطريقتين المتقدمتين

* (وثانيا) * انه يمكن حل المسئلة بالمستقيمات المعلومة التي فرضناهاهنا والطقة المرى بان يوصل بين النقطتين ع و ك بمستقيم و يقطع المستوى الافق في نقطة د ثم يرجم ذا المستقيم مستومًا س ولينتر المستوى المسقط افقيا المستقيم في قستقيم ب المستوى م في مستقيم ب مار بالنقطة ع ويقطع المستوى ك في مستقيم ج مار بالنقطة ك في مستقيم ب ويقطع المستوى ك في مستقيم ج مار بالنقطة ك في نقطة م من التقاطع المطلوب في نقطة م من التقاطع المطلوب

وهناك نقطة اخرى ا وهي تقاطع الاثربن في و في وبها وبالنقطة المتقدمة يتم تعيين النقاطع المطلوب

* (وثالث) * الالعملية المتقدمة اخصر من غيرها لانها كافية في ايجاد النقاطع المطلوب الااله يمكن اخدمستوما س كافي (الشكل ٩٨) ثم يقال الاهذا المستوى س لابدوان يشتمل في جميع احواله على المستقيم و فيشتمل ايضا اثره الافقى على الاثرالافقى للمستقيم وهذا هو الشرط اللازم لهذا المستوى فيمكن حينت ذان يمر من نقطة د مستقيم ما يعتبراثرا ق المستوى المساعد فيتعصل من هذا المستوى س النقطة م من التقاطع ما جراء الاعمال فيتعصل من هذا المستوى س النقطة م من التقاطع ما جراء الاعمال

المنقدمة في الحالة السابقة وماخذ مستو آخرمساعد تنعصل نقطة ماسةمن هذا

التقاطع وجمايتم تعيينه

فينشذيم تعيينه بهما ومن المعلوم ان الاعمال لاتختلف اذا المرمستويان رأسيان متوازيان اياما كافا من النقطتين ع و ك ولايلزم اصلاان يكون المستويان المساعدان س و س موازيين للمستوى الرأسي للمسقط لانه لوكان كذلك لجبرالانسان على رسمهما في اتتجاه غيرالا تجاه الاول اذا كان النقطتان ع و ك على بعدوا حدمن المستوى الرأسي للمسقط لكن يمكن جعل هذه الحالة آيلة الى احدى الاحوال الاول بتغيير المستوى الرأسي دون المستوى الأدق لانه لا تنتج عنه المعالم التي بها تتحل المستوى الرأسي دون المستوى الافق لانه لا تنتج عنه المعالم التي بها تتحل المسئلة

(1..)

* (المئلة الخامسة عشر) * اذا كان المطاوب ايجاد تقاطع مستويين معلومين بخطيهما الاعظمين ميلا بالتسبة لمستوى المسقط الافق يقال

لیکنکافی (الشکل ۹۱) م و ک الخطین الاعظمین سیلاللمستویین م , ک ولحلهذه المسئلة طریقتان هما

(اولا) ان يؤخذ المستوى المساعد افقيا مثل س فيقطع المستقين م و ك في النقطتين ع و ك انظر (ثانيا من ٥٦) كا انه يقطع المستويين في افقيين ا و ب مارين بالنقطتين المذكور تين لكن من حيثان م عود على ق كافي (شد ٣٧) يكون عودا بالضرورة على اكافي (بد ٣٦) كان ك ايضا عود على ب فيكون هذا الافقيان معينين نعينا كايباو حيث كانا في مستو واحد س فلا بدان يتقاطعا في نقطة كالنقطة م من التقاطع ى المستويين وباستعمال بتقاطعا في نقطة اخرى م من هذا النقاطع وحيئذ يكون مستواخراهما

(وثانیا) ان یقال اذاکان م و ک متوازیین کافی (الشکل ۹۲) یکون آ و ب متوازبین ایضا ولا بنتج منهما نقطسة من نقط التقاطع لکن التقاطع ی یکون حینشذ افقیا کے مافی (بنسد ۹۰) و کیفیة معرفة نقطة منه ان یقطع المستویان المعلومان بکل من المستویین اوب والا تحرفی افقین اوب ویوملان المستقیم اوب ویوملان المستقیم اوب ویوملان المستقیم ج شمیرسم علی الخطین اوب مستقیم ج مواز المستقیم ج و حیننذ به کناد ج و کی افقین لمستو المان قاطع حدان المستقیم و و المستوی کن فی مستقیم ه فینقاطع حدان المستقیمان و و ه فی نقطیة ه من التقاطع کی وباخذ عود من سم علی م و کن یقصل بالضرورة ی ولا ترسم المساقط الرأسیة المستقیمین و و ه والنقطة سم ولا جل ایجاد المسقط کی یقال من حیث انه یقابل المستقیمین م کن فی نقطیمین م کن فی نقطیمین م کن فی نقطیمین می معلوم مستقطاهما الافقیین صم و من بنتیج بالسهولة صم و کن فی نقطیمین المسقط موازیا معلوم مستقطاهما الافقیین صم و من بنتیج بالسهولة صم و کن فی نقطیمین المسقط موازیا فی مینیان المسقط الذکور کی و بحب مع ذات ان یکون هذا المسقط موازیا فی مینیان المسقط الذکور کی و بحب مع ذات ان یکون هذا المسقط موازیا فی مینیان المسقط الذکور کی و بحب مع ذات ان یکون هذا المسقط موازیا فی مینیان المسقط الذکور کی و بحب مع ذات ان یکون هذا المسقط موازیا فی مینیان المسقط الذکور کی و بحب مع ذات ان یکون هذا المسقط موازیا فی مینیان المسقط الذکور کی و بحب مع ذات ان یکون هذا المسقط موازیا فی مینیان المسقط الذکور کی و بحب مع ذات ان یکون هذا المسقط موازیا

(1.1)

* (المسئلة السادسة عشر)* أذاكان المطلوب ايجاد تقاطع مستويين معلومين باثر يهما الافقيين والزاوية الحادثة منكل منهما مع المستوى الافقى مقال

من المعلوم كافى (الشكل ٩٣) من مسئلة نظرية فى الهندسة الاصلية انه اذاكان مستوعودا على المستوى الرأسى للمسقط تكون الزاوية الحادثة منه ومن المستوى الافتى مقيسة بالزاوية الحادثة عن اثره الرأسى مع خط الارض فاذا اخذ حيت في مستوراً من عمودا على المستوى م حدث من الاثر ترك لهذا المستوى مع خط الارض خ ص الزاوية المعلومة ل واذا اخذايضا مستوراً من عمودا على المستوى من اثره مركز مع خط الارض

(1.1)

عكن ايضا تنويع معاليم المستويين المذكورين بان لا يفرضا معلومين بكيفية واحدة ومما تقدم يسهل معرفة التغيير الذي يلزم فى كل حالة من احوال طرق الحل التي ذكرناها هنامتنالمة

※(1・4.)*

الهندسة الاصلية والهندسة الوصغية تستخدا حداه ما من الاخرى بحيث وجد فى الغالب خواص معلومة من الهندسة الاصلية موصلة الى بعض خواص مجهولة فى الهندسة الوصفية وبالعكس فبمقتضى المسئلة الرابعة عشركافى (ثالثامن بند ٩٩) يقال كل مستومسا عدمثل س كافى (الشكل ٩٩) ينتج منه نقطة م من التقاطع فتكون حينت ذجيع النقط الناتجة كالنقطة م على مستقيم بحيث لو اعتبر المسقط الافق فقط لشوهد ان جميع المستقيات مثل ب و ج تتقاطع فى نقط مندل النقطة م ان جميع المستقيات مثل ب و ج تتقاطع فى نقط مندل النقطة م حوى النقطة م النجيع المستقيات مثل ب و ج تتقاطع فى نقط مندل النقطة م النجيد على مستقيم واحد مار بالنقطة ا ومن ذلك تنتج دعوى

انظريةهي اذا وجدت ثلاث مستقیمات و و م و ک کافی (الشکل ۹۶) متقاطعة اثنين اثنين وثلاث نقط د و ع و ک على مستقيم منهامثل و وأمرمن النقطمة د خطوط ت و ت و ت ٠٠٠٠ قاطعة ا المستقيين م وكن ووصلت نقط المستقيم م الى النقطة ع بمستقيمات ب و ب و ب و ب و موصلت كذلك نقط المستقيم ك الى ك بمستقيمات ايضا ج و پج و پچ تقاطع المستقيمان ب و چ والمستقيمان ب و بج والمستقيمان يب و جي فى النقط م و م و م ٠٠٠٠ التي هي والتقاطع المستقبين م و ك على مستقيم واحدى ومن المعلوم انه يمكن اعتبار المستقيات و و م و ى معاليم للمسئلة ا وتختارالنقطة ع اصلاللخطوطالقاطعة ب و ب و ب س الاحدالمستقيمين م فىالنقط ب و ب و بـ . . وللا خو ى فىالنقط م و م و م وينتج منه ان نقط تقاطع المستقيين ج و ت والمستقيمين ۾ و تِ والمستقيمن ۾ و تِ على خط ستقيم معالنقطة ا ويمكن ابضاجعل المستقيمات و و ك و ي معاليم والنقطة إ كُ اصلاللخطوط القاطعــة ج و چ و چ لاحد المستقبين ك فىالنقط ج و ج و چ وللا خو ى فىالنقط م و م و م فينتج منه ان نقط تقاطع المستقيين ب و ټ والمستقيين ب و ټ والمستقيين ب و ت ٠٠٠٠ كائنة على مستقيم واحد م ماربالنقطة ا *(1.5)*

يمكنان كون احدى النقط د , ع , كن لانها أسيا ولذلك ثلاث حالات وهي ان تقول *(اولا)* اذاكانتالنقطة د هياللانها ية تكون الخطوط القاطعة ت و ت و ت موازیة للمستقیم و *(وثانيا)* اذاكانت النقطة ع هي اللانها يسة تكون الخطوط القياطعة ب و پ و پـ ٠٠٠٠ موازية ايضا للمستقيم و * (وثالثا) * اذاكانت النقطة كُ هي اللانهائية تكون الخطوط القاطعة ج و چ و پچ موازیة ایضاللمستقیم و وينتج من هذه الاحوال الثلاثة دعوى تطرية نطبقها على الحالة الاولى كماف (الشكل ٩٥) لزادة الايضاح فأقول ونقطتان ع و ک علی مستقیم منها مثل و ورسمت جلة موازیات للمستقيم و قاطعــة للمستقيــين الاتخرين م و ك ووصلت نقط المستقيم م بالنقطة ع ونقط المستقيم ك بالنقطة ك يقال ان المستقين ب و ج والمستقيمين ب و چ والمستقيمين ب و چ التقاطع فى النقط م و م و م و م الكائسة هي والتقاطع ا المستقيين م و ك على مستقيم واحد ي وهده الحالة تنتج من (شكاى ٨٦ و ٨٧) باعتباران العملية على مستوافق *(1.0)* ادا كانت المستقيمات الثلاثة و و م و ى معلومة واختيرت النقطة ع اصلاللقواطع ب و ب و ب و ب المنقين ج ر بت والمستقيمن ۾ ر بت والمستقيمين ۾ ر بت والنقطة اعلىمستقيم واحدواذاكانث المستقيمات ووك وى معلوسة

وأختبرت

(1.1)

عكن ان بستنج من هذه الدعاوى عكسها فيقال البعة مستقيمات و و م الولا) به اذا كان معنا كافي (الشكل ٤) اربعة مستقيمات و و م و كن و ي ثلاثة منها متقابلة في نقطة واحدة ا وكل منها يقطع المستقيم الرابع ووصلت جميع نقط احد المستقيمات الثلاثة وهو ي بنقطتين ع و كن كائنتين على المستقيم الرابع يقال ان المستقيمات المارة من النقطة ع تقطع المستقيم م والمستقيمات المارة من النقطة أن تقطع المستقيم المارمن النقطتين و يع والمستقيم المارمن النقطتين و يع والمستقيم المارمن النقطتين و يع والمستقيم المارمن النقطتين و يع قطع المستقيم و في نقطة و المستقيم المارمن النقطة أن يقطع المستقيم المارمن النقطة أن يقطع المستقيم و في نقطة و المستقيم المارمن النقطة أن ينقطة أن ينقطة أن والمستقيم المارمن النقطة أن ي و المستقيم و في نقطة و المستقيم كن والمستقيم كن والمنقطة أن و و في نقطة والحدة و الموازية كافي (المسكل ٥٠)

المستقيمات ب و ب و ب ٠٠٠٠ تتلاقى فى نقطة واحدة ع من المستقيم و واذا اوصلنا ايضا تقط المستقيم م بالنقطتين ع و د ينتج ان جيع المستقيمات ۾ و ۾ و پيج ٠٠٠٠ تنقابل في نفط ۽ واحدة كُ منالمستقم و * (وَثَانِياً) * اذاكان معنـاللائة مستقيمات م و كُنَّ و ي خارجة من نقطة واحدة أ ونقطة د خارجة عن هذه المستقيات وامر من النقطة د خطان قاطعان حيث ما اتفق ت و ت احدهما يقطع المستقيمين م و ك فى النقطت ين بر ب والا خريقطعهما فى النقطتين ج و يح ثم اخذنا ايضا نقطتين حيثما اتفق كالنقطتين م و م على المستقيم الثالث ى ووصلناهما بنقط النقاطع المذكورة ينتج ان المستقين ب و ب يتقاطعان في نقطة ع وان المستقيمين ج و م ج يتقاطعان ايضا في نقطة كُ وتكون النقط النلاث د و ع و كُ كائنة على مستقيم واحد فلوفرض ان النقطمة ع هي التي أمرمنها التقاطعان ب و ب لوجد التقطتان د ، ك مع النقطة ع على مستقيم واحدولوفرض ان النقطة كن هي التي أهر منها الخطان القاطعان ج و ج الوجد التقطتان د , ع مع النقطة أن على مستقيم واحد *(وثالثا)* اذاكانمعناكافي (الشكل ٩٥) ثلاثة مستقيات م و ک و ی تشابل فی نقطة واحدة ۱ ومستقبران متوازیان ت و ت قاطعان للمستقيين م و ك بان يقطع اولهما المستقيين المذكورين في نقطتين ب و ب والاسترمنهما يقطعهما في النقطتين ج و ج ووصل بين هذه النقط ونقطتين اخر بين مأخوذتين بالاختيار

على المستقيم ي تقاطع المستقيان ب رب ف نقطسة ع والمستقيان ج و رج ف قطسة كُ وكان النقطتان ع و كُ على مستقیم و موازللمستقیین ټ _و ټ

(1.1)

اذا كان معنامستقيان م و ك كمافى (المتكل ٩٦) مقطوعان بجملة قواطع متوازية ت و ت و ت ٠٠٠٠ وامر من النقط ب و ب و بي ٠٠٠٠ ومن النقط ع و يح و يع ٠٠٠٠ المتي هى تقاطع تلك القواطع المستقيمين م و ك جلتامستقيمات متوازية بان مرمن النقطالاول ب و ب و پ و و ب و و و من الثمانية ج و ج و ہے ۰۰۰۰ تقاطع المستقیان ب و ج والمستقیان ب و ج والمستقيمان پ و چ في نقط م و م و م م کائنة على مستقيم واحدمع النقطة | التي هي تقاطع المستقين م و ك وذلك انك لواعتبرت المستقيين م ﴿ كُمُّ أَثْرِينَ افْقِينِ لَمُستُو بِينِ وَالْمُواطِّعِ أَ كالقاطع ت آثاراافقيــة لمستوياتمسـاعدةمتوازيةوقاطعة للمستوين المعلومـين فى مستقيمات مثل ب و ج لانتســبت هى والنقطة ا الى المسقط الافق لتقاطع المستويين المعلومين وكانت حيلشذجميع تلك النقط علىمستقيم واحد

(1·1)

وينتيج مماذكردعوى نظرية عكس المتقدمة وهي ان تقول اذا كان معنىا ثلاثة مستقيمات م و ك و ى متقابلة في قطة واحدة ا وأمر من جميع النقط م وم م و م الحڪا انسة علی ی جلنا مستقیات متوازیهٔ ب و ب و ب و ب ج و چ و چ ... الجلة الاولى قطعت المستقيم م والثانية المستقيم كن في نقط بحيث تكون المستقيات الحادثة من ايصال كل نقط تين منها كالنقط تين إلى و يع والنقط تين بها و يع والنقط تين بها و يع متواذية

(1.4)

(المسئلة السابعة عشر) اذا كان معنا مستقيمان م و ك متقابلان فى نقطة خارج حدود إلرسم وتقطة م والمطلوب امر ارمستقيم من النقطة م مقابل للمستقيمين م و ك فى نقطة واحدة بقال ملى هذه المسسئلة حالتمان نشرع فيهما فنقول

*(اولا) * برسم كافى (الشكل ٩٧) مستقيم ت يقطع م و ك فى النقطتين و ع م وصل احدى النقطتين و م بالاخرى واحدى النقطتين ع و م كذلك فيتعصل مستقيمان بقطعان المستقيمن كن و م فى نقطتين ع و و وبتوصيل احدى هاتين النقطة بن بالاخرى بتعصل مستقيم ت مقابل للمستقيم ت فى النقطة د ومن هذه النقطة د يرسم مستقيم ثالث ت قاطع م و ك فى نقطتين ب و ع والنقطتين ب و ع والنقطتين ب و ع بالاخرى يتعصل مستقيمان بتقاطعان فى نقطة م من المستقيم المسلوب وذلك لا نه لواعتبرالثلاثة مستقيمات م و ك و ت آثارا افقية السلانة مستويات مارة بنقطة واحدة فراغية مسقطها الافقي م المستوى ت بالمستوى ت ولواعتبرناالات النقطة ع مسقطا افقيا لنقطة من موكن و ت آثارا افقية المستوي م و ك و ك و ك المستوى ت المستوى م وكالمستوى م وكالمستوى م وكالمستوى م وكالمستوى م وكالمستوى م وكذلك النقطة م مسقطا افقيا لنقطة من نقط المستوى م وكذلك النقطة ب مسقطا افقيا لنقطة من نقط المستوى م وكذلك النقطة ب مسقطا افقيا لنقطة من نقط المستوى

ك وكذلك المستقيم ت اثراً افقي المستو آخر مساعد لقطع هذا المستوين المذكور بن م و ك في مستقين مسقطاهما الافقيان ب و ج وبذلك تكون النقطة م مسقطا افقيال تقطة اخرى من تقاطع المستويين م و ك

ويمكن من النقطة د امرار جله قواطع اخرمهما اريد وبادامة هذه العملية نفسها تتحصل جلة نقط م و م و م م ٠٠٠٠ على مستقيم واحد

فتنتج بالسمهولة دعوى نظرية جديدة متعلقة بالقواطع لافائدة فىذكرهما هنما

* (وثانیا) * ینزل من النقطة م کافی (الشکل ۹۸) هودان علی المستقیمن م و کن بقطعانهما فی النقطتین د و ع شمید هاتین النقطتین د و ع وید اللط د ع موازیاللغط دع شمید کذلا من النقطتین د و ع المستقیمان م و ک الموازیان المستقیمان م و ک الموازیان المستقیمان م و ک الموازیان المستقیمان المنقاط هذان المستقیمان فی نقطة م مین قط المستقیمان م و ک اثرین افقیین لمستو بین والنقطة م مسقطا افقیا لنقطة من نقط تقاطعهما واعتبرایضا م د و م ع خطین ارضین المنافی النظان م و ک مسقطان نظین افقین من المستویین م و ک المنین علی ارتفاع واحد و متفاطعین فی قطمة م من المستویین م و ک المستوی م ک المستویین م و ک المستویین م و ک المستویین م ک المستویین م و ک المستویین م

(11.)

(المسئلة الثامنة عشر) اذاكان المطلوب ايجاد تقاطع المستقيم و مع المستوى م يقال

* (اولا)* اداام من المستقم و كافي (الشكل ٩٩) مستومساعد

(۲۲)

س وبجشعن تقاطعه ى معالمستوى م تكون النقطه سـ التيهي تقاطع المستقيين ي و هي النقطة المطلوبة ولنمزمن المستويات التي يمكن امرارها من المستقيم و سبعة يخشار ستعمالهادون غبرهالكيفية اوضاع الشكل وهي * (اولا)* المستوى المسقط افقيا للمستقيم و * (وثانيا) * المستوى المسقط رأسيا لذلك المستقيم *(وثالثا)* المستوىالذي يكون فيه المستقيم و هوالخط الاعظم ميسلا المانسية للمستوى الرأسي *(ورابعاً)* المستوى الذي يكون فيه و هو الخط الاعظم ميلا بالنسبة اللمستوى الافقى *(وتامسا)* المستوى المارمن و الموازى المطالارض *(وسادسا)* المستوى الذي اثره الافتى مواز ق * (وسابعا)* المستوى الذى اثره الرأسي مواز ر وذلكُ لان تقـاطعات هذه الســــتو يات مع المستوى المعلوم م كلهـــاتقطع المستقيم و المذكور في نفطة وآحدة سم وهي النفطة المطلوبة ويختبارمن تلك المستويات المذكورة فى كلحالة يخصوصة المستوى الأليق وضعامن غيره بتلك الحالة ولافائدة فى رسمها كلها فى الشكل لسهولة التمرن عليها (وثانيا) اذاا تتخب المستوى المساعد امكن ان يتقاطع المسقطان الافقيان ي و والمسقطان الرأسيان كي و في فراويتين حادتين جداومنه يعلم حيينذان النقطتين سَد , شُد ليستاتاتمتي التعيين فتكون النقطمة سم كذلك لكن بمكن كاهوالاولى دائما اختيار المستوى المساعد س بحيث يتقاطع كي . و مثلافى زاوية عائمة اوقر يبة منها ولاجل ذلك يرسم فى المستوى م مستقيم أ بحيث يكون أ عودا تقريباعلى المستقيم و وهذا تمكن دائما حيث يمكن رسم أ شميرمن نقطة م من المستقيم و مستقيم أ موازللمستقيم ا

ويمر مستوس من المستقين و . أ ويعث عن التقاطع ي للمستويين م و س فتكون المنقسطة مم التيهي تقاطع المستقيمن ى و و هي النقطة المطلوبة ولنتبه على ان المستقيمين ي أ الايدوان يكومامتوازين وبهذا تنعقق صعة العمليات (وثالثا) بمكن حل المسئلة ايضا بتغيير المستوى اوبحركة دوران لحل المستوى م عموداعلى احدمستويى المسقط انظر (بندى ٥٥,٦٧) لان تقاطعه حينتذمع وينسقط على هذا المستوى فى تقاطع الرالمستوى مع مسقط المستقيم كافى (ثانيا من بند ٥٦) ولنأخذ حينتـــذمستويا جديدا رأسياللمسقطعموداعلي المستوى م كافى (الشكل١٠٠) فيكون خط الارض خُصُ عوداعلي نَ ويشاهد ان المستقيمن رًا و بتقاطعان في سر التي منها يستنتج سم م مر اللذان همامسقطا النقطة المطلوبة وكان يكن اخذ مستوجديد افقي خُصِّ عمود اعلى المستوى م فيكون المسقط سم حينندهو تقاطع و و ق *(تنبيمه)* اذااخذخط الارض خَصَ في اعلى فرخ الرسم توجد النقطة مم في أعلاه وبالعكس أى أنه لواخذ خط الارض حَضُ في اسفل فرخ الرسم لكانت النقطة سم اسفله فعلى هذا لواخد خط الارص الجديد في اسفل فرخ الرسم مالمكن لتعصلت نقطتف اطع بعيدة جداعن المستوى الافق ولم بوجد طريقة غيرهذه ولواريد تغييرا لمستوى الافتى لكان يلزم حينتذا ختيارخط الارض الجديدع ودا على كر وكونه فى اعلى فرخ الرسم ما امكن وكان يصح ابيضا جعل المستوى م عودا على المستوى الرأسي اوعلى المستوى الافتي بتدويره حول محور عودعلي المستوى الرأسي اوالافتي بتحريك المستقيم فكاشا الحالتين مع حركة المستوى

(111)

* (المسئلة التاسعة عشر)* اذا كان المطلوب ايجاد تقاطع مستقيم مع مستو معلوم بمستقيم ونقطة يقال

(اولا) اذافرض انالمستوى (مع) معلوماً بالمستقيم م والنقطة ع وان و المستقيم المعلوم كافى (الشكل ۱۰۱) لزم كافى (اولامن بند ۱۱) امر اد مستومساعد من المستقيم و والمعث عن تقاطعه مع المستوى م اواختيار هذا المستوى مارا بالمستقيم و والنقطة ع فينشذ تعلم النقطة ع من التقاطع ى ولا يجاد نقطة اخرى منه يمد من النقطة ع مستقيمان م و و كل لنظيره فيكون المستويان م و و كل لنظيره فيكون المستويان حين المستقيمات الاربعة في النقط بي و ي و د و كم التقاطعين المستقيمات الاربعة في النقط بي و ي و د و كم التقاطعين المستقيمات الاربعة في النقطة من من التقاطعين التقاطعان الم بي في نقطمة م من التقاطع ى الذي يتعين التقاطعان الم بي في نقطمة م من التقاطع ى الذي يتعين التقاطعات المناشم يقابل هذا المستقيم الاخير المستقيم و في نقطة سم وهي النقطة المطلومة

(وثانيا) بمكن اخذ المستوى س موازياللمستوى الرأسي اوعوداعلى احد مستوى المسقط وتحل هذه المسئلة بسهولة بان يؤخذ بدل المستوى المار بالمستقيم و المستوى المسقط له رأسيا كايظمر ذلك فى حل المسئلة الاتبة انظر (ثانيا من بند ١١٣)

(وثالثا) اذاكان احد المستقيات المعلومة مثل م موازيا للمستوى الافقى يكون م موازيا لخط الارض خ ص فيكون موازيا بالضرورة الى سر وحين للا تكون النقطة ب معلومة لكن لا يحنى ان المستوى الافتى س في هذه الحالة يقطع المستوى (مع) في خط افتى اومواز للمستقيم م يصبر معينا لانه يمكن ايضا ايجاد النقطة ب باخذ المستقيم م غيرمواز للمستقيم م

بلمارابالنقطة ع ونقطة اختيارية من م

(ورابعا) اذا اعتبرالمستقيم م اثرا افقيا ق المستوى استعمل بدل المستقيم م مستقيم رأسي اوافقي من هذا المستوى فيختار المستوى س موازيا المستوى الرأسي فاذا كان المستقيم م هوالخط الاعظم ميلا المستوى كني في تعيينه انظر (بند ٣٨) ولا يلزم في هذه الحالة استعمال النقطة ع ويختار بدل المستوى المارمن المستقيم و المستوى الذي يكون في هذا المستقيم اعظم ميلاوهذا يرجع الى المستلة المتقدم حلما في (بند ١٠١٠)

ويمكن ايضا أيجاد تقاطع مستقيم مع مستومعلوم فى حالات مخصوصة كا اذا كان الاثران متحدين فى مستقيم واحد وكغير ذلك وهدده الاحوال يمكن حله انفس الطرق المذكورة

(117)

(المسئلة العشرون) * اذا كان المطلوب امرار مستقيم قاطع لمستقين معاومين من نقطة معلومة يقال

*(اولا) * يحتى من النقطة المعلومة ومن كل من المستقيم المعلوب المرارمسة و فيكرن نقاطع هذين المستويين بالضرورة هو المستقيم المطلوب وبهذه الكيفية يؤول الامرالى حل المسئلة المتقدمة في (بند 111) الذي يلزم فيه ان تكون ع مبيئة للنقطة المعلومة في (الشكل 1.1) وان يكون م و و المستقيم نالمعلوب ولاجل صحة العملية يلزم ان يقطع مسقطاه في المستقيم مساقط المستقيمين م و و في النقط من و من و من المكاتن كل اشترمنها على عود واحد على خط الارض النظر (بند ٨)

(وثانیا) بیمکن کافی (الشکل ۱۰۲) حلالمسئلة بامرارمستومن النقطة المفروضة م ومن احدالمستقیین ا ثم بجث عن تقاطع هذاالمستوی مع المستقيم الآخو ب ويحصّل تقاطعه مع المستوى (أم) بامراد مستقيين ط و ح من النقطة م ومن آخر بين حيثما انفق - و ا من المستقيم ا فيكونان في المستوى المذكوروية ابلان المستوى الرأسي القائم من ب في نقطتين ط و ع من النقاطع و المهدين المستوين الذي يقابل المستقيم و المستقيم و المطلوب لان هدا المستقيم لما كان له نقطتان سم و م في المستوى المطلوب لان هدا المستقيم الماكان له نقطتان سم و م في المستقيم المفلوب لان هدا المستقيم المناف هو فيقابل بالضرورة المستقيم المفاقطة صم

(111)

* (تنسيه) * كان يسهل ايجاد حلول أخر لبعض المسائل المتقدمة وتدويع معالم بعضها وفرض مسائل اخركن فيهاذكرناه من طرق الحسل كفاية وسيأتى بعض هذه المسائل في اثناء الكتاب

ر في زوايا المستقيمات و المستويات) * *(١١٠)*

* (المسئلة الحادية والعشرون) * اذا كالمكان المطلوب ايجاد الزاوية الحادثة بين مستقين بقال

الزاوية الحادثة من مستقيين هي آلكمية التي بين انفراج هذين المستقيين في حالة امتداد هما فبنتج

(اولا)* اله يمكن حدوث زاوية من مستقيمين بدون ان يتقاطعا

* (وثانيا)* ان المستقيمين المتوازيين تكون بنهما زاوية نساوى

* (وثالثا) * ان الزاية الحادثة من مستقين لا متقاطعين ولا متوازين تساوى الزاوية الحادثة من مستقين موازين لمذين المستقين المذكورين الممتدين من الزاوية الحادثة من مستقين متقاطعين المقطة واحدة وحيئلذ فلا يجت دامًا الاعلى الراوية الحادثة من مستقين متقاطعين

فانام يكونا كذلك تمختبا ريقطة حيثمااتفق ويمدمنها مستقيان آخران موازمان للمستقين المذكورين انظر (بُند ٢٤) ثم يبعث عن الزاوية الحادثة من هـذين الاخرين قيقـال اذا كان هـذان المستقيـان 1 🍦 🕳 كما في (الشڪل ١٠٣) متقاطعين في نقطة م عينــا مستويا ک اثره الافق ن تم يطبق هذا المستوى ك على المستوى الافقى كافى (بند ٧٦) بان يختارا ختصارا المستوى الجديد الرأسي مارا بالنقطة م فينطبق المستقوان . م على أ . بُ وتكون امُ هي الزاوية المطلوبة وكأن يَكن البحث عن المضلعين ﴿ أَ ﴿ رَبُّ مَانِ يَطْبِقِ المُسْتُوبِانِ الْمُسْتَقِطُ انْ افقيــا للمستقيمن ا و ب علىالمستوىالافق تميرســم للثلث امُ ـــ المعلوم منه اضلاعه الثلاثة ويلزم من ذلك ان تكون النقطتان مُ . م على مستفه عودعلى الاثر تن وكان يمكن ايضاجه لالسنوى ك افقيا اورأسيا بواسطة احدى الطرق الادبع المقرّدة في (بند ٧٦) ويسهل تركيب اشكال هـذه العمليات بمقتضى ماتقدم وليتنبه الى ان المستقيم ومُ = وم وتر مثلث قائم الزاوية فيسه وم ضلعالزاويةالقائمةفيكون ومُ ﴿ ومُ وحينتذتكونالزاوية أمُ ۖ الني هي زاوية المستقين اصغر من الزاوية أم س التي هي زاوية مسقطيهما *(111)* *(المستله الثانية والعشرون)* اذا كان المطلوب ايجاد القياسم للزاوية الحادثة من مستقين الى قسمين متساويين يقال يمكن حل هذه المسئلة بالبحث أولاعين الزاوية الحادثة من هذين المستقيمين انظر (بنده ١١) ثم قسمة زاوية المستقيم أ . بُ الى قسمين متساوبين كمافى (الشكل ١٠٣) وحينتذيقـابل|القـاسم الاثر قُنُّ في نقطة هي بالضرورة الاثر الافتي للقاسم المطلوب وحيث ان هــذا القـاســم لايدوان يمر

بالنقطة م يتعن نعينا تاما وقد يكن ايجاد هذا القاسم ايضا يدون البعث عن ايجاد الزاوية وذلك ان يعتسبرانه لواخذ بعدان متساويان على المستقيمين 1 و _ حكما في (الشكل ١٠٤) بالانسدامين النقطة م لحدث مثلث متساوى الساقين فيكون المستقم الواصل من النقطة م الى وسطة اعدة المثلث هو القياسم المطلوب فلاجل حل المستلة بهذه الكيفية يدورالمستقيمان المعلومان ا و كل واحمد على حمدته حول محور رأسي مار بنقطة تشاطعهما م الى ان بصلاالی الوضعین أ , ك اللذین بصدیران فیهما موازین للمستوى الرأسي للمسقط انظر (بند ٦١) ثميرسم من المركز م بنصف قطر حيثما اتفق قوس دائرة يقطع أَ و بُ في هُ و دُ وبرجوع النقطتـين هُ , دَ فَ النقطتــين ه , د عَلَى الْمُسْتَقِّمِينَ ا و ب بحركات دوران عكس الاولى حول نفس الهور المذكورا يكون المستقيم ه المار من النقطة ه الى المقطة د ضرورة قاعدة للمثلث المتساوى الساقين فينسقط وسطه ﴿ فَى الْوَسَطِينَ ﴿ ﴿ وَ للمسقطين هـ ﴿ فَيُحْكُونَ المُستَقِيمِ وَ الْوَاصُـلِ بِينَ الْنَقْطَتُ بِنَ م و ﴿ هُوَالْقَاسُمُ الْمُطَاوِبُ ومن المهم ان يلتقت الى ان حركتي المستقيمين المعلومين أ 🗼 ب لاتعلق لاحديهما بالاحرى والافلا يكون هذان المستقيان موازين المستوى الأسي واثما احتيم لمعلهما في هذا الوضع لامكان أن يؤخذ على احدهما طول م ه مساو للطول م د المأخودعلىالا خر مستوافق مساعد يقطع لمستقيمين ا و ب في نقطتين ع و كُ يشرط أن بكون النقطتان عُ و كُ في حدود الرسم فانهما في هذا الوضع يستعملان ايضا لانجباد أ و بُ ثم يكمل باقى العملية

تنبيه هذه العمليات تؤدى الى عدة تحقيقات

(114)

(المسئلة الثالثة والعشرون) أداكان المطلوب ايجاد الزاويتين الحادثتين من مستقيم مع مستويي المسقط يقال

الزاويةالحادثة منمسستقيم مع مستوكماف (الشكل ١٠٥) هي الزاوية [الحادنة من المستقيم المذكورمع مسقطه على المستوى فعلى هذاتكون الزاويتان المطاوبان هماالزاويتان الحادثتان من المستقيم المفروض و مع مسقطيه و , و فيلزم حينتذ جعل المستويين المسقطين للمستقيم و منطبقين على احد مستويي المسقط اوموازيين له ولاجهل ذلك يمكن جعل هذير المستوين من اول وهلة مستوين جديدين للمسقط فتوجد الزاوية ا الحادثة من المستقيم و مع للسنوى الافقى والزاوية إرا = بر الحادثة عنه مع المستوى الرأسي ويمكن ايضا تدويرهذين المستويين حول اثريهما حد أو أأ الى إن ينطبقا فتوجد ايضا الزاوية ان رأت = ا , الله الله عن الراالستقيم و في حدود الرسم اخذ نقطتان حيثما اتفق كنقطتي م و ٥ كاف (الشكل ١٠٦) فيوجد بتغييرالمستويين الزاويتمان م٥ط = إ و لـم٥ = يـــ ويصيم ايضا ان ينزل من النقطتين م , 🗈 عودان احدهما على المستوى الافقى والا خرعلى المستوى الرأسي وبدور حوامهما المستويان (و و) و (و و) الى ان يصيرامواز بين للمستوى الرأسي او للمستوى الافق

*(11**)*

فَتَعَدَّثُ الزَّاوِيتَانَ مُ رَّحُ لَا عِلَى الرَّاوِيتَانَ مُ رَّحُ لاً عِلَى الْحِيتِ

اذاحدثمن مستقيم معمستويى المسقط زاويتان متساويتان حدث ايضامن مسقطيه معرخط الارض واويتان متساويتان وكأن اثراه على بعدوا حدمن خط الارض غض وبيان ذلك اولاان المناشين الـ ب الكافي (الشكل ١٠٠) متساويات لات وتراحد همامسا و لوترالا تووفيهما ذاويتن حادتین،منساویتین فحینئہ ا ۔ = ۔ اُ , ۔ ۔ = ۔ ۔ = ا أ = ا أ فَيكون بِالضرورة المثلثان ا أ و را متساويين ن. فينتج ان الزاوية ارا = رار واذاعابل المستقيم خط الارض فالبرهان يعسه ولوكان مسقطاه في جمهة واحدة من خض لانطبقاانظر (تامنامن بند ١٧) *(وثانيا)* ان يقال ان هـ ذه الحالة المخصوصة واضحة لان اى نقطة من المستقيم و تكون على بعدواحد من مستوبي المسقط فبغيِّر من ذلك تساوى المثلثين المنباظرين للمثلث فالمتقدمين فحينئذ يمكن دائما الرجوع الىهذم الحيالة بأن يؤخذ مثلا مستوجديد رأسي موازياللمستوى القديروما رايالاثر الافقى المستقيم فيقابل هــذا المستقيم خطالارض وحينئــذ يحدث عنسه مع مستوبي المسقط زاويتان متساويتان فحينئذ و ﴿ وَ وَ يُصْلِعَانَ مع خطالارض خُ شُ زاویهٔ واحــدة و حیثکان وَ موازیا وَ و خُصَ موازيا خض يحدثمن و و و معخط الارض خض *(تنسيه) * و و و بكونان متوازيين اذا لم ينف ذ المستقم و فىالزاوية خء فاذا نفــذ و فيها حـــكاناغير متوازيين بالنســـبـة نلط الارض خ ض

(119)

(المسئلة الرابعة والعشرون)
 اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الحادثة من مستقيم مع مستويقال

*(اولا) * حيث كانت هذه الزاوية هي الحادثة عن المستقيم المعساوم مع مسقطه على المستوى المعلوم ينبغي حل المسئلة التي حلت بالنسبة المتقطة في (بند ١٥) بالنسبة المستقيم المعلوم وبهذا يتوصل الى البحث عن الزاوية الحادثة من مستقيم انظر (بند ١١٥) وليتنبه الى انهذه الطريقة ترجع الى جعل المستوى م افقيا اور أسساويكون ذلك بالطرق الاربع المقررة في الى جعل المستوى م افقيا اور أسساويكون ذلك بالطرق الاربع المقررة في البحد من المستقيم و مرسطا بالمستوى المذكور بحيث يمكن المجادمسقطيه على كل مستوجد يدمن تضب المستقيم واحدة في فقد يول الامرالي المحت عن الزاوية الحادثة من مستقيم مع احد واحدة في فقد يول الامرالي المحت عن الزاوية الحادثة من مستقيم مع احد واحدة في فقد يول الامرالي المحت عن الزاوية الحادثة من مستقيم مع احد مستويي المسقط انظر (بند ١١٧) وقد يوسهل تنبع جيع الاعمال على (الشكل ١٠٧)

*(وثانيا) * انه يمكن حل هذه المسئلة ايضا بطريقة اخرى ودُلك ان تؤخذ نقطة تما م على المستقيم و ومنها ينزل عود ان على المستوى م كافى (بند ١٨) فتكون زاوية المستقين و و ال هي تمام الزاوية الحادثة من المستقيم و مع المستوى م فيؤول الامر الى المحث عن الزاوية الحادثة من هذين المستقيم كافى (بند ١١٥) وبعد المجادها يؤخذ تمامها وهي الزاوية المطلوبة

(11)

* (المسئلة الخامسة والعشرون) * اذا كان المطلوب ايجاد راويتين مادنتين من مستوى المسقط يقال

الزاوية الحادثة من مستويين كافى (الشكل ١٠٨) مقاسة بالزاوية الواقعة بن عودين قائمين على خط تقاطم المستويين من نقطمة واحدة منه

وكل منهما على مستوفينج انهاذا كان المستوى المعلوم عوداعلى المستوى الرأسي و الرابع الحادثة منه مع المستوى الافق مقيسة براوية الرمالرأسي مع خطالارض وكذلك اذا كان المستوى المعلوم عودا على المستوى الافق تكون الزاوية الحادثة منه مع المستوى الرأسي مقيسة والضرورة براوية الرمالافق مع خطالارض في يتذكرون حل المسئلة مبنيا على جعل المستوى المعلوم عودا على المستوى الافق ثم الرأسي للمسقط الما بتغيير المستوى كافى (بند ١٥) والما بحركة دوران كافى (بند ١٥) وجماتين الطريقتين نعلم الزاوية إلى الحادثة من المستوى الم مع المستوى الافق والزاوية الحادثة من المستوى المأستوى المالية الكلام على العمليات الحادثة منه مع المستوى المالية الكلام على العمليات المحادثة منه مع المستوى المالية الكلام على العمليات المهولة تتبعم اعلى الشكل

(171)

اذا ازاندا من ا أو ا الرأسي لا على ركم و لا على ق ففرض رجوع المستوى الرأسي للمسقط الى وضعه العمودى على مستوى المسقط الا فقي يكون لا عودا على المحود ا في ولا عودا على المسقط الا فقي يكون لا عودا على المحود ا في فينشذ يكون لا عودا على موازيه المار من النقطمة ركم اوعلى ق فينشذ يكون عودا على المستوى م ويكون لا ايضا عودا على المحود ا فيكون عودا على موازيه المار من النقطة مركم اوعلى ركم فيكون عودا على المستوى م فاذا ارجعنا المستويين م و م الى وضعهما الانتهائي م الطبق العمودات لا و لا وصادا مستوى م فيكون لا و لا وصن المركز و لا بنصف قطريساوى لا أو لا بنصف قطريساوى لا أو لا

(171)

اذاكان المستوى المعلوم يصنع ذوا يامتساوية مع مستويى المقط يكون اثراء

متساويي الميل على خط الارض وران ذلك

(اولا) ان تحتیار نقطة ما و علی خط الارض خ ص حکمانی (الشکل ۱۰۹) وینزل منها عود ن علی المستوی المعلوم م فیقابل هذا العمود المستوی المذکور فی نقطة س فاذ الزل من هذه النقطة عودان سے و سے علی اثری المستوی م حدث فی القراغ مثلثان وسے و سے منساویتین فیکون و سے و کے والزاویة سوے سوکے ومنه متساویتین فیکون و سے ع و کے انظر (بند ۱۱۸) فینتذیکون المثلثان عوب و ع و کے منساویین فینتی بالضرورة ان الزاویة وع سے و ع کے علی و کے علی و کی جھتین و جھتین و ع می منساویتین مع برء واحد من خط الارض اومع بر تین مختلفین منه وقد بنطبقان فی الحالة الاخیرة واذا کان المستوی المعلوم موازیا خط الارض یکون اثراء موازین ایضا خ ص و علی بعدوا حدمنه بحیث انهما لووجد ایکون اثراء موازین ایضا خ ص و علی بعدوا حدمنه بحیث انهما لووجد الفی جہة واحدة منه لانط الارض یکون اثراء موازین ایضا خ ص وعلی بعدوا حدمنه بحیث انهما لووجد المی جهة واحدة منه لانظ المور خ ص

(116)

*(المستلة السادسة والعشرون) * أداكان المطاوب امرار مستوصاتع ذاوية معلومة ل مع المستوى الافقى من مستقيم معلوم يقال اذا كان المستقم المعلوم و كمافي (الشكل ١١١) بلزم ان كون اثرا المستوى م المطلوب مارين بالاثرين ا و - الافقى والرأسي المستقيم و كل بنظيره اذا تقرر هذا يمد من النقطة 🗕 محور رأسي 🕴 ويفرض ان المستوى م دارحول هذا الحورالي ان صارع وداعلي المستوى الرأسي فلايزال اثره الرأسي بركم مارايالنقطة للسحق يصنع مع ف ض الزاوية إ وبرجوع المستوى المذكورالى وضعه المشغول به فى الفراغ ترسم النقطة عَ التي هي تقاطع إثرى المستوى م عني المستوى الافقي دائرة ج الارال الاثر ق عماسالها فينتذاذا مدمن النقطة المعاس للدائرة ج كان هذاالمماس هوالاثر ق للمستوى ثم لابدوال يمر را بالنقطة س ويقابل خطالارض خ ض في عين النقطة التي قابله فيها الاثر ق فذاكان الاثر ق لايقابل خط الارض غ ص في حدود الرسم امكن ايجاد نقطة اخرى من رأ بان تؤخذ نقطة مّا على المستقيم و ويمد منهما افق للمستوى م *(تنبيه)* لا يحكن حل هذه المسئلة بتغيير مستو وهذا يثبت ما قررناه في آخر (بند ٦٩) ومع ذلك فلوكان المستقيم المعلوم اثرا انقيا للمستوى الطلوب لامكن استعمال احدى الطريقتين يدون اختيار احداهماعن الاخرى لانه اولا لواخد محور أ الاما كان لرحمت النقطة ع في عُ ولزم رسم الاثر رأ صانعامع خ ص الزاوية ل ومنه تعلم نقطة س مَنَ الاثر رَّ وثانيالو اخذمستورأسي عموداعلي فَلَ لصنع الاثرالرأسي رًا مع خطالادس خُصُ الزاوية لِ ثم يُغييرالمستوى الرأسي وجعل

خ ص خطالارضيايشتج م

(371)

اذافرضان المستقم و الابتدابل مستولي المسقط في حدود الرسم كافي (الشكل ۱۱) امكنان بتصورف المستوى المطاوب م خطاعظم مدلا ط مارينقطة م حتى وازى المستقم و فاذا دُقر حول محور وأسى الماريالنقطة م حتى وازى المستوى الرأسي صنع مسقطه الرأسي ط مع خطالارض خ ض الزاوية ل ووجد الره الافقى في ا وبرجوعه الى وضعه الاول يرسم هدا الاثرالدائرة ج وترسم نقطة اخرى و مأخوذة حيما اتفق على ط دائرة نج كائنة في مستوافق س قاطع المستقم و في نقطة س منها بمرافق ب من المستوى المطاوب م محاس للدائرة نج وان يكون عود اعلى الحط الاعظم ميلا ط القر (بد ٢٧١) في شذ المدون عود الحائرة على مدون في مماساللدائره ج وموازيا ب وقد يتصل لنا انقطتان يحسكون في محاساللدائره ج وموازيا ب وقد يتصل لنا انقطتان عرب مارين بقطة ين حمن الاثرال أسى را بواسطة افقيين م و ر المستوى م مارين بقطة ين حيثا اتفق م و ر من المستقم و المستوى م مارين بقطة ين حيثا اتفق م و ر من المستقم و

(المسئلة السابعة والعشرون) اذاكان المطلوب ایجاد مستومارمن نقطة معلومة وصانع مع المستوى الافقى زاويه له ومع المستوى الرأسي زاوية به قال

يؤخد ذكافي (الشكل ١٠٨) محورتا اعلى المستوى الرأسى ويُدورالمستوى الماسيةوى الرأسي ويُدورالمستوى الراسي ويُدوداعلى المستوى الرأسي فيضط الراس الزاوية لي شميدهدا الاثر من فيضصل منه نقطة سه من الاثر واذا قرض

 ١ حتى صار رأسيا فلايدوان يحدث من الاثر ن مع خ ض الزاوية لكانا متساويين انظر (بند ١٢١) فحينشـذ يكون الاثر فَأَ مماسـا للدائره المرسومة من المركز أ يُنصف القطو لنَ ثم يقابل الاثر قُ المحور أف النقطة ا من الاثرالافتى قل فاوارجع الآن المستوى م الى وضعه الاصلى لرسمت النقطة عُ التي هي تقاطع اثر يه دا ترة حول المركز أ ومنه بتحصدل را الذي لايدوان بمر بالنقيطة 🗕 ولو ارجع ايضا استوی م ؑ الیالوضع م لرسمتالنقطة کُ النی هی تقاطعاثریہ قوس دائرة يجب ان يكون الاثر كر مماسانه ويهذه الكيفية يتحصل معتباس ينع مُع مستولِي المقسط الافتى والرأسي الزاويتين 📗 و 👱 فلم يبق علينافى حلهذه المسئلة التي نحن بصددها الاامر ارمستومو ازللم بن النقطة المعلومة انظر (بند ٣٨)

(171)

(المسئلة الشامنة والعشرون) ُ اذا كأن المطلوب ايجادالاثرين الرأسسيين لمسستو بيزمعلوم اثراهما الاقتيسان والزاويتان الحادثتان منهمامع المستوى الافق بقال

لیکن قر قر آلاثرین الافقیین المعلومین کافی (الشکل ۹۳) فاذا اخذ مستو رأسی عود اعلی المستوی م لزم ان یصنع الاثر الرأسی را مع خط الارض خَضَ الزاویة او واذا اخذایضا مستو آخرراً سی عود اعلی المستوی ک حدث من الاثر الرأسی کر مع خصٌ الزاویة سے فلم بہتی علینا

الانسىةالمستويينالمعلومين م و كن الىمستوواحد رأسي فاطع للاثق فى خ ص وحيث كان الاثران الافقيان ق ﴿ قُ لَا يَنْعَبُرَانُ يَكُنُ الْحِادُ الاثرينالرأسين كر , كر تواسطة استعمال افتى مأخوذ على كي من لمستوينالمذكورينالظر (بند ٤٧)

(111)

(المسئلة التاسعة والعشرون) اذاكان المطلوب ايجادالزاوية المواقعة بين مستو سنمقال

وكمن حل هذه المسئلة بطرق مختلفة نسن بعضم افنقول

* (اولا) * قد علت كيفية ايجاد الزاوية الحادثة من مستومع مستويي المسقط من (بند ١٢٠) فعلى هذا يكن ان يؤول الامر الى هذه المسئلة بجعل احد المستوين المعلومين مستويا جديدا للمسقط اوشطيمقه على احد المستوين الاصلين وقعصيل ذلك يكون باستعمال احدى الطرق الاربع المعلومة في (بند ٧٦) ولم اين هذا الحل هشالا جل التمرن عليه مع كونه قد تقدم في هذا الكتماب عدة علىات مثل هذه

(وثانيا) أذاكان المستويان المعلومان عودين على احد مستو في المسقط فلا مدوان بحدث من اثريهما على المستوى المذكور زاوية مساوية الزاوية الحادثة من المستوين فحينة ذيكون تقاطع المستوين في هذه الصورة عمودا | على مستوى المسقط وكم في لعل الشكل في هذا الوضع الخصوص جعل تقاطع المستوين عموداعلى احدمستويي المسقط وبلزم لذلك تغييرا مستويس كافى (بند ٥١) اوحركتادورانكافي (بند ٦٣) اوتغييرمستوغ حركه دوران اوحركة دوران تم تغييرمستووفي كلحالة يلزم اولا معرفة تقاطع المستويين وقدعرفت كيفيةا يجاده فياتقدم اذا تقررهذا يقال اذاريدا ولااستعمال تغييرى مستوين كافي (الشكل ١١٣) فليكن م و ك المستويين المعسلومين بإثارهما الافقيين والرأسيين ق و ر و

ى تقاطعهما المعلوم بمسقطيه كي و ي و لجعل هذا التقاطع عود اعلى المستوى الافق يؤخذا ولابدل المستوى الرأسي للمسقط الموازى للتفاطع ي السنوى المسقطافة يالمذاالمستقم بحيث يكون خط الارض خص عين المسقط ى للتقاطع ولوبحثءن مسقط التقاطع ى على هذاالمستوى الجديد لكان المسقط هوالتقاطع بعينه ودل ايضاعلي أر ركر تم يؤخذ مستوافق عموداعلى المستقيم ي فيصيربالضرورة خُصٌ عموداعلي ي ويكون مسقط المستقيم ي على هذا المستوى الجديد نقطة ي من خط الارض الحديد مشتركة بين الاثرين الحديدين تركم تأكي ويلزم ايجاد نقطة الحرى من كل من هذين الاثرين ممل لذلك رَأْسي م من المستوى م اثره الافتى م على المستوى القديم خُصُ على بعد مم منخط الارض هذا وحينشذ يكون اثره على المستوى الجديد الافق خض على بعدواحد بالضرورة من هذا الخط الارضى ابضا في ون ذلك الاثر في النقطة م المنتسبة الى ق انظر (بند ۲۸) ولواسـتعمل ایضا رأسی ط من المستوی ک لتحصل منه ن قَلَّم هي الزاوية المطلوبة الحادثة من المستويين م و ك *(ثالثًا)* يمكن ابدال احدتغييري المستويين بحركه دوران فسدل التغيير الشاني كأفي (الشكل ١١٤) ويلزم في هذه الحالة بعدا يجاد المستقيم ي الذي ينطبق على الاثرين رئم له تدوير جلة الشكل حول محور ا عود على المستوى الرأسي الى ان يصير ى رأسيا فلو فرنس رأسي م من المستوى م ورأسي ط من المستوى ك لبقيادا تمافي مدة الدوران على بعدوا حدمن المستوى الرأسي وبتي ايضا مسقطاهما الرأسيان على بعدوا حد من المستقيم ى انظر (ثالثا من بند ٥٦) وليؤخذ في هذا الشكل

المحور ا مارا بالاثر م للرأسي م فتنتسب حينسيذ هذه النقطة دائمًا الى الاثرالافق المستوى م وبانزال آصم عودا على ي نشخل لنقطة صد الوضع صُدُ وتكوناليضاالمسقط يُ وبالوصل بن يُ م بتحصيل الاثر ق أ ويصيرايضا الرأسي ط في ط فيعن النقطة ط أو سد ن الاثر ق الذي لا يدوان بمرايضا بالنقطة كي أو صَــ ومةالحادثة من المستقيمن ق كي ق مساوية للزاوية المطلوبة دوران واسهولة تركيب الشكل على مقتضى هذءا لحالة لم يرسم هنا *(وخامسا)* يمكن حل المسئلة بحمركتي دوران كمافي (الشكل ١١٥) ف واسطة حركة دوران اولى حول محور رآسي أ يختار مارا بالاثر الرأسي ـ التقاطع ي المستويين م و كن يجعل هــذا التقـاطع موازيا المستوى الرأسي فينتقسل ي في يُ على خُ ض راسما زاوية ا ا أ = ف فينتذ يجب ان ترسم جميع نقط المستويين م و ك زوالامساوية للزاوية ف المذكورة وان يتحد الاثران ر ر م ع ي ت ثم يحث عن الوضعين الجديدين للنقطتين ع ﴿ كُنَّ فَتُوجِدُ قوس كارٌ مساولفوس من محيطه فيتمصل الاثر ق واما النقطة ع قحث كانت في هــذا الشكلةربية جمدامن النقطة 1 يكون نصفا القطرين أ 1 , أع تساوين تقريبا فيعسر حينئذ تعيين الوضع الجديد للنفطة عُ وَلَكُن بجعل ا مركزاواخذنصف قطر حبثما اتفق اكبرمن أع يرسم قوس دائرة ج يقطع ق ً فىالنقطة ع و ى فىالنقطة ع فيتعين وضع النقطة ع الدوران باخــ في ع ع ع ع ويلزم أن عرالاثر في بالنقطتين الآن جلة الشكل حول محور ب عمود على المستوى الرأسي حتى إنتقاطع ى وأسياوقد يختصرتركيب الشكل بمدهذاالمحورمن النقطة فيصيرالستقيم كي في الوضع يُ راسما زاوبة ب يجبان ِرسمها جيع اجزاء المستويين مُ ﴿ كُ ويتعد الاثران الرَّاسيان رُّ ﴿ رُ يٌ ولا يجاد الاثرين الافقيين ق و ق يستعمل رأسي لكل من المستويين وليكن مُ الرأسي المَأخوذ في المستوى مُ و طُ الرأسي الماخوذ فىالمستوى كُ وبجعل ب مركزا واخذ نصف قطرحيثما اتفق تربسم دائرة جُ تقطع مُ في النقطسة مُ , طُ في كُم وبواسطة المسقطين طُ للنقطتين مُ وطَ المفروضة الراافقيا للمستقم طَ مُ = طَطُ = جَ نُج المسقطان الرأسيان طُّ للنقطتين م و ط ويتعصل من ذلك ايضا عظاهماالانقيان م ، ط وهما يضا المسقطان م ، ط لرأسي ستويين ولمرسم هذين المسقطين الاخيرين على الشكل لعدم تعقده ولعدم الاحتياج لذلك وحيث كان المستويان م و ك الآن رأسيين لزم وحينئه ذيم تعييم مآ فيمدث من الاثرين تل . ت

زاوية ل بها تقاس الراوية المطلوبة الحادثة من المستويين م و ك *(سادسا)* انالااويةالحادثةمنمستو يين قاس بالااويةالواقعة بن عودين واتمين على خط تقاطع المستويين من نقطة واحدة سنه كل متهم فىمستوفيكونانفىمستو س عمودعلى ى كيافى (الشكل ١١٦) وحيث كان هذا المستوى اختياري يمد الاثر أن عودا على ي من نقطة مامنه فيقطع الاثرين قرم ق في النقطتين سم و صر اللتينهما اثرا المستقيمين اللذين زاو بتهما عين زاوية المستويين م و ك ولاجمل تطبيق الطريقة المعتمادة المتقدمة في (بند ١١٥) على هـنده الحالة يؤخذ ي خطاارضيا خُصُ ويصِتْ عن المستقم ي على هذاالمستوى الرأسي ومن حيث ان ركم لامد وان يكون عودا على ي يتحصلانها النقطة سرَر وهي رأس الراوية المطلوبة لِ فاذا طبقت على النقطة سُهُ كانت الزاوية المطلوبة هي سمسهُ صم وبدل ايجاد الرأس سُهُ بتغييرمستو يسكن ايجادها بحركه دوران يان يدوّر الرأسي خُضُ حول اثره الرأسي حــــــ لمنطبق فتنتقل النقطــــة ا الى أ والنقطــــة و الى وَ والتقاطع ي الى يَ والعمود وسُم الى وَسُمْ نَمْ يُؤخذ وُرِ = وَشِّه و سَاسَمُ = سَايِر فَتُوجِدَالنَّفُطَة مَّهُ وَمِنْهُ تَنْجُ الزاوية سدسهُ صب * (تنبيه) * طريقتناهذه عين التي استعملها مؤلفوا كتب الهندسة الوصفية ولافرق يبتهما فحشئ بلرجماعلم ببقا بلتهما ان الطريقة التي استعملناه وقد يستحســن التنبيــه على أن وسُه = وسُه = وَسُمَّ ضلع من ا الزاوية القائمة في مثلث قائم الزاوية وسرًا أو وَسُمًّا وَرَهُ وَا = وَا وينتج منسه ان الرأس سرّ لابدان تڪون دائمايين و ۽ ا فتكون *(77)*

الزاوية سهر مه > سه ا صه

*(وسابعا) * يشاهدمن الطريقة المتقدمة ان الراوية المطاوية معلومة بالمثلث سيرسم المعلوم منه الضلع سيرصم ويمكن المعت عن الضلعين الأخرين بتطبيق المستويين م و ك والمجاد المتقاطع ي على هذين المطبيقين والزال عودين على هذا التقاطع من النقطتين سير صير فيتوصل الحارسم ممثلث معلومة منه اضلاعه الثلاثة ويجب التقطن الحان القوسين المرسومين من النقطتين سير صير بجعل الضلعين الموجودين من المثلث تصفي قطر لابد وان يتقاطعا في نقطة من المسقط ي وسنتهز فرصة تهيم هذه العملية في حل المستلة الحري

*(ونامنا) *اذانقاطع مستو بان يصنعان اربع زوابا انتان خاد تان متساويتان وانتسان منفر جتان متساويتان والزاوية الحادة هي المساة براوية المستويين مالم تعين الجهة التي تكون فيها هذه الزاوية محسو بة فعلي هذا اذا انزل من نقطة اختيارية عمودان على المستويين صنعا ايضا زاوية بن حادتين وزاويتين منفر جتين كلاهامساو نجانسه من الزوايا الاربع الواقعة بين مستويين فيكن حيث خالاهامساو بخانسة ويين بان ينزل عودان من نقطة واحدة على كلاحيث خالفروضين كافي (بند ١٢) مع بحث عن الزاوية الواقعة بين هذين العمودين كافي (بند ١١) وعلى اى حال فلوائزل من نقطة مأخوذة داخل العمودين كافي (بند ١١) وعلى اى حال فلوائزل من نقطة مأخوذة داخل الوية نوجية عودان على وجهى هذه الزاوية المدت بينهما زاوية متممة للزاوية الزوجية

ولاتحتاج هذه الطريقة الاخيرة الى معرفة تقاطع المستويين الذى لاتنكر فائدته في بعض الاحوال لانه رجاكان همذا التعيين مقتضيا لعمليات مشكلة جدا كاحصل ذلك في بعض الاحوال

(111)

* (المسئلة الثلاثون) * اداكان المطلوب قسمة الزاوية الواقعة بين مستويين الى فسين متساويين على الله فسين متساويين يقال

(اولا) أذافرض وجود المستوى القاسم كمافى (الشكل ١١٦) كان مقطوعا بالمستوى س في مستقيم سُه نر عود على التقاطع ي فى النفطة سَم وكان اثره الافتى على تُن وقاسما للزاوية ا أو سـ سُـ صــ الى قسمين متساويين فينتج من ذلك اله يلزم بعد ايجاد الزاوية المنطبقة ممه شر صد كافى (سادسا من بنسد ١٢٧) قسمتها الى صمين متساويين بمستقيم قاطع للاثر أن في نقطة نر يجب ان يمربها وبالنقطة ا الاثرالافق للمستوى المطاوب س وان يمرىا ليقطــة بــ اثر. *(وثانيـا)* اذا انطبق المستويان م , ك على المستوى الافقى كما في أ (الشكل ١١٧) باستعمال الطريقة الثائية المعلومة في (بند ٧٦) التقل تقاطعهما ي في كي غف ي فاذا فوض في كل من المستويين م و ك مستقيم على بعد واحدمن التقاطع ى صار المستقيم ا الكائنفالمستوى م فى أكالموازى ئ يعدانطباق،هذاالمستوى وصار ایضا المستقیم ۔ فی ٹ الموازی ئی بعدانطباقالمستوی ک المشتمل م كن على ب وقطع المستقيمان أ و بٌ على النوالى الاثرين ق . ق فى نقطتين ممه , صم فحينتذيكون سرصم الاثرالافق المستوى (أ ب) واذاقسم سمح الى قسمين متساويين في نقطة نر لانتسبت هذه النقطة والنقطة الحالاثرالافق ت للمستوى القاسم س المشتمل زيادةعن ذلك على خطمو ازلخط التقاطع ى وماريالنقطة نر ولهذا الحل كهاه وظاهرشدة مناسبة للعل الذي ذكرفي (بند ١١٦) لاجل ايجاد عاسم زاوية المستقيمين الى قسمين منساويين يدون البحث عنها وذلك ان النقطة ه والنقطة د الكائنتىنعلى المستقيمن على يعدواحدمن نقطة تقاطعهما م فحل (بسد ١١٦) مبدلتان هنا بالمستقيين ١ . ب الكاتنين فالمستوينءلي بعدواحدمن تقاطعهما ى وان النقطة ۾ التيهي

دنتصف المستقيم هد هناك مبدلة هنا بمستقيم كائن على المستوى (أب) وعلى بعدوا حدمن المستقيمين أوب ويمكن البدال المستقيمين أوب الموازيين ي بمستقيمين متساويي الميل

على ى ومقابلين له فى تقطة واحدة وحينئذ فزاوية هذين المستقيمز والمتقاطع ى يعينان المستوى القاسم وليست حالة الموازيين الاداخلة فى هـــذه الحالة

*(وثالث) * انالعمودين القائمين على المستويين م و ك كمافى المامن بدر ٢٠) بمكن ان بدامن اقطة واحدة من اقطة العمما فاذا فرض وجود المستوى القاسم واقامة عمود عليه ايضامن النقطة المذكورة قسم هذا العمود راوية عمودى المستوين الاصليين الى قسمين متساويين في يتذاذا بحث على القاسم لزاوية هذين العمودين كافى (بنده ١١) عين هذا القاسم والتقاطع على المستوين المعلومين المستوى القاسم المطلوب وليتنبه الى ان هذه المستلد لا يمكن حلما الا بمعرفة تقاطع المستوين المعلومين

(119)

وانتمــمهذه المسائل المتوالية بذكره سئلتين يُنج حلمهما بدون واســطة من حل مســـئالة ايجاد زاوية المســتويين المقررة في (نسادساً من بند ١٢٧) فنقول

* (المسئلة الحادية والثلاثون) * اذاعلم اثران انفيان لمستوين م و ك صانعان ذاوية معلومة و علم ايضا المستقط الافق لتقاطعهما ي والمطلوب المجاد اثريهما الرأسين يقال

ليدالاثر ق كافى (الشكل ١١٦) عوداعلى المسقط الافقى ى كن مكن في النقطة شر كن في النقطة شر و صد ويلزم لا يجاد النقطة شر و الناوية إلى فيقطم ي الزاوية إلى فيقطم ي

ق النقطة سر قاذا رسمت دائرة بجعل النقطة و مركزا وجعل وسر نصف قطرومن النقطة ا مديماس ى لهذه الدائرة واقيم عود و م على من واخذ حد حد قصلت النقطة حوه وهى المناف المائرة والمائرة واقيم عود المناف المائرة المائرة والمائرة والمائرة المائرة المائرة المائرة المائرة المناف المستويات وأسيين ويشاهد المائرة المدائرة المذكورة

(14.)

(المسئلة الثمانية والثلاثون) اذاكان المطلوب امرارمستوك من مستقيم ى كاثن على مستومعلوم م يصنع مع المستوى م زاوية الميقال

عد ق عموداعلى ى كافى (الشكل ١١٦) وبعينالتقاطع ي على المستوى الرأسى ، خُصَ وينزل عمود وسد على ى ويجعل وسر على من ويجعل وسر على من ويجعل الزاوية إ وتنسب النقطة صد الحالائر ق الذي يجب ان يمرايضا بالنقطة المن عم يدالاثر ر من النقطة ك الحالان على من جهتى سدسة المستلة ايضا حلان فانه يمكن رسم صدسة من كل من جهتى سدسة

﴿ فِي اقصر الا بعداد) *

(171)

* (المسئلة الشالثة والثلاثون) * أداكان المطلوب ايجاد اقصر بعد من نقطة الحاخرى يقال

هــذا البعد مقيس بمستقيم هـاتين النقطتين وبهذا يتوصــل الى ايجباد الطول الحقيق لجزء مســتقيم محصور بين نقطتــين معينين وحينسذ فقد

(۲۸)

بكؤن اولا المسقط الرأسي مساو باللمستقيم الفراغي اذا كان هذا المستقيم سوازيا المستوى الرأسي انظر (اولامن يد٥٦) واذلك يؤخذ مستوجديد رأسي موازياللمستقيم وليمنترالمستوى المسقط له افقي المافيه من السهولة والاختصار فحينئه ذلا يحسكون خط الارض غُضُ كما في (الشكل ١٠٦) سوىالمسقط الافتى و للمستقيم و فاذا انزل على هـذا الخطعودان م م = ومُ , ه ه ه عد وصل بين م , ه يحدث لنا المستقم و المطلوب واذا مدمن القطة ۞ خط ۞ط موازيا للمسقط الافق و حدث مثلث قائم الزاوية م ﴿ ط ضلعه ﴿ ط يساوى المسقط الافق م 🖸 و م ط يساوى فاضل ارتفاع النقطتين م و 🗈 عن المستوى الافق اوبساوى ومُ ــ ع ﴿ انظر (اولا من بند ٥) ووتر المثلث المذكور هومقدارطول المستقيم المطلوب ومن هنا يتنيج وسما المستقيم المطلوب سنهولة *(وثانيا)* قديكونالمستقيم و معلوما بمسقطه الافق إذا كانموازا للمستوى الانبق فبكن حينئه ذتغيير المستوى الافق لجعله موازيا و واييختر لاجلاالسمولة المستوى المسقط رأسيالهذا المستقم فيكون خطالارض خُصَّ متحددامع و ويلزم ان يؤخذ على عودين على هذا الخط مُم = وم و ١٥٥ = ع٥ وباخذخط مل مواز و يحدث مثلث قائم الراوية م ول وتره ايضا مقدار طول المستقيم و واحد ضلعى زاويته القائمة مل مساو للمسقط الرأسي مَ ﴿ وَالاَ خُو ﴿ لَ مُسَاوّ لفاضل بعدى النقطتين م , ٥ عن المستوى الرأسي يعني مساو ع 🗈 🗕 وم انظر (نائيا من بند 🌼) *(وثالثا)* كَكُنْ بدل جعل المستقيم و موازياللمستوى الرأسي تنغيير المستوى الرأسى تدوير المستقيم حول محور رأسى الى ان يصل الى هذا الوضع كما في (بدر ٦١) وليختر السهولة المحور مارا باحدى انتقطتين المعلومتين م فيصير المستقيم حينتذف الوضع و وبعلم مقدار طوله الحقيق بالمسقط و المستقيم بالمستقيم بالم

وباستعمال الطرق الاربع المذكورة على نفس هذا الشكل يلزم ان يكون رر من ق

ر = عرد = عرد = عرد *(۱۳۲)*

هذه المسئلة لا فرق بينها وبين المتقدمة ويكنى فى حلمها اخذ النقطتين الموسئلة ويكنى في حلمها اخذ النقطتين المورد تين اختيبارا في المسئلة المتقدمة المتقدمة وحريئذ فيممل باستعمال نفس الطرق التي حلت بهما المسئلة المتقدمة فيقال

* (اولا)* اذا اخذ المسقط وكما في (الشكل ١٠٥) خطا ارضيا جديدايوجد المستقيم و على هذا المستوى الجديد الرأسي وتنتسب النقطة احينئذالي هذا المستقيم

* (وَتَانِياً) * اذا ابدل المستوى الافقى واخذ و خطا ارضيا جديد الوجد المستقيم و

*(وَنَالِثَا) *ادَادُورالمستقيم و حول المحور ا يصيرفالوضع و

(ورابعا) اذادةر المستقيم المذكور حول المحور أ يصيرفى الوضع و" فينتج بالضرورة

ا = ا = ا = ا = ا = ا ت وكل من هذه الخطوط الاربعيدل على طول المستقيم و

(177)

*(المسئلة الخامسة والثلاثون) * اذا كان المطلوب مدمستقيم معلوم الطول من نقطة م كائنة على مستومعلوم م الى الاثر الافقى لهذا المستوى يقال

اذاعلم المسقطالافق م للنقطةالفروضة كمافى (الشكل ١١٨) يستنج منه مسقطم الرأسي م انظر (بند ٢٩) بان يمد من هذه النفطة افقى ط من المستوى م شم يفرض أولا المستقيم و في وضعه الاصلى ويدورحول محورراسي أحتى بوازى المستوى الرأسي فينسقط على هذا المستوى فىطوله الحقيق ل انظر (اولا منبند ٥٦) ويبق مسقطه الافقي فيرجوعه داعما على طول واحمد يجبان ينهى بالاثر ق فتكون النقطة اللتي يقابل فيها ذلك الاثر قُ الدائرة ج نقطة من المستقم فيتعين وضعه حيننذ تعينا تاما ويوجد حل آخرف ب ولومست الدائرة ج الاثر ق كم يكن للمسئلة الاحل واحد ولوكان المستقيم أ أ اقصر من العمودالنبازل من أعلى ق لم يكن للمسئلة حلاصلا *(وثانيا)* قديتفق كافي (الشكل ١١٩) ان المستقيم ل المارمن النقطة م لايقابل خطالارض خ ص الاخارج حدود الرسم ولننبه في هذه الحالة على اله يمكن تقسيم المستقيم و الى اجزاء متساوية وان يتصور امرارمستوبات انقية من نقط المستقيم قاسمة جز المحور المحصوريين النقطة م

والمستوى الافق للمسقط الى اجراء متساوية عدتها كعدتا جراء المستقيم و وقاطعة للمستوى م فى افقيات متساوية البعد عن بعضها ثم يقسم ارتفاع النقطة م الىقسىمينمنساوبينوبرسممستوافق س يقطع المستوى م فى افق ر وتجرى بالنسبة لمذا الافق العملية التي اجريت بالنسبة خلط الارض بالنيوْخذ لم له بالابت داءم النقطة م الى المسقط الرأسي رُ للافقى فبتعصل المستقيمان و و ب الكافيمان في حل المسئلة *(وثالثا) * يكن حل المسئلة المذكورة سطييق المستوى م على المستوى الافقى كمافى (الشكل ١٢٠) او بجعل هذاالمستوى احد مستوىي السقط وذلكُ باستعمال!حدىالطرق الاربع المعلومة في (بند٦٧) ولنجرى هنــا الطريقه الشانية ورسم اشكال الذلاث الساقية سهل فنقول ان النقطسة م تصمير منطبقة في مُ وبجعل هــذه النقطة مركزا واخذا نصف قطر مساو للطول ل يرسم قوس دائرة يقطع ترم في نقطت بن سم و صم بايصالهما بالنقطسة م يتحصل المسقطان الافقيان ب و و المستقيمين ب و و الكافئين.فحلالمسئلة ويستنتج منهما المسقطان الرأسيان لهذين المستقيين انطر (بند ٢٨) *(175)* وبمشل ذلك تحل مسئلة مد مستقيم معلوم الطول من نقطة م الى مستقيم معلوم الوضع فيكني امرار مستومن المستقيم المعلوم والنقطة م وتطبيق هذا المستوى وايجاد النقطة م والمستقيم المعلوم عليه ثم ا رسم المستقيم المطاوب على هذا المستوى المنطبق ثميرجع بعدذات الى مسقطى هداالستقم وعدل ذلك تحل مدالة مدمستقم من نقطة معاومة م يصنع زاوية معاومة مع الاثر الافق اومع مستقيم مامن المستوى م *(140)*

* (المسئلة السادسة والثلاثون) * اذاكان المطلوب اليجاد اقصر بعدين نقطة ومستقير بقال

ان هذا البعد كناية عن العمود النازل من النقطة المذكورة على المستقيم ثم يقال الراولا) * يمكن حل هذه المسئلة بامر ارمستو م من المستقيم المعلوم و ومن النقطة المعلومة م وتطبيقه على المستوى الافق انظر (بند ٧٦) ثم ازال عمود أن من النقطة م على و فيكون هو البعد المطلوب فاذا اربد معرفة مسقطيه ارجعت النقطة سُم التي هي تقاطع العمود أن مع و في الوضع سُم على المستقيم و مجركة دوران عكس حركة دوران الانطساق

(وثأنيا) يمكن بدل تطبيق المستوى (وم) كافى (الشكل ١٢١) على المستوى الافتى تدويره حول احداققياته حتى يصبرافقيانم يمرالافتى من النقطة م وحينشذ عر أ بالنقطة م ويوازى ح ض فيقابل و فىنقطة ك ويستنتج من ذلك ك نم أ ولاجل تدويرالمستوى (وم) حول ا معتبرامحورايلزم اولا ان يؤخذمستوراً بي خُصَ عمودا على هذاالهوركاني (بند٧٢) فيوجدعلي هذا المستوى المسقطان م ، و ومن الواضم ان النقطتين م و ب يتعدان مع النقطة أ التي هي السقط الرأسي للمعوروان المستقم أ أ يصيرالا ثرالافق ق مُ يُدُّور المستقم و حتى يصيرافقيا ولايتغير موضع النقطة م مدة الدوران فحينت ذيجبان يكون مسقطه الرأسي موازيا خُ صُ ومارا بالنقطة لـ ولا يجاد المسقط الافقى يؤخذ على المستقيم و نقطة ما ١٥ ترسم مدة الدوران دا رة ج وتصير في الوضع و وبايصال ره الى م يتعصل و فاذا انزل الان من النقطة م عود على و دل على المقدار الحقيق للبعد الاقصر من النقطة م

الحالمستقيم و فاذااريدمعرفة سقطى هـ ذاالبعدالاقصريقال ان العمود المذكوريقابل و في نقطة سم ومنها ينتم سم يواسطة مواز للط الارض خ ص تم يتحصل مريه وبايصال مسقطى النقطة سد بمسقطى النقطة م يتعصل مسم ومس وهمامسقط البعد الاقصر الذي مقداره الحقيق وليتنبه الى انه اذا اخذ على المستوى الرأسي خُصُ المسقطان الرأسيان له و سُم النقطتين سم و سم وجبالتعقيقالشكلان يكون م شُہ = مُ شَم و عاشہ = عاشہ *(وثالشا)* یکن حل هذه المسئلة ایضا بنغیبری مستوین او حرکتی دوران ولذلك يتنبه الى أنه اذاكان المستقم و عودا على المستوى الافتي كافي (الشكل١٢٢) كان العمود ن افقياومساويا بالضرورة لمسقطه الافق انظر (اولا منبند ٥٦) فيلزم حينت ذجعل المستقم المذكور في هــــذا ا الوضع الخاص به ويتوصل المهاولا باخذمستوراسي موازيا و اومارابه ثم اخذمســـتوانتي عموداعلي و فيكون ك البعد المطلوب وللرجوعالي مسقطى المستقيم ك على المستويين الاصليين يتنبه الحان أن الايدوان يكون موازيا خٌ صُ فيقابل المستقيم و فينقطة سم مسقطها الافني سم ومنه ينتج سم فيتعصل من ذلك ن ويسهل رسم شكل حلهذه المسئلة يحركني دوران اوسركه دوران وتغييرمستو (ورابعا) ، يكنبعدتغيير المستوى الرأسى للمسقط لجعل المستقيم و موازبالهذاالمستوى الجديدان يلتفت الحان العمود ك والمستقبم و حيث كاناعودين على بعضهما فى الفراغ وكان احدهما و موازيا للمستوى الرأسي خُ صَ يازمان يكون مسقطا هما الرأسيان نَ , و عمودين كذلك على

بعضهما فيدحين تذمن النقطة م همود ك على و فيقابل المستقيم و فيقطة سم مسقطها الانتي شم على و ومسقطها الرأسي شم على و ومسقطها الرأسي شم على و ويومل بين سم و م فيتحصل المسقطان في كن للبعد الاقصر المطاوب فلم يبق علينا الامعر فة طوله الحقيق انظر (بند ١٣١)

الله الشكل المستفيم و كان العمود النازل من النقطة م على المستفيم و كاف (الشكل ١٢٣) كائنا في مستوم عود على و ومار بالنقطة م يمكن رسم هذا المستوى كافي (بند ٨٣) وبالبحث عن النقاطع سم للمستقيم و مع المستوى م كافي (بند ١١) والوصل بين سم و م يتحصل المستقيم المطلوب الذي يوجد مقداره الحقيق في أن انظر

(ثالثا من بند ۱۳۱)

ويكن امرار المستوى المساعد من النقطة م فيكون تقاطعه ن مع المستوى م عين المستقيم المطاوب الذى جزؤه سم هو البعد الكائن بين النقطة م والمستقيم و فيحكون الطول الحقيق لمسذا البعد ن فاذا لم يكن اثرا المستوى س داخل حدود الرسم يعتبر هذا المستوى معلوما بالمستقيمين و و و فبحث عن تقاطعه مع المستوى م انظر (بند ١١١)

(177)

* (المستله السابعة والثلاثون) * اداكان المطلوب ايجادا قصر بعد من نقطة الى مستويقال

(اولا) ان هذا البعديقاس بالعمود ان النازل من النقطة المعلومة م على المستوى المعلوم م فبنا على ذلك على والمسقطان ال الم على المتوالى على أو راكافي (بند ٨١) وحيئة فيكونان

معسلوسين وبالبحث عن الثقاطع سمد للعدود ان والمستوى م كما في (بند ١١٠) بدل مسد الذي هو جزؤهذا المستقيم على البعد المطلوب ويرسدم شكل ماذكر بالسمولة

(وثانيا) اذاكان المستوى م عودا على المستوى الرأسي يكون المسقط الرأسي سم المنقطة سرعلى لرانظر (ثانيا من بده) ويكون ايضا العمود ان موازيا المستوى الرأسي ومساويا بالضرورة لمسقطه الرأسي الأسي و فالله يتوصل الى هذه الحالة المحصوصة بتغييره ستورأسي كاهو واضع من الشكل ١٢٤

(وَالنَّا) يَكُونُ الضَّالَ يَسْتَعَمَّلُ لَذَلِكُ حَرَّدُ دُورَانَ كَايِدُلُ عَلَيْهُ الْمُعْلَومَةُ مَّ الشَّكُلُ ١٢٥ الذَّى أَمَّى فَيْسِهُ اختصاراالمحور أَ بِالنقطة المعلومة مَ عُبِالرَّجُوعِ الى المسقطين الاقلين يُوجِد مَّ مَ كُلُّ عَلَى انفراده فيلزم حينشذ ان يكون ها تان النقطتان على عود واحد على خط الارض ح ض انظر (بند ٨) وهذا يرهان على صحة الاعال

(121)

* (المسئلة الشامنة والثلاثون) * اذا كان المطلوب ايجاد اقصر بعدبين مستقيمن لسافي مستووا حديقال

اذا كان احدالمستقين اكافى (الشكل ١٢٦) عود اعلى المستوى الافقى كون البعد الاقصر ن افقيا ومساويا بالضرورة ن ويكون زيادة على أن في هذه الحالة الخصوصة عود اعلى ب حيث كان ن عمود اعلى المستوى الراسى الذى اثره الافقى ب ويُعصّل هذا البعد الاقصر بالسهولة ويمكن ان يتوصل الى هذه الحالة الخصوصة باربع عليات هي

|*(اولا)* تغييران لمستو

(وثانيا) تغييرمستوثم-ركة دوران

ر (*_{4.})*

(وثالثا) حركة دوران ثم تغيير مستو *(ورابعا)* حركتادوران والنذكرهذ مالطرف على الترتيب فنقول *(ارلا)* ليكن أ و ب كافي (الشكل ١٢٧) المتقيين المطلوب ايجاداقصر بعدينهما فيختار لترجيع المستقيم اليصيرفي وضعه المنقدم ستو آخرافق عموداعلى أ الااله لايكون عموداعلى المستوى الرأسي ولذا يؤخذ اولا مستوجديد رأسي للمسقط موازيا لهذا المستقيم ا وليختر لاجل السهولةالمستوىالمسقط له وحينئذ يتحد خُصُ مع أ وينتج منه المسقطان الرأسيان 1 و ب انظر (بند ٤٦) ثم يؤخذ مستوجديد انق للمسقطعوداعلي أ باخذ خُصٌّ عموداعلي أ فيوجد أ و ب ثم ينزل من آ العمود ن على ب فيكون اقصر البعد المطاوب وينتهى على أرو ب بالنقطتين صبر وسم اللتين تكون مساقطهما بالتوالى ف صدوسه وفي صدوسه شمفي فير ر في صدوسه وفي صدوسه شمفي فير. ومن ذلك يتحصل لن 🗼 كُ * (وثانيا) * كمن بعد تغيير المستوى الرأسي للمسقط كاذكر تدوير جلد السكل حول محور عودعلي هذا المستوى الرأسي حتى يصير المستقيم العمود اعلى المستوى الافتى ولاجل ذلك بلميق مدمحور الدوران من نقطة من المستقيم أ وحيث صارهذا المستقيم بعدرسم الزاوية 📗 فى وضعه الجديد أ يلزم تدوير المستقيم ب بقدرنفس الزاوية ل انظر (بند٦١) ليصيرف الوضع بُ فيكون العمود لل الشاذل من أ على لل البعدالاقصرالمطلوب ويكون لَ مواذيا خُضُ وتتحصل منه نقطتان سُم و صُم يتقاطع فيهماالبعد | الاقصربالمستقيمن بُ و أ فبترجيع هاتين النقطتين على ب و ا فى النقطتين مد و صم يتحصل المسقطان أن ي أن البعد الاقصر *(وثالثها)*

(وْنَالِنَا) اذَادُور الْمُسْتَقَيَّانَ أَ * مِ حُولُ مُحُورُ رَأْسِي قَاطِعُ أَ حتى صـار احدهـــما 1 في الوضع 1 موازيا للمســتوي الرأسي رســــ زادية إ ويتدويرالمستقيم ب بقدرهذه الزاوية ليصيرفي الوضع ك كمافى (نِد ٥٩) ثمانتخاب مستوجديد افتى للمسقط عموداعلى المستقم في نقطة واحدة أ ويقصل ايضا بِ انظر (بند ٤٦) فيكون البعد الاقصر المطلوب حينتاذه والعمود لَ النَّازَلُ من أَ على بُ وبعدد لك يرجع كانقدم الى ايجاد المسقطين ل و ك المستقيم *(ورابعا)* عصكن لاحل حل المسئلة بحركتي دوران ان بدور اولا المستقيمان أ 🗼 ب معاحول محوررأسيكافي الحالة المتقدمة ثميُّدوّركلُّ من المستقيمين آ ، ك حول محورعود على المستوى الرأسي كما تقدم فى الحالة الرادمة ومن البين أنه يمكن ايضا نصير المستقيم ١ عموداعلى المستوى الرأسي بجعله اتولا موازياللمستوى الافق ويسهل رسم اشكال جيع هذه الاحوال *(وخامسا)* يمكن ايضاحل المستلة بدون احتياج الى ماسوى المستقيمن المفروضين فى وضعهما المفروض مع ابقاء مستويى المسقط الاصليين وذلك اله يلزم اولا الالتفات الى ما تقرر في الهندسة الاصلية من اله يحسكن دائمـامدّعودعلىمستقيمين 1 و ب كمافى (الشكل ١٢٨) ليســ في مستو واحد وانه لا يحكن الا مدعمود واحد وان هذا العـمود المشترك هو اقصر بعد من نقطة من ١ الى نقطة من 👤 فقد شوهد ان العملية مبنية على مدّ مستقيم أ من نقطمة م من ب مواز أ وامرار مستومن أ و ب مواز 1 وانزال عود ط من نقطةمًا و من ا على هذا المستوى (رأ) وامرارمستوآخر من المستقيين

ا و ط والبحث عن التقامع مى المستويين (ب أ) و (أمله) و المعثامة عن التقامع مى المستويين (ب أ) و (أمله) وانتخدمن النقطة سد التقديم الله في المستقيم المسلوب وكل الله العمليات بلزم اجراؤها بواسسطة المساقط

وليكن ١ , ب المستقين المعلومين كافي (الشكل ١٢٩) فتؤخذ نقطةمًا م على المستقيم ب ومنها يمد مستقيم أ مواز ا فيكون اً مواذیا آ , اَ موازیا آ ویمرسستو م من اَ , ب فیمر قُ من الاثرين الافقيين أ ﴿ لَ لَهَذَينَ الْمُستَقْيِينَ وَيُمِ رَأَ بِالْرَبِيمِ الرأسيين إرُ بِ مُتوَخَذَ نقطة مّا ﴿ مِن ا وينزل من هذه النقطة عود ط على المستوى م فبكون طّ عموداعلى قَلِّ و طُ عمودا على را وبامرار مستوك بالمستقين ط و ١ عر ق باتريهما الافقيين ط , ا , أ بالاثر الرأسي ل وبالنقطسة التي يقابل فيها ت خط الارض خض ومن حيث ان اثرى التقاطع ى للمستويين المذكورين م وك في ع وك يتعمين ذلك التقاطع ومن حيث اله سواز ۱ یلزمان یکون کی موازیا آ , کی موازیا ا اداکانت الاعمال صحيحة ثم يقطع هذا التقاطع ي المستقيم ب في نقطة سر منها يمد المستقيم لا موازيا ط الحانية لاق مع ا في النقطة صد فيكون هو البعدالاقصرالمطاوب ويتعصل لنامة داره الحقيق تدويره حول محوررأسي مار بالنقطة صد حى يصيرفى الوضع أن موازيا للمستوى الرأسي جيث يكون مقداره الحقيق معاوما بالمسقط نُ

وليست العملية العمومية المتقدمة بمكنة دائمالانه قديتفق ان لايكون لاثرى

المستوى م نقطة داخل حدود الرسم ولكن من حيث اله لا بحتاج الى الاثرين الالامكان مدالعمود ط على المستوى م يمكن ابدال ت ابافق ما يتحصل بقطع المستوى به بحسنوافق وكذلك ابدال كرأسى المستوى يتحصل ايضا بقطع هذين المستقيين بمستو موا ذلامستوى الرأسى وتيكن ايضا اعتبار المستوى ك معينا تعينا كافيا بمستقيين ا و ط الااله قد يتفق خروج العمود المشترك عن حدود الرسم وحين لا لا بالرجوع الى الحالة المحصوصية المعتبرة اول الامرويكن باحدى الطرق الاربع الاولية زيادة على ذلك المجاد المعدالاقصر بين مستقين ما دام داخلافي حدود الرسم وذلك اله يمكن اختيار مستوبي المسقط الجديدين اومحورى الدوران بحيث الرسم وذلك اله يمكن اختيار مستوبي المسقط الجديدين اومحورى الدوران بحيث تكون مساقط المستقيمن ا و ب واقعة في طرفى فرخ الرسم وهذه الطرق عنارة ايضا في اعتبار رسمى لانه لا يوجد في تغيير المستويات الانقل الابعاد المأخوذة بانفت احات البرجل وفى حركات الدوران الاكون الخطوط التي يجب المأخوذة بانفت احات البرجل وفى حركات الدوران الاكون الخطوط التي يجب المأخوذة بانفت احات البرجل وفى حركات الدوران الاكون الخطوط التي يجب الماتها على زوايا قائمة

(171)

* (المستلدالت اسعة والذلانون) * اذا علم المستقيم ا والمسقط الافق ب لمستقيم آخر ب والمسقط لل القصر بعد لل بين ا و ب وكان المطلوب ايجاد المسقطين الرأسيين ب و لل المستقيم ب و لا والمقدار الحقيق المستقيم لل يقال حيث كان البعد الاقصر المذكور عود اعلى المستقيم ا الذي يقابله في نقطة معلومة سم يعين المسقط لن بالطريقة المذكورة في (بند ١٨) وحيث الناستقيم المذكور ايضا لا بدوان و حيث الناستقيم المذكورة وحيث يقابله في نقطة معلومة صم يوجد المسقط ب بالطريقة المذكورة وحيث كان الطرفان سم و صم المبعد الاقصر لا بين المستقيم ا و ب

معلومين يستنج منهما المقدار الحقيق لهذا البعد انظر (بند ١٣١) *(١٣٩)*

* (المسئلة الاربعون) * اذا علم مسئقيم ا والمسقط الافق ب لمستقيم آخر ب والمقدار الحقيق للبعد الاقصر ن بين المستقين ا و ب والنقطة سم التي يقابل فيها ن المستقيم المعلوم ا والمطلوب ايجاد المسقط الرأسي ب للمستقيم ب ومسقطى البعد الاقصر ن يقال

منحيثانالمستقيم ن لابدان كونعوداعلى المستقيم اكمافي (الشكل١٣٠) بلزمان يكون في مستوم ماربالنقطة سـ وعمودعلي المستقيم ا المذكورانظر (بند ٨٥) فأذاطُبْتَقهذا المستوى م على المستوى الافقى صارت النقطة سم في الوضع سُم والمستقيم ل احد انصاف افطار محيط الدائرة كج المرسومة بجعل النقطة سربه حركزا والمقدار المعلوم للمستقيم ن نصف قطرواذا فرض المستقيم ن تابعاللمستوى م فى حركة الدوران علم وضعه ولزم ان يوجد اثره الانقى على جُ ويعلم منه وضع المستقيم ن فشخصل حينتذالنقطة ضر ويستفرج منهاالنقطة صد ولكنحيثكانتهذهالنقطة صد موجودة بالضرورة على المستقيم ب وعلى محيط الدائرة المنطبق في جَ معايجت عن ايج ادالسقط جَ للمعيط الذكورفيقطع ب في نقطتين صم و مر وهما المسقطان الافقيان للنقطة ين الكافيتين لحل المسئلة ويتمصل حينتذ المسقطان الافقيان ن ط ويستغرج منهما المسقطان الرأسيان نُ مِ طُ ومنه يملم صُد و نُ فلم ببق الاتعيين بُ بجيث يكون المستقيم ب الماربالنقطة سه عودًا على ن الانعيين و بجيثيكون المستقيم و الماربالنقطة س عوداعلى ط انظر (بند ٨٦) ويكونالمستقيمان ب و وكافيين فالشرط الذى هودلالة تفس المستقيم ب على مسقط هما الافقيين وكونهما على بعدمعلوم من المستقيم ا

(12.)

لا يمكن رسم المنعنى ج هنا الانقطة فنقطة ويتضع في اسيأتى ان هذا المنعنى العلم المنعنى المنعنى العلم المنافض فلا يمكن حيث الدا في نقطتين فادا كانت النقطة سم غير معلومة اسكن اخذها على المستقيم افى اى وضع كان وبتكر ارا العملية المتقدمة لكل من الاوضاع تخصل جلة مستويات

كالمستوى م متوازية ويحدث حينشد من الدوائر كالدائرة ج المتساوية السطح السطواني مستدير محوره المستقيم ا وجيع نقط ب المحصورة في المسقط الافقى لهذا السطح الاسطواني بمكن ان تدل على النقطة صد وسنذكر حل هذه المسئلة في محل آخر من هذا السكتاب بعدد كرما تتوقف عليه من معارف لا بدمنها

الباب الرابع) ﴾ إلزوايا الثلاثية والابهرام) ﴾ (المالية) ﴾

* (مسئلة عامة) * اذا كان المعلوم زاوية ثلاثية والمطلوب اليجاد الزوايا السطعية والزوايا الروايا السطعية والزوايا الروجية المتركية هي منها بعملية على مستويقال

يؤخذا حدوجوه الزادية الثلاثية الممتدمس توياافقيا للمسقطغ تقطع هذه الزاویة بمستومًا رأمی بحیث بحسکون م _{و ک}ن مستویی الوجه بن الاخرين و ي تقاطعهما كافي (الشكل ١٣١) فتكون احدى الزواياالسطحية معلومة في 1 وتتحصل الاخريان بانطباق الوجهين م $\sim \mathcal{U}$ على المستوى الافقى كافى (بند ٧٦) ويختار المستويان الرأسيان الجديدان مارين بالاثر – التقاطع ي بحيث يكون خطالارض غُ ضُ و خُصٌ مادين بالسقط من وينتقل النقاطع ي في ي ي على المستوين المنطبقين ولايختي أن أر = أر حيث انهما يدلان على الجزء السمن التقاطع ي فاذارسم المستقيمان ع سُر يُ تُ دلاعلى الاثرين الرأسيين ع س و كن سه المعاوم مقدارهما الحقيق ویلزم من ذللۂ ان یکون ع کے 😑 ع ہے کا کے کا با فحینٹذا تعصل معنا الثلاث زوايا السطعية ١ = ع أكَّ , ب = ع أكَّ و ج = كُنَابُ وحيثكانالمستوى م عموداعلىالمستوىالرأسي خُ صُ ، كُ على المستوى الرأسي خُ صُ تكون زاوينا هذين المستويين لحادثتان منهمامع المستوى الافتي اوالزاويتسان الزوجيتان يع و ب معلومتين بالتوالى فى ﴿ عُ رُ ﴿ ﴿ إِلَّوْ لَا لَا عَلَى مِنْ مُدَّالًا الْبَعْثُ عَنْ الزاوية إ الواقعة بين الوجمهين ب ج لكن هذه الزاوية مقيسة براوية العمودين الممتدين من تقطة واحدة من التقاطع ي احدهما في المستوى م والاخرفى ك فاذا وجد هذان العمودان على المستويين المنطبقين

في حالة انطباقه ما صادا عود بن كذلك على ي و ي في نقطتين م و م على بعد واحد من ا فيقابلان الاثرين قل و ق في النقطت ين سم و صد فاذا وصل بين ها تين النقطتين كان من الواضع ان المستقم سم صد يدل على الاثر الافقى للمستوى العمود على ي ويازم حينتذ ان يكون عودا على ي وبانطباق المستوى المذكور بقدوره حول اثره سم صد لا تتخرج رأس الزاوية المطلوبة عن المستوى الرأسي الذي يكون ي اثره و ينطبق ضلعاها على مقداره ما الحقيق فينت ذلوجعل كل من النقطتين سم و صد مركزا واخذ سم م و صدم في قطر و رسم قوسا دائرة لزم ان يتقاطعا في نقطة سَم من ي اذا وصل بينما وبين النقطتين عد و صد صاد سد سَم صد الزاوية المطلوبة إ

اذاعرفت هذه المستلة العامة يسهل عليك حل المسائل الخصوصية المختلفة المتعلقة بالزاوية الثلاث بعروف المتعلقة بالزاوايا الشطعية الثلاث بحروف المروب وسطعية الثلاث الزاجية المقابلة للهاكل المتعدث الستة تراتب التي صورتها هكذا

وقد ترجع الاحوال الثلاثة الاخبرة الى الثلاثة الاولى بواسطة الزاوية الثلاثية المتممة ومن المعلوم انه اذا اخذت نقطة داخل زاوية ثلاثية والزل منها اعسدة على اوجه هذه الزاوية وأمن بهذه المستقيمات مستويات حدثت زاوية اخرى ثلاثية زواياه االسطعية متممة لمقابلاتها الزوجية فتممة

(٣٢)

المقابلاتها السطية فيها ايضاولذا اطلق على ها تين الزاويتين الثلاثيتين اسم الزاويتين الثلاثيتين المنهمة بن الشائدة بالحروف الزاويتين الثلاثيتين المنهمة بن الزاوية والحالزوا بالسطية في الثانية بالحروف أورَ ورَحَ وَجَ فَعِدَثُ الرَّوْ الْمَالِوْ الْمَالُولُولُ الْمَالِوْ الْمَالُولُولُ الْمُولِيُّ الْمُولُولُ اللَّمِينَ الرَّوْ الْمَالُولُولُ اللَّمُ اللَّمِ اللَّمُ اللَّمُ الْمُولُولُ اللَّهُ اللَّمُ الْمُلْمُ اللَّمُ الْمُلْمُ اللَّمُ اللَّمُ الْمُلْمُ اللَّمُ الْمُلْمُ الْمُلْمُ اللَم

(154)

* (المسئلة الاولى) * اذا كان المعلوم الثلاث زوايا السطعية المكونة للزاوية الثلاثية والمطلوب المجاد الثلاث زوايا الزوجية يقال

(اولا) یؤخذ دانما مستوی احد الاوجه مستویا افقیا کی الشکل ۱۳۲) فیدل ضلعا الزاویة اعلی الاثرین الافقیین ق و ق لستویی الوجهین الاخوین اللذین یفرضان منطبقین علی المستوی الافقی المستوی الاخوی فی ی و ج احداهمافی احدی جهتی ا والاخری فی الجهم الاخری انظر (بند ۱۶۱) فیعلم تقاطعهمافی کی و گ و توجد نقطه ما من هذا التقاطع علی کی و کی علی بعد واحد من ا فاذ ااخذ حینشذ من هذا التقاطع علی کی و کی علی بعد واحد من ا فاذ ااخذ حینشذ السید الارضیین خ ش و خ ش کا تقدم فی المسئلة العامه انظر (بند ۱۶۱) و تقاطعافی نقطه سمن می و کانت النقطة سما معلومه علی المستویین الرأسیین فی سور استوجد علی معلومه علی المستویین الرأسیین فی سور استال الابد ان توجد علی معلومه علی المستویین الرأسیین فی سور استال الابد ان توجد علی المعلومه علی المستویین الرأسیین فی سور استال الابد ان توجد علی المعلومه علی المستویین الرأسیین فی سور استال الابد ان توجد علی المستویین الرأسیین فی سور استال الابد ان توجد علی المستویین الرأسیین فی سور استال الابد ان توجد علی المستویین الرأسیین فی سور استال المی المین الرأسیین فی سور استال المین المین فی سور المین المین المین فی سور المین المین فی سور المین الرأسیین فی سور المین المین فی سور المین المین فی سور المین المین فی سور المین المین المین فی سور المین المین فی سور المین المین فی سور المین فی المین فی المین فی سور المین المین فی سور المین فی المین فی سور المین فی سور المین فی المین فی سور المین المین فی سور المین المین فی سور المین المین المین المین المین فی سور المین فی سور المین المین

الدائرة المرسومة من المركز له بجعل سائد أو سائد نصف قطر ويلزم سنسه ان يكون سرب = سرب فقد آل الامر الى المسئلة العامة لانه يمكن ايجاد كر من على مستومّارأسي خ ص *(وثانيا)* اذاتسساوى زاويتان من الزوايا الثلاث السطعية لزم ان تكون الزاويتان الزوجيتان المفايلتان لهمامتساويتين ايضاوداك ان يؤخذ المستوى الافقىمستوىالزاويةالثالثة ١ وترسمالزاويتانالمتساويتا ب و ج في كالى جهتى أكماتقدم ومن المعلوم في فرضنا هذا ان المثلثين أع كُ , وَ اكْنُ متساويان لان وتراحدهمامسا ولوترالا آخر وفيهما زاويتين حادتين متساويتين فينتح ان رُعَ = رُكُ وان المثلث بن القائمي الزوابة عَ رِرْ و ك السم متساويان ايضالان الضلع ع ١- حك ١٦ والضلع ١- ي ۾ ـ فتکون حينئذالزاوية = ج __ *(وثالثا)* اذا كان زادة على ذلك الرّاويتان المتساويتان ب و ج فَاتَّمْتِينَ لَرْمَانَ يَكُونَ الزَّاوِيتَانَ الزَّوْجِيتَانَ المَقَاطِلَةَ اللَّهِ اللَّهِ عِنْ عَالْمُتَينَ الْمِضَا لانه يسمل في هذه الحالة مشاهدة كون خُصْ ، خُصْ بتحدان على التوالي مع یُ و یُ ومنسه تعسد النقط ۱ و عُ و کُ و ب و مِنتقل المستقيمان ــــــ و ـــــــ على ق و ق بالتوالى وتوجد النقطتان ر و الله على نفس هذين المستقين فتكون بالضرورة الزاويتان سعُ سـ = ا , ہر آئے = یہ قائمتین * (ورابعا) * اذا كانت الشلاث زوايا ١ , ب و ج متساوية كان الثلاث زوايا الزوجيـــة المقابلة لهـــا لـ و يـــ و ع متساوية ايضــالانه سبب کون الزاویة ۱ = ب یتحصل ۱ِ = بے واکمون ب = ج

من المعاوم في الهندسة العادية ان الزوايا الوسب و ج لايمكن ان تكون اللا فرايا سلحية لزاوية ثلاثية الا اذا كان مجموعها اقل من اربع زوايا قائمة وكان كل منها اصغر من مجموع الزاوية بن الاخريين وقد تحصلت هذه الشروط من العملية المتقدمة وسان ذلك

* (اولا)* ان خطى الارض خُصَّ و خُصُّ كَافَى (الشكل ١٣١) الايمكن فى المسئلة العمامة ان يتقاطعا الافى النقطة ب وان ي ي ي يتركان الزاوية سَاتُ دائما خارجة عن ججوع ١ + ب + ج فيكون هذا المجموع حينتذ اصغر من اربع زوايا قائمة

* (وثانيا) * اناحدى الزوايا الثلاث أ اذا كان أكبر من مجوع الاننة بن

الاخرين كانت النقطة لل خارج الهيطين وبنياء عليسه لا يمكن ان يقيابل العمودان القاتمان من هذه النقطة على خطى الارض هذين المحيطين ابدا

(1:0)

* (المسئلة الشائية) * اداكان المعلوم زاوية بن سطعية ين زاوية ثلاثية والزاوية النوجية المحصورة بيهما والمطلوب ايجاد الزاوية الشائلة السطحية والزاوية ين الزوجية في ال

يختىارالمستوى الآفق دائمامستوى احدالا وجه المعلومة ا ويفرض كافى (الشكل ١٣٢) الوجه الاخرالمعلوم ب منطبقا حول الانر قرا الشكل ١٣٢) ويؤخذ خُصُ عودا على ق فيعمل الانر رَا لانه لابد وان يصنع مع

خُصُ الزاوية الزوجية المعلومة بيج فتنتقل حينئذ النقطة مَ في رجوع المستوى م الى الوضع ب فيكون مسقطها الافق م ومن ذلك ينتج في فيؤول الامراك المسئلة العامة انظر (بسد ١٤١) لان الاثر من معلوم واذا اخذ خطارضي حيثما تفق مارا بالنقطة م تحصلت النقطة ما التي يمرج اللاثر كُنُ

(117)

* (المستلة الذائمة) * اذا كان المعلوم وجه زاوية ثلاثية والزاوية بالزوجيتين البحدودين والزاوية الذائمية المحدودين والزاوية الذائمية الروحية يقال

يختسارالمستوى الافق مستوى الوجه المعلوم اكافى (الشكل ١٣٣) فيكون ضلعا الزاوية الاثرين قل و في لمستوي الوجهين الاخرين اللذين ينسبان الى مستويين رأسبين خ ف و خ في يكونان عودين عليه ما بالتراك بحيث بصنع كل من الاثرين أو ر مع خط الارض المقابل له الزاويتين الروجيتين المعلومتين سو و ج والغرض من هذه العملية ايجاد المسقطى لتقاطع المستويين المذكورين وقد علت طريقة اليجاده في (بند ١٠١) فيوول الامر حينئذ الى المسئلة العامة انظر المدا)

(1EY)

* (المسئلة الرابعة) * اذاكان المعلوم وجهى زاوية ثلاثية والزاوية الزوجية المقابلة لاحدهما والمطلوب ايجاد الوجه الاخروالزاويتين الزوجيتين الاخريين يقال

يؤخذ المستوى الافق كافي (الشكل ١٣٤) مستوى الوجه المعلوم

ا المجاور للزاوية المعملومة بـ ويؤخـذ خُ صُ عمودا على ق فيعلم حيثشـذ رُ ويؤخذ ايضا خَصَ عوداعلي قُ فاذا فرض ان المستوى م يدورحول ق ليشغل الوضع الفراغي الذي يجب ان يشغله تحركت نقطة مّا سُ من يُ في المستنوى الرَّاسي خُ صُ راسمة قوس دائرة رَجَ وصارت في النقطة التي يقطع فيهما المستوى كُ قوس الدائرة المذكورة وهي نقطة يمكن تحصيلها بالصث عن الاثر ر انظر (بند ٤٧) ويوجدعلى العسموم نقطتـان ﴿ وَ يُكُونُ مُسْقَطًا هُمَا الْافْقَيَّـانُ فَي ں ہے ۔ ع وبعینان مستقطین افقیین کی و ل لتقاطع المستویین م و ك فيوجد حينشذ زاويتان دلانيتان بواسطة هدد العاليم ولا يمكن الاا يجاد واحدة اذا كان الاثر كرُ عماسا للدائرة جَ ولا يمكن وجودهذه الزاوية اذا كان لَمُ لايقيابل الدائرة عَج *(154)* * (المسئلة الخامسة) * اذا كان المعلوم زاوية سطحية والزاوية الزوجية المقابلة وزاوية زوجية مجاورة والمطلوب ايجادالزاوية الثالثة الزوجية والزاويتين السطعية فاالاخرين يقال رُخدالمستوى الافق مستوى وجه مجهول اكافى (الشكل ١٣٥) ويقرض المستوى م الوجهالمعلوم ب منطبقـاويمد خُ ض عمودا

ويفرض المستوى م الوجه المعلوم ب منطبقا ويد خُصُ عودا على قُ فتعدت من أمع خط الارض خُصُ الزاوية المعلومة ع المجاورة للزاوية ب واذا فرص رجوع المستوى م الى وضعه المتقلت النقطة ك في إلى التي مسقطها الافق و منه يعلم ى ولا يجاد ق يغرض ان المستوى كن يدور حول محور رأسي مار بالنقطة

سحى يصير عوداعلى المستوى الرأسى حُصَ وفي هذا الوضع يصنع الره الرأسى رَ مع حُصَ الزاوية ب المعلومة المقابلة المزاوية ب ويصبر ت عوداعلى حُصَ فاذا فرض رجوع هذا المستوى الى وضعه رسم النقطة ك حول ب مجعولة مركزا قوس دائرة يكون الاثر الافق ت عماساله ومارازيادة على ذلك بالنقطة ا فيتعين حيثة في وبهذا يؤول الامرالي المسئلة العامة انظر (بند ١٤١)

*(المسئلة السادسة) اذا كان المطاوب تعويل زاوية الى الافن يقال ان هذه العملية كافي (الشكل ١٣٦) هي عملية الزاوية الثلاثية المعلومة زوايا ها الثلاث السطيعية لكن عكن ترتيب الشكل على وضع مخصوص وحيث علمت الزاوية الواقعة بين مستقين والزاويتان الحادثة ان منهما مع المستقيم الرأسي فليكن ا رأس الزاوية و ن الرأسي المار بهمذا الرأس و احدالمستقين الصافع مع ن الزاوية المعلومة بي وليختر المستوى الرأسي المستقين المستقين الاخر هذا المنطبق على هذا المستوى الرأسي صافعام عن الزاوية المعلومة ج والتصنع على هذا المستوى الرأسي صافعام عن الزاوية المعلومة ج والتصنع الزاوية داه عدا ألم ألم كرا و المحدد الم على هذا المستوى الرأسي صافعام في الزاوية المعلومة الم عمرين وسادا أرة بجعل أ مركزا و اله نصف قطر الاحدد هما وجعل د مركزا و ده نصف قطر للاحد هما وجعل د مركزا و ده نصف قطر للاحد هما وجعل د الضلع الثماني ه من الزاوية المطلوبة ل ويسمل تصور اسباب اجراء تلك العمليات بدون احتماح الى ايضاحها هنا

(10.)

* (المسئلة السابعة) * اذا كان المطلوب رسم كرة داخل هرم مثلثى

يقال

تقسم الى قسمين متساويين كافى (بند ١٢٨) الثلاث زوايا الوجية التي اضلاعها غير متلاقية فى رأس واحد و يكون مركز الكرة فى نقطة نقاطع المستويات القامة ونصف قطرها بعد هذا المركز عن احدا لاوجه انظر (بند ١٣٦)

(101)

* (المستبلة الشامنة) * اذا كان المطلوب رسم كرة غارج هرم مثلثي مقال

تقام كافى (بند ٨٣) مستو بات اعمدة على منتصف الاضلاع الثلاثة التي لا تكون على وجه واحد فتكون نقطة تقاطعها مركزا الحسكرة المطلوبة ويتحصل نصف قطرها بايصال هذا المركز بإحد الرقس

(1°1)

* (المسئلة التاسعة) * اذاكان المطاوب رسم هرم دثلثي على دثلث حاد الزوايا معلوم وايجاد ارتفاعه يقال

يؤخذ مستوى المثلث المعلوم مستو ياافقي اكافى (الشكل ١٤٧) ويجعل المستوى الرأسي مستوياع ودياعلى احداضلاعة كالضلع السوالية والمتصورالهم مرسوما ونطبق على المستوى الافقى الوجه سراس الذى يكون مستويه عوداعلى المستوى الرأسي في صبر مرسوما داخل نصف دائرة قطرها السوحي الناضاع سرع عودعلى هذا الوجه يكون موازيا للمستوى الرأسي ويلزم ان يكون مسقطه الافقى سرع عوداعلى السفيان النقطة سرع على سرّد الموجه سراس على سرّدا ساعلى سرّد والوجه سراس على سرّدا ساعلى أدا فرض دائرة مركزه في و هذا الوجه يرجع النيا الى وضعه رسمت النقطة سرد قوس دائرة مركزه في و على السام المستولاة في السنة طالافق سرد والضلع سرع عماس بالنسرورة اله ورسم المسقط الافق سرد دائرة كالاولى يكون الضلع سرع عماس بالنسرورة اله ورسم المسقط الافق سرد دائرة كالاولى يكون الضلع سرع عماس بالنسرورة اله ورسم المسقط الافق سرد دائرة كالاولى يكون الضلع سرع عماس بالنسرورة اله ورسم المسقط الافق سرد دائرة كالاولى يكون الضلع سرع عماس بالنسرورة اله ورسم المسقط الافق سرد دائرة كالاولى يكون الضلع سرع عماس بالنسرورة اله ورسم المسقط الافق سرد دائرة كالاولى يكون الضلع سرع عماس بالنسرورة اله ورسم المسقط الافق سرد دائرة كالاولى يكون الضلع سرع عماس بالنسرورة اله ورسم المسقط الافق سرد دائرة كالاولى يكون الضلع سرع عماس بالنسرورة اله ورسم المسقط الافق سرد دائرة كالاولى يكون الضلع سرع عماس بالنسرورة اله ورسم المسقط الافق سرد دائرة كالاولى يكون اللماس عملانا المناس عملاني المستون المناس عمل سرد دائرة كالاولى يكون الضام سرد على سرد المستون الم

دائمالان نصف القطر وسَم دائما اصغرمن وع فينشذ يكون كم خارج المحيط و يتحصل كذلك المسقط سم الذى منسه ينتج سم ومن ذلك يعلم المهرم فاذا وصلنا بين ا و سم حدث المسقط الافق الفلع اسم العمود على الوجه ساسم ع وحيائل ذيكون اسم عوداعلى ساع كما يكون اسم عوداعلى ساع كما يكون سم عوداعلى اع

وحيث أن ارتفاع الهرم معلوم فى مرَع تصيراً لا وجه الشلالة أذا طبقت مرسومة داخل انصاف دواتر اوتارها المجاورة لرأس واحدون المثلث متساوية

(104)

المستلة المتقدمة توصلنا الى تتيمتن هماان تقول

(اولا) اله يمكن دائمًـا رسم هرم مثلثي على مثلث مّا حاد الزوايا مجعول قاعدة

*(وثانيا) * ان الاعمدة النازلة من رؤس مناث ما على الاضلاع المقابلة لها تتلاقى في تقطة واحدة وقد برهنا على ذلك فيما أذا كان المثلث حاد الزوايا واما اذا النائل المثلث منفرج الزوايا السيح كافى (الشكل ١٣٨) فانا اذا انزلنا من الرأسين للها ويتن الحادثين عمودين على الضلعين المقابلين لهما تقاطعا بالضرورة في النقطة د الخارجة عن المثلث السيع وحدث منهما بالضرورة و ثلث آخر سيع د حاد الزوايا فيه المستقيمان سيع ويحدث منهما بالضرورة و ثلث آخر سيع د حاد الزوايا فيه المستقيمان سيع ويحدث منهما بالضرورة و ثلث آخر سيع د و سد فينئل في مسرا المستقيم ويحدث منهما بالضاعلى سيع في تلقل المستقيم المنازلة من رؤس المثلث السيع اللهائلات اعمدة على الاضلاع المقابلة للرؤس النازلة من رؤس المثلث السيع اللهائلات اعمدة على الاضلاع المقابلة للرؤس المثلث السيع اللهائل اعمدة على الاضلاع المقابلة للرؤس المثلث حاد الزوايا اومنفر حموا

(101)

(100)

ذلك المحادا ثريه اذا اريد ذلك

(المسئلة الحادية عشر) اذا كان المطلوب قطع هرم مربعي فاعدته شبه منصرف بمستو بحيث يكون المقطع شكلامتوازى الاضلاع يقال يؤخذ مستوى فاعدة المهرم التي هي اسع د مستويا افقيا فلا يحتاج الى المستوى الرأسي ثم يمد ضلعا القاعدة الغيرالمتوازيين اد و سبع الى ان ينلاقيا في النقطة و فيتقاطع مستويا الوجهين سماد و سبع في المستقيم و الذي يمر بالنقطة ين سما و ويتقاطع ايضامستويا الوجهين سما سو سميع د اللذين اثراهما الافقيان متوازيان في افق لهما مادمن النقطة سماذا تقرر ذلك فالترمن بالحرف م لمستوى القطع وحيث الهيقطع الوجهين سما سو سميعد في مستقيمين متوازين وموازيين بالضرورة لتقاطع مستوييه هذين الوجهين يكون هذان المستقيمان وموازيين بالضرورة لنقاطع مستويي هذين الوجهين يكون هذان المستقيمان وموازيين بالضرورة لنقاطع مستويي هذين الوجهين يكون هذان المستقيمان

موازیین للطی ا ۔ ع د وللائر تَلَ فیلزم ان یکون الاثر تَلَ موازیا للغط الـ ويمكن زيادة على ذلك ان يؤخذ هذا الاثركيف ما اتفق ثم ان المستو م يقطع الوجهين سماد و سماع في مستقيمين متوازيين ومواز تقيم و ومارين من النقطتين سُد و صد فادامد حينتذ من هاتين النقطتين موازيان للمستقيم و يقطعان سما و سد ب سمج حيث ان الضلعين ألم , أد موازيان بالتوالي للخط ألم وللمسقط و بلزم لاجل ان یکون متوازی الاضلاع ۱ سریج د فاثم الزوایا ان یکون عوداعلى أ _ ولاجل ان يكون المسقط أ . ـ . ع . د لحالةالهرم فيشكل متوازي الاضلاع مسقطه الافتي شكل معنن وحينئ و الشكل ١٤٢) الراللمستوى القياطم كمافي (الشكل ١٤٢) ليكون بالضرورة السداحة ضلعي المعين والآخر مسباوياله ضرور بأخــذالنقطة ١ مركزا ٫ ١ ـ نصف قطريرســممحيطـدائرة تؤخــ عليه النقطة دُ بالاختيارواذامدمنالنقطة و موازللمستقيم اد ً قطع د د في نقطة مر وكان يمكن رسم المحيط الذكور بجعل النقطة ر ټوټوټې مرکزاغ قدیکونالمسقط ا کـ نځ د مربعااذاکان د علیالمحیطالمتقدم پو عموداعلي اــ *(101)* ﴿ (المستله الشانية عشر) * اذا كان المطلوب قطع هرم مربعي ذي فأعدة مّا

ستوجعيث يكون المقطع متوازى الاخلاع يقال بؤخذ المستوى الافق مستوى القاعدة ا ـ ع د كافي (الشكل١٤٣) ولايرسم هتباللسقط الرأسي لسهولة ايجادهمتي اريد ثم يمدالضلعبان المتقبابلات ا ـ و ع د الى ان يتلاقيا في الفي الفي المحلم و وبالوصل بن النقطتين و و سُـ يتصمل المسقط الافقى كي لتقاطع مستويي الوجهين سمات و سمعد ثم يدايضا الضلعان المتقابلان اد و سبع الى ان يتلاقيا في نقطة و وبالوصل بين النقطتين و , سمه يتحصـــل المسقط الافتى كي لتقــاطع ــتويى الوجهين سماد , سماع فيكون المستقيم و و الاثرالافقى للمستوى (ى يُ) أو س اداتقررهـــذا وجبان يقطّع المستوى القياطع كل وجهين متقيابلين من الاوجمه المتقابلة في مستقيمين متوازيين وموازيين بالضرورة لتقاطعهما وانكون هذا القاطع نفسسه موازیاللمستقیمین ی و کی معاوموازیابالضرورةلمستویهمافیکون ق حينئذموازيا تَنَ ويجيكنان بؤخذ مستقيم تما مستوف الهذا الشرط أثم يمد من النقطتين سَدَ و صد اللتسين هما تقاطع في بالمستقين اب و ع د موازیان للمسقط ی ویمدایضامن النقطتین و و ش اللتيزهماتقاطع تَلَ بِالمُستقين اد و سع موازيان للمسقط يُ فتتقاطع هذه المستقيمات فينقط على مساقط الاضلاع يتحصل متهاالمسقط وروں ہو۔ الافقی آئے نے کہ للمقطع الذی یکےون بالضرورۃ شکاہ متوازی الاضلاع

للتقاطعين عمودين على بعضهمااعني اذا كانت النقطة سم كما في

(الشڪل ١٤٤) موجودة على محيط الد ائرة المرسوم على القطر وو ومِ برب ب وقد یکون المشقط آ کے د شکلا معینا اداکان المثلث و سہو *(5,0)*

الباسبالخاس) * الباسبالخاس) * افرانواع المساقط) * *(۱۵۷)*

المنعتبر فيما تقدم الاالمساقط العمودية على مستويين عودين على بعضهما ويمكن ان يراددا تما بسقط نقطة على مستو النقطة التي يقابل فيها مستقيم ما مار بالنقطة المعلومة هذا المستوى لكن فرع المسقط المتقدم اكتراست عمالا ومع ذلك فقد تستعمال افواع مساقط اخر لا يعتبر فيها الامستوواحد المسقط وابسطها النوع الذي تتركب منه المستويات المنتسبة والموزونة وقد تتعين النقطة في هذا النوع بمسقطم العمودي على مستويسي المتران المختار عادة فوق جميع ققط الشكل المنسقط وبعدد مكتوب بحوار مسقط النقطة يدل على المعدال كائن ينها وبين مستوى الاقتران ويسمى هذا العدد بمقدار بعد النقطة و تكون مقاديرا بعادالنقط الكائنة اعلا مستوى الاقتران سالبة ويشاهدان هذا النوع برجع للمساقط العمودية لانه مستوى الاقتران سالبة ويشاهدان هذا النوع برجع للمساقط العمودية لانه مستوى الاقتران وذلك باختيار خطمًا بمن في مستوى الاقتران وذلك باختيار خطمًا ارضى وانزال عود على هدذا الخط من المسقط المعلوم لكل نقطة وان يؤخذ النفي هذا الخط في الجهة المناسبة ابعياد مساوية لمقاد يرابع ادهذه النقط انظر (بند ٥)

وقد يتعين المستقيم في هذا النوع بمسقطى نقطة ين من نقطه ومقدارى بعديه ما الفلر (بند ١٨) واما المستوى في تعين بخطه الاعظم ميلا بالنسبة لمستوى الاقتران انظر (بند ٣٨) ويسمى هذا الخط بقياس ميل المستوى وهذا النوع كثير الاستعمال لاسميا في الرسيم المتعلق بالاستحكامات واشغال حفر وردم الطرق والخلجان وما اشبه ذلك

وحيث كان لا يتيسر فى العادة فرخ من ورق الرسم فيه كفاية لان يسع صورة الاجسام المرسومة كلمهاى على جمها الطبيعي تختصر الصور الى مقياس اختصارى معين يرسم فى الصور وتعدعليه المفادير الافقية وتبق مقادير ابعاد النقط على حقيقتها دائما مالم يردعل المسقط الرأسي العيسم فانها تصغير المسمعلي مقتضى مقياسه الاختصارى وسيشا هد مع ذلك انه لا يمكن في بعض الاحيان تصغير المسقطين الافتى والرأسي بنسبة واحدة بسبب امور سيأتى ذكرها فيما بعد

(101)

المساقط المائلة هي المساقط التي تتعين بمستقيمات ما ثلة بالنسبة لمستوى المسقط ومتوازية كلها ولاجل امكان ايجاد مسقط النقطة المائل بلزم معرفة الحجاه وميل المستقيم المسقط لها بالنسبة لمستوى المسقط ويعين الا تجاه عادة بميله يعنى بالنسبة الواقعة بين ارتضاع وفاعدة المثلث القائم الزاوية الحادث من المستقيم المواصل بين المسقطين في تجين المسقطين في المستقيم الواصل بين المسقطين في تجين المسقطة العمودي والمائل على مستو واحد لان المسقط العمودي يعلم منه مستقيم فوجد عليه النقطة المذكورة ويعد المسقطين مع النسبة المعلومة بين ارتفاع المثلث القائم الزاوية المذكورة وفاعدته يعين البعد بين النقطة ومستوى المسقطة فاذا كانت الخطوط المسقطة مائلة بقدر 20 على مستوى المسقط يكون المثلث القائم الزاوية متساوى المساقين وتكون فاعدته مساوية لارتفاعه فيكون بالضرورة البعد الكائن بين النقطة ومستوى المسقط يكون بالضرورة البعد الكائن بين النقطة ومستوى المسقط مساويا للبعد الكائن بين مسقطيها

ويسمى هذا المسقط الثناني في نظرى الظل بالظل السناقط من النقطة على مستوى المسقوى المأسى مستوياً هندسيا واما المستوى الرأسي فيؤخذ في القطوع والارتفاعات

وقديعين المستقيم ايضاعسقطه العمودى ومسقطما ثل على المستوى المذكور والمستوى المذكور

الامسقطا ماثلا ويستعمل ايضافى اشغال صناعة القشاطر والجسور لايضاح تفاصيل اوصال اجزاء التراكيب الداخلية

(109)

ويطلق اسم المساقط الاسطوانية على المساقط العمودية والمائلة التي ذكرت الفاوهناك نوع آخر من المساقط يسمى بالمساقط المخروطية ويسمى ايضا بالمساقط المركزية اوالقطبية وفيهذا النوع تمر جيع المستقيات المسقطة بنقطة واحدة ثائدة تسمى قطبا اومركز المساقط

ويستعمل في هذا النوع مستويان قائما الزاوية يسمى احدهما بالمستوى الهندسي الدى تسقط عليمه اسفاطا عوديا جلة النسكل والا تحر بمستوى المنظور الذي يجرى عليه المسقط المخروطي أومنظور تلك الجلة ويطلق على خط الارض في هذه الحالة اسم قاعدة مستوى المنظور

وتنعين اى نقطة فى الفراغ من علم مسقطها العمودى على المستوى الهندسى ومنظورها وقاعدة مستوى المنظوروم كرالمساقط اونقطة النظر ويمكن تعيين النقطة ايضافى الفراغ بواسطة منظورها و مقدار بعدها عنه ومقدار بعدها الانقطة النظر على مستوى المنظور وبعدها عنه ومقدار بعدها لانه يمكن بواسطة هذه المعالم معرفة مسقط النقطة على المستوى الهندسى وان مقدار بعدنقطة النظرة ديعن قاعدة مستوى المنظور

(17.)

لكن اذا لم يكن المطلوب الانسب الوضع على مستو يكن ان يفرض بليع النقط والمستقيمات مسقط واحدويق وضع الشكل فى الفراغ اختياد ياوقد سبق استعمال هذا فى بعض مسائل من الباب الثالث من هذا الكتاب وظهرت عدة مؤلفات تتعلق بهذا الغرض

الله المستويات المنتسبة والموزونة) الله المستويات المنتسبة والموزونة) الله الله المنتسبة (١٦١)*

هذاالفصل يحتوى على قياس الابعادا لافقية بمقياس اختصارى مقدرعليه الميترالواحد بهذاالمقدار ١٠٠٠ كافي (الشكل١٦٤) واماعشر الميترفقدر عليه يواحدمن الف من ميترجحيث اذا اريد اخذ بعداصغر من عشر الميتر مثلا كواحدمن مائة يرتب المقياس بهذه ألكيفية بان يقام كمافى (الشكل ١٤٧) من احدى الطرفين المستقيم العوديؤ خذعليه بعداختيارى عشر مرات ويحدون جيع النقط ١ و٢ و٣٠٠٠٠٠ الى ١٠ خطوط موازية للمستقيم الم خميقسم الموازى الاخير الى اجراء من الف من الميتر مقدارها عشرة ثم يوصل بين ١٠١١ وبين ٢ و أ وبين ٣ و ٢ الى ١٠ و ٩ من كل من الموازبين المتطرفين فيتضم انجيع المستقيمات الحادثة كامها متوازية وانكل اثنين منهامت اليين يحصران على الخطوط الموازية الخطأ اب اجزاءمساوية ٢٠٠٠، وانالاجزاءالمنصصرة بن خطى ١٠ ــ ٩ و ١٠ ــ ١٠ منالخطوط الموازية للغط الــ المتسدة من النقط اً و ۲ و۳ ۰۰۰۰ الی ۱۰ مساویة بالتوالی ۲۰۰۱ رم کو ٢ ... رباً ٣ ... رباً ... الى ٩ ... رباً و ١٠٠ رباً لانهأذا اعتبرالجزؤ إ ب محسو ما على الخط الموازى المارمن النقطة ٧ يحدث امن المثلثين المشابهين ١٠ - ١ - ١٠ و ١٠ - ٩ - ١٠ اهذهالتناسة

وبهذه الكيفية توجد مقادير الاجزاء المنصرة على بقيسة الخطوط المتواذية اذا تقرر هسذا يفرض انه اذا اريدان يقدر على هدندا المقياس طول يساوى على مرا المقياس طول يساوى على مرا المقطة عمل الطول على المدرس المقطة عمل الطول على المدرس المنطقة عمل الطول على المناس المذكور لان على المدرس المناس المذكور لان المناس المناسك والمالي المناس المناسك والمناس المناسك والمناس المناس المناسك والمناس المناسك والمناس المناسك والمناس المناسك والمناس المناسك والمناس المناسك والمناسلة والمناسك والم

هذاالمستقيم ع د يتركب من ع هـ٧٠٠٠ ومن د ي = ٢٠٠٠٠٠ ومن المجرع الذي هو ع د ومن المجرع الذي هو ع د المبين المطول المفروض ٢٢٠٠٠ على المقياس الاختصاري

(751)

* (المسئلة الاولى) * اذاكان المطلوب ايج ادمقد اربعد نقطة مّا معلومة المسقط وعلى مستقيم معلوم يقال

سُر : سُر :: صُر - صر : صُر - صر ومنه معدن

صئہ _ صم = سے (صریہ صدر) صّہ = صہ + سے (صیہ صدر) = صدر (سرء _ سیۃ) + ضیہ سیۃ صّہ = صہ + سیء صیۃ کافی (الشکل ۱٤۹) وان المطلوب ولنفرض مثلاان و هو المستقیم کافی (الشکل ۱٤۹) وان المطلوب

مقرار

* (المسئلة الذائية) * اذا كان المطاوب ايجاد مسقط نقطة ما معاوم مقدار بعدها على مستقيم معاوم بقال

بعدرسم المستقيم و كانقدم يؤخذ كافى (الشكل ١٤٨) على مَ مَ مَ طول مَ لُ يساوى مقدار البعد المعلوم صَّه ثم يجد لَ مَ مواز يا لخط الارض خض فتكون النقطة مَ هي النقطة المطلوبة التي يكون مسقطما الافقى في من المحدال المائن بنها وبين النقطة م ولذا يستحر ج بعد تركيب هذه المناسبة

س : سُ :: صد حد : صد کاتقدم سر : سُ = سر کاتقدم سر = سر (صر وسر)

واذا فرض مثلا كما في (الشكل ١٥٠) ان و المستقم المعلوم والمطلوب المجاد نقطة عليه سقدار بعدها ٨ يقال بعدوضع البعد م م على المقياس الاختصارى الذى هو شكل ١٤٦ يفرض ان هدذا البعد وجد مساويا للعدد ٥٠٠٠، الموصل الى سُم = ٥٠٠ انظر (بند ١٦١) ومن

المعلوم ان معناز ادة عن ذلك صم = ١٦٦٣٠ و صُم = ٢٠ ر١١٦ ہو شہ= ۸ فینتج $\lambda_{\lambda} = -\frac{1}{2} - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = -\frac{1}{2} = -\frac{1}{2$ صُ _ صد = ۲۰۲۰ ا س ۱۲٫۲۰ = - ۲۰۲۰ ا فبوضع هـ ذ ما لفادير في القانون المتقدم ترول العلامة ـ وكان يمكن التني عن وذ مالعلامة من اول الاحر لانه لوفرض مقدار البعد صد في الشكل ١٤٨ اكبرمن مقدار البعد صُه ومن مقدارالبعد صدّ لسهلت معرفة كون هذه الاعمال توصل الى هذا القانون سَه = سير صد صير الله الذي يبدل فيسه صد من وصد مد صد بالمقادير الموجية ٣٠ رهما 🔒 ٢٠٦٦ ومنه ينتج حينئذ $1)097107X£7107 = \frac{\lambda r}{97} = \frac{210}{5.3.} = \frac{\lambda , r \cdot \times \cdot , o}{5.3.} = 2$ أو سم ہے ٢٠٦٠ تقریبافاذاحولہذا المقدارالی المقیاس الاختصاری يصـــير ١٦. ر. أ وباخذه على المقيــاس المذــــــكور ووضــعه من م الى مم فيجهة مقاديرا لابعاد المتنازلة تكون النقطة مم هي النقطة المطلوبة فاذااريد ايجاداثرالستقيم المذكورعلى مستوى الاقتران اى النقطة التي مقدار بعدهاصفریکنی جعل صنہ = . ومنہ بنتج سنہ = _ صحصے وينبغي الاهتمام بجعل الابعاد السالبة فىجمهة مضادة للجمة الموضوع فيد الابعادالموجية

(175)

* (المسئلة الشالفة) * اذا كان المطلوب ايجاد ميل مستقيم ما على مستوى الاقتراديقال

فَاذَافَرِضَانَالَغَرَضَا يَجَادَمَيِلَالْمُسَقِّمِ وَ الْمَعَلُومِ فِي (الشَّكُلُ 1 £ 1) كُونَ مَعْنَا صُرَّ _ صَمْ = ٠٠ وَيَّا وَ صَرْ = ٢٠ فَيَشَـٰذَ اذَا جَعَلْتَ الزَّاوِيَةِ لَى مَ مَ = ا _ وَظَا لَ = ﴿ وَثَلَا اللَّهِ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللْهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللْهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللْهُ مِنْ اللْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ مِنْ اللْمُنْ مِنْ اللْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ الْمُنْ عُلِيْمُ مِنْ الْمُنْ الْمُنْفُونُ الْمُنْفُلِيْمُ مِنْ الْمُنْ الْمُنْفُونُ اللْمُنْ الْمُنْ الْمُنْفُلِقُومُ اللْمُنْم

لوغا طا ر = لوغا ٢٠,٦٠ = ١٦٥٤٢٢٠٠ = اوغا طا ر = اوغا ٢٠,٦٠ فينتج ر = ٢٠ ٣٤ ٥٠ اوغا طا (٢٠ ٣٠ ١٦٥)*

(المسئلة الرابعة) اذاكان المطلوب اليجاد البعد بين نقطتين على مستقيم معلوم يقال

م م = ٧ مل + لم أو و = ٧ سم + (صَد - صد)

م م = ٧ مل + لم أو و = ٧ سم + (صَد - صد)

فاذا كان المطلوب الآن المجاد البعد بين النقط تين م و م كافى (الشكل ١٤٨)

يعلم من (بند ١٦٢) سُه = ٢ و صَد - صد = ٤٤٤ فاذا وضع هذا ن المقداران في القانون حدث م م أو

و = ٢٦ + (٤٠٤) = ٢٤ + ٢٦ر١٩ = ٢٦ر٦٦ أو

> £,λσσς = σ *(177)*

* (المسئلة الله امسة) * اداكان المطلوب المجاد تقطة بعيدة عن اخرى معلومة عقد ارمعلوم على مستقيم معلوم يقال

 $\frac{(----)}{(----)} + (----) = (-----)$

(۲۷)

_ سيرا [سيا+(م _ ص)] ومنه ينتج $\frac{2}{2} - \frac{2}{2} - \frac{2}{2}$ فیکون سرّ $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} - \frac{2}{2} - \frac{2}{2}$ فیکون سرّ $\frac{1}{2} + \frac{2}{2} - \frac{2}{2} - \frac{2}{2}$ و بستفرج من (بنُد١٦٢) صمّہ = صمہ <u>+ و(صدَ – صبہ)</u> لاست^{تا} + اصدَ – صهر) فاذا كانالمطلوب الا نان يؤخذ على المستقم و كما في (الشكل ١٠١) طول يساوى ٦ بالابتدامن النقطة م يفرض بعد نقل البعد الافق وحدمساويا ٢٠٠٢م فيستخرج منه سَه 🕳 ٧٠٦٠ ومن المعلوم ان معنا زیادة عن ذلك صم = ١١٨ , صم = ٢٥٥ فبأندال تلك الحروف بقاديرهافى القوانين المتقدمة يحدث $\frac{1}{\sqrt{1 + \sqrt{1}}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \sqrt{1}}} = \frac{1}$ $= + \frac{1.51\sqrt{61.50}}{61.50} = + \frac{\sqrt{15}\sqrt{7.4}\sqrt{13.5}}{61.50} =$ = ± ۱۲۱۵۲٫۶۳ = ± ۲٫۱۵ فاذا اخذ من حکلتا جهتی م طول يساوى المقدار ٥٠١٥ رم المأخوذ بالمقياس الاختصارى كَافَى (الشكل ١٤٧) تحصــل نقطتان م م م همــا المسقطان لافقيان للنقطتين المطلوبة ينومن حيثان ست معلوم فلاجل ايتجأد مقداري البعدين صَّد ، صَّد يستعمل هذا القانون صُّه = صم لله سيَّاصِير - صلى الذي يعدث منه $^{\circ}$ منہ = $^{\circ}$ ایم = $^{$ فیکون حینتذمقدار بعدالنقطة م هو شر = ٥٧ ر٢٣ ومقدار بعد النقطة مُ هو صُّہ = ١٢,٤٣ بالتقريب فيكون للكمية سرة مقداران متساويان ومختلفا الاشارة لانه عكن اخيذ النقطة مم من

كلتـاجهتى م فقدارا صُـ يقـابلان بالتـوالىهانين النقطتين اللتين لابد وان يكون مقدارا بعديهما مختلفين

(171)

اذا توازى مستقيمان قوازى مسقطاه ما الافقيمان بالضرورة وتزايدت مقادير ابعاد نقطه ما فى جهة واحدة وبلزمان يكون البعدان الافقيمان لنقطتين من كل مستقيم منسسين لفاضل مقدارى بعد بهما انظر (بند ٢٢)

وبالعكس اى اذا توفرت همذه الشروط لابد وان يكون المستقيمان متوازيين فيسهل حينئذ مد مستقيم موارلا خرمعلوم من نقطة معلومة

(174)

* (المسئلة السادسة)* اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الواقعة بين مستقيمين يقــال

اذاتم يتقاطع المستقمان المفروضان عدمن نقطة مّامواز بأن لهما انظر (بنده ١٦٧٠) أفتكون الزاوية الواقعة بنهماهي الزاوية المطلوبة ولا يجاد هذه الزاوية بمحكن استعمال طريقتين نذكرهما فنقول

یتعصل اولا النقطة ع بو اسطة القانون المقرر فی (بند ۱۹۳) فیکور 00 دع $= \frac{01...(0.7-1.7)}{1.77-1.1} = \frac{01...}{7.77} = 1...}$ بالتقریب ثم یحدث من القانون المقرر فی (بند ۱۹۰۱) ع = 4 + 1... بالتقریب ثم یحدث من القانون المقرر فی (بند ۱۹۰۱) ع = 7.17 و = 7.17

$$\frac{\overline{(v-v)}}{\frac{(v-v)}{(v-v)}} = \frac{1}{r} c = \frac{1}{r}$$

$$\frac{\overline{(v-v)}(v-v)}{(v-v)} = \frac{1}{r} c$$

$$\frac{1}{r} c = \frac{1}{r} c$$

جبعل $0 = \frac{7 + \frac{1}{3} + \frac{7}{3}}{7}$ وبوضع المقاد برالمتقدمة وهي م = 1,07 و ع = 1,17 و و = 11,07 في القيانون المذكورين في القيانون المذكورين في القيانون المذكورين في المدكورين في المدكور

 $v = \frac{100 + 1000}{7} = 30,77$ $v = \frac{100 + 1000}{7}$ $v = \frac{1000}{7}$ $v = \frac{100$

لوغاً ظا (۲۰ ۴۹ ۲۰) فیکون د = غ ۱ ۱۸ ۱۵ هنگون د به من *(وثانبا)* یمکن اخد طولین متساویین علی الضامین ا و پ من الزاویة المطلوبة ولذلك یوخذ علی ا نقطة م و بحث عن الطول الحقیق

للمستقيم

المستقيم دم انظر (بند ١٦٥) ثم تعين على ب نقطة ﴿ بحيث وَ يكون د ﴿ حدم انظر (بند ٢٦١) ويوصل م الى ﴿ ويجث ايضاعن الطول الحقيق للمستفيم م ﴿ فيعلم ثلاثة اضلاع المثلث دم ﴿ وحينتذ تحسب الزاوية د بواسطة القوانين المستخرجة من حساب المثلثات ولم نطبق هذه الطريقة على مث ال لسمولة التمرن عليها

(179)

* (المسئلة السابعة) * اذا كان مستومعلوما بتقيام ميله ومسقط نقطة منه والمطلوب ايجاد مقدار المدهايقال

مقياس الميل كافي (الشكل ١٥٣) حيث كان معينا بمسقطه هـ و بقدارى بعدى النقطتين م و ه اللذين هما (٥٠ و٣) و (٢٠ و٨) و كانت المسافة م ه مساوية ٥٠ و و و و بعث اولاعن النقطتين ع و ك الماتين مقدارا بعديما بالتوالى العزدان العصيمان ٣ و ٨ انظر (بند ١٦٢) ثم تقاس المسافة ع ك و تقسم الى خسة اجراء متساوية و يكتب بجواد نقط هـ ذه التقاسيم ٤ و ٥ و ٦ و ٧ و جذا بسهل مد القسمة والحجاد اى نقطة ار يدمع فتها الكن يمكن الاستغناء عن ذلك متى اريدويكفي التنبه الى ان النقطة سم و جدعلى افتى من المستوى الذي يكون مسقطه الافتى ط عود النقطة سم و مقطع ه في نقطة يه بعث عن مقدار بعدها انظر (بند ١٦٣) فيكون عن مقدار بعدها انظر (بند ١٦٣) فيكون عن مقدار بعدها انظر (بند ١٦٣)

وليفرض مثلاان النقطة ر قدوقعت بين النقطتين م و ه وان م ر النقطة ر قدوقعت بين النقطتين م و ه وان م ر المدرد (بند ١٦٢) وهو صد المسرون (بند ١٦٢) وهو صد المسرون (بند ١٦٢)

ان صمہ ہے ۶۰٫۵۶ _و صُمہ ہے ۸٫۱۲ و سُم ہے ^۵ و سُم ہے ۲٫۳۱ فیکون

(۴۸)

صُر _ صد = ۱۹٬۱۲ _ ۰۵ رسماً = ۵۰ رماً فيحدث حنتذ التد مل

ويرسم مقياس الميل لمستو بخطين متوازين متقاربين جداويقسم دائما الى الجزاء متساوية بحيث تصنع مقادير ابعاد نقط التقاسيم سلسلة اعداد صحيحة لانه يسهل حينتذا يجادمف اديرا بعاد عدة نقط المستوى المختلفة

(11.)

* (المسئلة الشامنة) * اذا كان المطلوب المجاد تقاطع مستويين يقال ان هذه المسئلة قد تقدم حلم افى (بند ١٠٠) باستعمال مسقطين في نبغى اجراء العمليات التي اجريت فى حلم اغابة مأفيه يعوض المساقط الرأسية عقاد يرالا بعاد فيقال

(اولا) اذا لم يكن المسقطان هو هم كافي (الشكل ١٥٤) المقياسي الميل متوازين يؤخذ نقطتان م و على هم مقدارا يعديهما العددان العميمان ١٨ و ٣٠ انظر (بند١٦٣) وبقاس البعد الافتى م ١ الذي وجدمساويا ٧٠ و ١ ويجت على هم عن نقطتين م و قد متعدتين في مقداري بعديهمامع النقطتين الاوليين وهما ١٨ و ٣٧ ويقياس البعد الافتى م و الذي وجد مساويا ٣٤٠ و ١ م يحد من النقطتين م و م افقيان ط و ط يتقاطعان في نقطمة ط من النقاطع المطلوب مقدار بعدها (١٨) ويمد كذلك من النقاطع الذي افقيات ح و ك يتقاطعان في نقطمة الحرى ع من النقاطع الذي تعيينه بهما مقدار بعدها (٣١)

 فهذه الحالة بكون موازيا طوط وما راولابد من نقطة تقاطعهما اللانها "بية ولا يجاد نقطة منه يؤخذ على طوط نقطتان حيما اتفق طوط وط يوملان بهستقيم الم يدعلى حور ح مستقيم ب مواز الفيصيرها ذان المستقيان الوب افقيين لمستويات فاطع للمستويين المقروضين في مستقيين عطوط وط يتقاطعان في نقطة سرمن النقاطع المطلوب فاذامد الان من مراز للمساقط المقداد على احد من ويمكن لا يجاد مقدار بعد النقطة مه حساب هذا المقداد على احد المستقيين عطوع عرف وعكن ايضا التنبيه على ان التقاطع عى حيث المستقين عطو على حيث المستقين عطو على مقدار البعد وهذا المقداد هو عين مقداد النقطة على المقداد هو عين مقداد النقطة على النقلة المداد هو عين مقداد النقلة المداد المد

*(وثالثا) * من البيناله اذا مد مستقيمان آخران كيف ما اتفق كستقيمى الوب المكن ايجاد عدة نقط كالنقطة سه مهما اربد من التقاطع ي فينثذ هذا الحل يليق ايضا بالحالة التي يصنع فيها المسقطان الافقيمان و و و ه بدون ان يتوازيا ذاوية صغيرة جدا بحيث لا يكن تلاقى المستقيمين طوط والمستقيمين حوح الاخارج حدود الرسم ويوجد كانقدم في الحالة الشائية نقطت ان بالوصل بينهما يحدث مي ولا يجاد مقدارى بعدى النقطتين الشائية نقطت ان بالوصل بينهما يحدث مي ولا يجاد مقدارى بعدى النقطتين و يجث عن مقدارى بعدى النقطتين اللقين يقابل فيهما هذان الافقيان و يجث عن مقدارى بعدى النقطتين اللقين يقابل فيهما هذان الافقيان مقياس الميل

(111)

* (المسئلة التناسعة) * اداكان المطلوب ايجاد تقاطع مستقيم مع مستو بقيال

يمد من قطة من المستقيم المعلوم و كمانى (الشكل ١٥٦) مستقيم مّا ط يعتبرافقي المستوماربالمستقيم و ثميمدفى المستوى المعلوم افتى ح

متعدمقدار البعد مع المستقيم ط فيكونكل من هدنين المستقيمين ط و ح في مستوافق ويتقاطعان في نقطة سم من تقاطع المستوى المعلوم مع المستوى (وط) فاذا مدمستقيمان افقيان آخران ط و ح متعد المقدار ايضا تقاطعا في نقطة ثانية سم من التقاطع مى الذى تم تعيينه بهما والذى يقابل المستقيم و في نقطة ني وهي النقطة المطلوبة تعيينه بهما والذى يقابل المستقيم و في نقطة ني وهي النقطة المطلوبة المعلوبة الم

* (المسئلة العاشرة)* اذا كان المطلوب الزال عمود من نقطة معلومة على مستومعلوم يقال

حيث كان مسقط العمود عموداعلى مسقط افقي المستوى لزم ان يكون موازيا ه وان تكون مقادير الابعاد زيادة عن ذلك في جهة مضادة لجهة مقادرالعادمقياس الميل وان يكون سيلاهذين المستقيين متممان لبعضهما ويان أذلك ان يفرض من النقطة التي يقابل فيها العمود ن المستوى خط اعظم ميلا 1 فيكون المستوى (1 ن) رأسيافاذا اعتبرمستوبارأسياللمسقطكافي (الشكل ١٥٧) كان أ في خطالارض خ ص وتفاطع المستقيمان ١ , ن في نقطة سه وصاراع ودين على بعضهما فتكون الزاويتان الواقعتان بينهماوبين خض مهمتين لبعضهما فينتح ظا يـ = طت ا كنافاانزل عمود سمس على خ ص ومدالافتيان ال هاك نَتِح ظَتُ اِ = إِلَمْ وَظَا رِ = سِيْجُ وَمِنْهُ بِنَتِجَ ال : مدل :: سد*ك : هك* بحيث لواخذ ه ك = سمال لتعصل سم ك = ال فينشذ اذااخذعلي ه كمافي (الشكل ١٥٨) البعد مم = ٢٠٦٥ على مقتضى المقياس الاختصارى وككان فاضل مقدارى المعدين صُہ ــ صـ = ٥٠ واحذ بالمقياس المذكور البعد عُعُ = ٥٠

على ن تحصـل صهر ـ صهر = ٦٠ ر٢ وينتج بالضرورة صهر = صهر ـ ٦٠ ر٢ = ١٨ ر٧ كم ـ ٢٠ ر٢ = ٥٠ ر٤ م *(١٧٣)*

* (المسئلة الحادية عشر) * اذا كان المطاوب مدعمود من نقطة معلومة على مستقيم معلوم قبال

يمدّ اولا من النقطة ع مستوعمود على المستقيم المعلوم و فيكون مسقط مقياس ميله هد موازيا و ثم يبحث عن التصاطع سم المستقيم و مع المستوى فيكون موقع العمود المطلوب ويكون هذا العمود حين المستقيم المستقيم الواصل من النقطة المعلومة ع

(171)

* (المسئلة الشانية عشر) * اذا كان المطلوب ايجاد الزاوية الواقعة بين مستقيم ومستويقال

ينزل من نقطة من المستقيم عمود على المستوى انظر (بند ١٧٢) ثم يبعث عن الزاوية الحادثة من هذا العمود والمستقيم المعلوم انظر (بند ١٦٨) فتكون هى المتممة للزاوية المطلوبه انظر (ثانيا من بند ١١٩)

(110)

* (المسئلة الثنالثة عشر) * اذا كان المطلوب المحاد الزاوية الواقعة بين مستوين بقال

ينزل من نقطة اختيارية م عجودان ن و م على المستو بين المعلومين النظر (بنسد ١٧٢) فتكون الزاوية الحادثة من هسذين العمودين كافى (بند ١٦٨) هي قياس الزاوية الواقعة بين المستويين المذكورين انظر (ثامنا من بند ١٢٧)

(111)

* (المسئلة الرابعة عشر)* اذا كان المطلوب ان يمد من مستقيم معلوم مستو ايصنع مع مستوى الاقتران راوية معلومة يقال

(۲۹)

ان ميل اى مستوعلى مستوى الاقتران يساوى ميل مقياس ميله وليكن مقداد الميل المعلوم للمستوى المطلوب على مستوى الاقتران 📮 قادامد من النقطة م كافي (الشكل ١٥٩) خطاعظم مبلافي المستوى المطلوب وفرض معرفة الاثر الافقى الهذاالخط الاعظم ميلا حدث مثلث أمم فيه مم : ام :: ٥ : ٤ ومن حيث ان مم = ١٣ يكون آم 🕳 ١٠٠٤ قاذاحول هــذاالبعــدالى المقيماس المتفق عليــه فى (بند١٦١) صار ١٠٤رم فيلزم حينتذ بجعلالنقطة م مركزاً واخذ نصف قطر يساوى ١٠٤ و٠٠ رسم جحيط دائرة ومن المعلوم ان الاثرالافق للمستوى لابدان بمربالاثرين الافقيين للمستقيم المعلوم والخط الاعظم ميلاوانه زيادة على ذلك لابد وان يكون عمودا على المسقط الافتي المخط الاعظم ميلافيلزم ان يكون مماسا للدائرة المذ كورة ومارامن الاثرالافق للمستقيم والمعلوم لكنه قديتفق وقوع هذاالائر الافتي خارج حدودالرسم وان مكون نصف قطر الدائرة كبيرا الااله يمكن ان يوضع الشكل على مستو موازلمستوى الاقتران وان ينتف مثلا المستوى المار مالنقطة و المساوى مقدار بعدها ٧٦ فينتذ لأيكون مقدار بعدالنقطة م المنتسبة الى هذا المستوى الجديد الا ١٣ ك ١٦ = ٦٦ وهذا هوارتفاع المثلث انقام الزاوية وبنيم من ذلك فاعدة هذا المثلث اوقطر الدائرة بواسطة هذه المتناسبة ر: ن :: ٤ : ٥ ومنه بنتج ر = عليه على = ١٤٠٨٠ ثمان المستوى المار من النفطة ﴿ يَقْطُعُ المُستَوَى المُطلُوبِ فَيَخْطَأُفُقَ بكون مستقطه الافتي عموداعلي مسقط الخط الاعظم ميلا فاذا رسم بجعل النفطة م مركزاواخذنصف قطريساوي ٢٤٠٠٠٠ محيطدا ثرة ج

ومد من النقطة ﴿ خط مماس له في النقطة ع كان المستقم مع مسقط

مقياس ميل المستوى المطلوب ويمكن ان يجدمن النقطة ﴿ خطآ خرمح اس و و و و الدائرة ﴿ و و النقطة م يتحصل مستقط مقياس عن والنقطة م يتحصل مستقط مقياس ميل مستوآخر بليق بحل المسئلة المفروضة

و و و النقطة ﴿ على الدائرة اى اداكان م ﴿ يساوى ٤٨ . . . م كان المسئلة حل واحد وكان المستقيم ﴿ نفسه مقياس ميل المستوى لان ميل المستقيم ﴿ في هذه الحالة يكون مبينا بهذه النسبة

 $\frac{\circ}{t} = \frac{\tau \cdot}{t \lambda} = \frac{v - i \tau}{t \lambda \lambda}$

ولاحل المسئلة اذا كانت النقطة ﴿ داخل الدائرة اوكان م ﴿ اصغر من الله على مستقيم ﴿ يكون حينتذ اكبر من ﴿ فلا يمكن اليجاده بالضرورة على مستويساوى مقداد خطه الاعظم ميلا على مستوى الاقتران ميلا مساوي ﴿

﴿ فِي لمساقط المائله والظلال السساقطة ﴾ ﴿

(111)

اذا اسقطت نقطة فراغية اسقاطا عوديائم مائلا على مستقيم المسقط النقطة الواصل بين المسقطين بالضرورة المسقط العمودى للمستقيم المسقط النقطة اسقاطا مائلا فاذاكان فى الفراغ عدة نقط وكانت المستقيات المسقطات لها اسقاطا مائلا متوازية لزم ان تكون مساقطها متوازية ايضاويكون حينشذ مسقطاكل نقطة من النقط المذكورة على مستقيات كلها متوازية اذا تقرر هذا سهل بعد معرفة مسقطى مستقيم ومسقطى تقطة عليهم المعرفة مسقطى اكنقطة من هذا المستقيم

ومن المعلوم ال الرالمستقيم على مستوى المسقط الذى يعتبرهما افقيا لا بدمن وجوده على كلا مسقطى المستقيم ويكون بالضرورة فى النقطة التي يتقاطع

فيهاهذانالمقطان

واذا كان المستقيم انقيا كان مسقطاه متوازين واذا كان رأسيا المسقطه العمودى الى تقطة الا ان المسقط الماثل يكون مستقيا مارا بهذه النقطة وموازيا للمستقين الواصلين بن مسقطى نقطة واحدة فاذا كان المستقيم موازيا للمستقيم المسقط أسقاط المائلا لنقطة صار مسقطه المائل نقطة وكان مسقطه العمودى مستقيما مارا بهذه النقطة وموازيا المستقين الواصلين بين مسقطى نقطة واحدة

م اذا كان مستقيان متوازيين لزم ان يكون مسقطاهما المتحداالاسم متوازين الضا

(111)

قديكون الاثرالافق لمستوعودا على المسقط العمودى الحطه الاعظم ميلا ويكون مسقط استقيم افق من المستوى الذكور موازين للائر المذكور انظر (بند ١٧٥) ويمقتضى هذا تحل المسئلة الخامسة عشر * (المسئلة الخامسة عشر) * اذاكان المعلوم المسقط العمودى لنقطة على مستو والمطلوب المجاد مسقطه اللمائل اوالعكس يقال * (اولا) * ليكن و كافى (الشكل المائل المائل المنافق المنافق ميلا لمستو وانقطة من هذا المستقيم فلا تتعين هذه النقطة فى الفراغ عادة الا متى علم ميل الخطوط المسقطة السقاط امائلا وسم المسقط العمودى لنقطة سم من المستوى ويمكن فرض الافق ب مارا بالنقطة المعلومة وداخلافى المستوى فيمرس تقطه الافقى ب بالمسقط سم ويكون المعلومة وداخلافى المستوى فيمرس تقطه العمودى في م على تقاطع واحد لزم ان يتقاطعا في نقطة م مسقطها العمودى في م على تقاطع و و بي فاذامد حينشذمن م مواز للا تجاد المالخوط المسقيلة و و بي فاذامد حينشذمن م مواز للا تجاد المالخوط المسقيلة

اسقاطأ

اسقاطامائلاكانت النقطة م التي يقابل فيهما الموازى المذكور فو المسقط المائل للنقطة م من المستقيم ب لكن حيث كان هذا المستقم افقيا كان ص موازیا ت انظر (بند ۱۷۲) ثمحیثکانتالنقطة سر| موجودةعلىالمستقيم ب يمدمنالنفطة سُم مواز آأ يقطعالمستقيم ظ ب فىالنقطةالمطاوية سم *(وثانيا)*اذاكان و هو الخطالاعظم ميلاللمستوى و ا نقطةمن هذا المستقيم . شم المسقط المائل لنقطة سم كائنة على المستوى يمدم هذه النقطة سمد افق ب للمستوى فيكون مستقطا هذا الافق متوازيين ويكونالمستقيم ب عموداعلي و فيكونحيننذ بط عمودا ايضاعلي و ومارابالنقطة شَّه وحيثكان المستقيمان ب و و في مستو واحديلزمان يتقباطعا فينقطة م مستقطهما المائل آم الذي هو تقباطع المستقيمن و في طلق ومنه ينتج م واذا مدمن هذه النقطة مستقيم ق خان مان هذا المستقيم ب غاذ المدمن النقطة عمد مواز أ قطع لي في نقطة حمد وهي النقطة المطلوبة *(114)* * (المسئلة السادسة عشر) * اداعلم المسقطان العمودبان لنقطة مبل وأتحاه المستقيمات المسقطة وكأن المطسلوب ايجباد المسقط المباثل لمهذه النقطة على المستوى الافقى يقال يلزمان يمكافى (الشكل ١٦١) من النقطة المعلومة م مستقيم سوازللمستقيم المعلوم و انظر (بند ٢٤) ويبحث عن الرءالافق فيكون هوالمسقط تتم المطاوب وبمكن ايضاالتوصل الحالح الخالة التي يكون فيهما المستقيم

(٤٠)

و حواذيا للمستوى الرأسي تنغيير مستو وانتخاب خط الارض الجديدمارا

بالنقطة م فينشذ بكون المستقيم ب فى المستوى الرأسى صانعا مع خُصُ زاوية كزاوية المستقيم و مع المستوى الافتى وقاطعا خُصَ فى النقطة ظم المطلوبة

وهذا الحل الاخيرهو الواجب استعماله من فرضت النقطة م معلومة بمسقطها الافق و بقدار بعدها كافى (الشكل 177) وفرض الستقيم و ايضامعلوما بمسقطه الافق وميله إ اومعلوما بقدارى بعدى نقطتين منه يمكن ان يستنج منهماهذا الميل فحينتذ يمدمن م المستقيم و ويقام م عوداعلى ب ومساويا لمقدار بعد النقطة م المحتصر بالمقياس المتفق عليه اذا لم تكن الصورة على مقدارها الطبيعى التي وجدت عليه ويمد من النقطة م مستقيم ب يصنع مع الزاوية إ فتكون النقطة م التي هي تقاطع ب و ب المستقط المائل المطلوب

ظ ذادل المستقيم و على اتجاه الشعاع الضوقى كانت هذه النقطة م هي الظل الساقط من النقطة م على الظل الساقط من النقطة م على المستوى الافقى و يتعصل كذلك ظلها الساقط على المستوى الرأسي

(1y.)

* (المسئلة السابعة عشر) * اذا علم مسقط نقطة وظلها الساقط وميل الشعاع الضوئى وكان المطلوب ايجاد مقدار بعدها يقال

ف ظ النقطة م الداوسة المستقطين م و م النقطة م النقطة م النقطة م النقطة م النقطة م المستقيم ب المسقط العمودى المستقيم ب المسقط السقاطا ما ثلا النقطة م مستقيم ب الناوية إلى المساوية المصل المعلوم المشعاع الضوئي واقيم من

ن عودعلى ب ومدالى ان يتلاقى مع ب فى النقطة م كان المستقيم ن مساويا مقدار البعد المطلوب للنقطة م

(111)

* (المسئلة الثامنة عشر)* اذا كان المطلوب ايجاد الظل الساقط من شكل تما كثير السطوح على المستوى الافقى يقال

ليفرض ان المطلوب ايجاد الظل السياقط على المستنوى الافتي لهرم ناقص مثلاغبرمتوازىالقاعدتين كافى (الشكل ١٦٣) ولنعتبرالمستوى الافتي مستوى القاعدة ا رج ده المهرم فيكن ان تكون نقط المقطع معلومة بمسقطين عودين اومعلوسة بمساقطها الافقية وبمقادير ابعادها وحبثكانت هذه المعىاليم الاخيرة موصلة يدون واسطة الى نعيين المسقط الرأسي يفرض الهرم الساقص معلوما بمسقطيه ويؤخذ زيادةعلى ذلك المستوى الرأسي عمودا على مستوى المقطع ويمكن التوصل الى هذه الحالة دائما باستعمال تغيرمستو رأسي ثم فرض المستقيم ر الذي هو اتجاد الاشعة الضوئية معلوما بمسقطه ر وميله ال على المستوى الافق ينعصل مسقطه الرأسي ر اذا تقررهذا نعين المساقط المائلة للرڤوس أ , ك , عُ , دُ , هُ لقاعدة الهرم النياقص العليبا انظر (بنسد ١٧٩) وبالوصيل منها بمستقيمات بتحصل المسقط المائل لهذه القاعدة العليا وبالوصل ايضابن هنده المساقط والرؤس المناظرة لم المنتسبة الى القاعدة 1 - يع د ه تحصل المساقط الماثلة لاضلاع الهرم الناقص فن ذلك تعصل مساقط الاؤحه المختلفة من هذا الشكل ولاجل امجادالغل الساقطمن الهرم الناقص على المستوى الافق انبه اولاعلى انجيع الاشعة الضوائية موازيه رفالمارة من بعض تقط الضلع ـــــ تَكُون مستويا اثره الافق ـــــ فينتج ان ــــ هو الظل الساقط لمذاالضلع وان سركا الالله الظلان الساقطان من الضلعين سرا ال وحيث كان المستقم 1 ب على المستوى الافتى يكون نفس ظله الساقط

فيفتِح بالضرورة من هنسان الظل الساقط لاى نقطة من الوجه ال سُا مرط يكون في ذى الاربعة اضلاع السراك اى يكون دوالاربعة اضلاع هو طِطِ طَالِطُ الطَّلِقُطُ للوجِهِ السَّارُ ويشاهد ايضا ان اللَّهُ هُ مَّ هُ دُ دُ طرط طرط عرف الظلال الساقطة من الاوجه الهه و طَطْطُ طَالِطًا هَدُدُ وَ دَدِّعُ عَ وَ عَعَدًا فَانَ الْرَّعُ دُهُ هُو الطّلَ الساقط من القَاعدة العليا أكرج دُهُ ولكن حيث ان الظل الساقط يجيان يكون خارجا عن الهرم يكون من البين وجوده متحصرا في المسافة ظِطَطُطُ ساع د دُهَا سُر مع طوح الاجزاء المحصورة في القاعدة ا _ ع ده من ادوآء الاربعة اضلاع المذكورة لاانه يتعرض فينظري الظل زبادة على الظل الساقط للبحث عن معرفة اجزاء سطح الجسم المفروض التي تثلق الاشعة الضوئية اوالمنبرة والاجزاء التي لاتقع علها الاشعة الضويية اوالمظالة ويتعرض بعد ذلك الى تعين الخط الفاصل بين هذين النوعين من الاجزاء ويسمى هذا الخط مالخط الفارق بين الظل والضو الكن يسمل في مشالف المعرفة اله اذا مدت اشعة ضوائية من جميع نقط محيط الوجه رُ عُ عِ يَكُون اربعة مستويات آثارها الافقية المستقيمات رع ظِ ظِظِ ظِ - سَـ عَـ عَـ عَـ عَـ فَكَلَ شَعَاعَ ضَوْقَى مَارٍ فِى السَّـافَةُ المُحَصُورَةُ ا - سُـ عُـ عَـ عَـ عَـ كُلُ شَعَاعَ ضَوْقَى مَارٍ فِى السَّـافَةُ المُحَصُورَةُ ا بين الاربعة مستويات المذكورة يقابل الوجه رريع ع فيكون هذا الوجه مضيشًا وكذلك الوجهان ع يَح د د . أَسُ يَع دُ هُ وحيث كانت الاشعة الضوُّبة الخارجة من نقط مختلفة من الضلعين كرُّ مارة خارج الوجه ١ - سَا كان هذا الوجه في الظل وكذلت الوجهان الآخران ا أهُ ه , ه هُ دُ د ولهذا السبب جعلنه اها مظللة فانخط المنكسر - أُهُ دُ د يكون الخط الف ارق بين الظل والضو السطيح المفروض ولينسه الحانجله المستويات المتكونة من الاسعة الضوية المارحة من

(174)

اذاعلم المسقط الافق والفل الساقط لكثير السطوح على المستوى الافق وكذا ميل الاشعة الضوئية سهل ايجاد المسقط الرأسي لكثير السطوح الاشعاد برابعاد المسقط الرأسي لكثير السطوح معينا تعينا ناما بواسطة هذه المعالم وليكن معلوما المسقط الافق المياده أسياد هو لهرم ناقص فلط طلط المستقاليم وليكن معلوما المسقط الافق المياده أسياد هو المستوى الافق و في المستوى الافق و الميان المستقيم على المسقط الافق الشعاع الضوق وعد رصافعام فيدل هذا المستقيم على المسقط الافق الشعاع الضوق وعد رصافعام و الزاوية ل فيكون هو الشعاع الضوق في المستوى الرأسي خمن ثم ويحت كانت النقط سوال في في مستوما رأسي خمن ثم حيث كانت النقط سوال في في مستوما رأسي خمن ثم حيث كانت النقط سوال في في من الرؤس سوال وهو د ومد ومد والمان المانة بالمستقيات الموازية المانة بالمناقص والمان في سوال وهو و و ومد ومد ومد ومد والمان المانة بالمناقط المناقص المان المناقص المان المناقط المناط ال

في تقاطعات هذه المستقيمات مع الخطوط الاعمدة على خ ص النازلة - ن النقط *(٤١)* يه ل

ن هــذه النقط خطوط قرازی ركانت النقط بــُ . أَ . هُ . دُ

قَرِ قَ قِ قِ قِ قَ لَا يَجَادُ الرَّأَسُ اللَّهُ اللَّهُ عَلَى اللهُ الدَّاعَلَمُ عَلَى اللهُ الدَّاعَلَمُ عَلَ يَحُ وجد يَعَ كَمُا وجدت المساقط الرأسية الرؤس الاخرى و يمكن تحصيل ظ ظ ط ط التي هي المساقط الماثلة الاضلاع الهرم تثلاقي في النقطة سُ د د و ه ه التي هي المساقط الماثلة الاضلاع الهرم تثلاقي في النقطة سُ التيهي مسقطالأس سم لكثيرالسطوح المذكوروحينشذ لايدوان توجد هذه النقطة على المستقم ع سُم وحيث كانت على خط يوازى ر مارمن عُجُ فَرَمَانُ تُوجِدُعُلَى تَقَاطُعُ هُـُذِينَ الْخُطِينَ وَتَكُونَ النَّقَطَةُ سُمُّ المعتبرة خارج حدودالرسم غالبا ولاتقعصل النقطة في المذكورة بواسطة و و الغط سر في الفط مر في و المستقم ع مر معطا انقيا المنقم ع مر كائن في مستوى الوجه سرع ع ت ومواز الغط سرع المستقم ع مر كائن في مستوى الوجه المراج ع ما تراج ع تراج ع ما تراج ع ومسقطالافتي من هذاالمستوى بالضرورة فلواخذ حينئذالمسقط المائل سمه النقطة سم كافى (يند ١٧٧) ومد من النقطــة سم خطورارى كَافَى (بُد ١٧٧) واشتل بالضرورة على النقطة ع الكائنة ايضا على خطورانى ر مارمن النقطة ع وبهذه الكيفية يوجد المسقط المائل لاى رأس لست على الخط الفارق بن الظل والضوء

﴾ (في المساقط المخروطية وفي المنظور) ﴾

(1AT)

اذا علمت نقطة ثابتــة في الفراغ ُ و ونقطــة مّا م يكــــكون وم

خطبا مسقطالنقطة م وتحكون النقطة التي يقابل فها هذا الله مستويامعاوماه سقطا مخروطيا اوقطبيا للنقطة م حيث كانت النقطة و قطب هذا المسقط فاذا المقط كذلك جمع نقط جماكان المسقطا لخروطي المتحصل حينئذ هو الظل الساقط من الجسم المذكور على مستوى المسقطاذ اكانت النقطة و نقطة مضئة اوكان المسقط المذكور على مستوى المسقط الذاكانت هذه النقطة عن الناظر وبلام مع ذلك لا يجاد الظل الساقط ان يكون الجسم المستضي موضوعا بين النقطة المضيئة ومستوى المسقط والافلا يكون الا مجرد مسقط مخروطي وقد ذكر في نظرى المنظوران المستوى الذي يكون الا مجرد مسقط مخروطي و يسمى بمستوى المنظور يكون في العادة موضوعا بين الجسم وعدن الناظر ولامانع من وضعه وراء الجسم المسقط اسقاطا مغروطها على هذا المستوى

(112)

وحيت كانت جميع المستقيمات المسقطة اسقاطا مخروطيا لجميع نقط جله مارة اللقطب و فن الواضع انجميع المساقط العمودية لهدنده المستقيمات على المستوى الهندسي المعتبر هشا افقيا تمر بالنقطة و انظر (بنده ۱۰) وتمركل مساقطها على مستوى المنظور بالنقطة و التي هي اثر العمود النازل من النقطة و على هذا المستوى

والمسقطان الافقى والقطبى للنقطة م يكونان بحيث لووصل بين م و و بستقيم و لقابل هذا المستقيم قاعدة مستوى المنظور في موقع العمود الذازل من م على هذه القاعدة

(110)

المسقط المحروطي لمستقيم يكون مستقيما هو تقاطع مستوى المنظور مع المستوى المنظور مع المستوى المنظور مع المستوى المستويات المسقطة المارة بالنقطة و متقاطعة ينتج حينتذانه اذا فرض مستقيمان و و و و

متوازيان تقاطع مستوياهما المسقطان الهمافي مستقيم ط يوازي و و و ويقابل مستوى المنظور في نقطة ب منها عرتقاطعا هذين المستوين مع مستوى المنظور فينتذ يتقاطع المسقطان الخروطيان اومنظورا المستقيين المتواذيين ومهما كانعدد المستقيمات المتواذية فسستوياتها المسقطة تتقاطع كالهافى مستقم واحدفتم حينك ذمناطع جيع هذه المستقيات ينقطة واحدة م تسمى ينقطة التلاقى فادا فرض عدة جل مستقيمات متوازية كان لكل اجارة منها نقطة تلاقه

قاذا كانت المستقيمات المتوازية اعمدة على مستوى المنظور كان المستقيم ط عوداايضاعلى مستوى المنظورولم تكن النقطة مسماينة للنقطة وكبل هي نفسهاوادًا كانت هذه المستقيات المفروضة موازية لمستوى المنظوركان المستقيم ط موازيا ايضا لهذا المستوى وصارت النقطة ل منتقلة فعالانها يةله فحينتذ مناظرا لمستقيات المتواذية والموازية لمستوى المنظور تكون متوازية واذا كانت المستقيمات المعلومة ماثلة يقدر ٤٥٪ على مستوى أ المتظورصنع المستقيم ط أيضا زاوية قدرها ٤٥° مع مستوى المنظور وقابله في نقطة مه بحيث كون المثلث ومه وأ القائم الزاوية في وأ منساوى الساقين فيسه وكرس وكأثم اذا كانت المستقيمات المتوازمة المذكورة في هـ فـ ه الحالة افقية كان المستقيم ط افقيا ايضا وكانت نقطة التلاق ـ والنقطة و على موازواحد لقاعدة مستوى المنظور فتكون نقطة التلاق في هدده الحالة مسماة بنقطة البعدويوجد نقطمًا بعد احداهما في احدى جهتي النفطة وأ والاخرى في المهمة الاخرى المقايلة لها

(111)

بتعين المستوى غيرالمنتهي باثريه على المستوى الهندسي وعلى مستوى المنظوركما بينه فيحل المسئلة التماسعة عشر

(المسئلة التماسعة عشمر) اذا علم المسقط العمودى لنقطة كاشنة

على مستو معلوم بائر يه وكان المطلوب ايجياد مسقطها انخروطي او العكم *(اولا)* ليڪن قُ و مُ اثرين لمستو ر ۽ مُد مسقط تقطة من هذا المستوى على المستوى الهندسي كما في (الشكل ١٦٤) فيمرمنالنقطة عمہ هذه افتی و من المستوی ر فیکون مسقطه و موازياً قُ ويقابل مســـتوى المنظور في نقطة 1 من و أ و يـــــــــني في ايجادالمسقط الشاني للمستقيم و ايجاد نقطة تلاقي افقيات المستوى ر ومن المعلوم ان احد هـــذه الافقيــات وهو و يوجد مع النقطة و على ــتو افتى ومسقطــه وَ لِهِ ازى بالضــرورة خ ص ويقــابل ستوى المنظور في النقطة أ المنسقطة في أ ومنه ينتج و ثم يتقاطع لمستويانالمسقطان للمستقيين و و وَ فَىمستقيم طُ مُوازَلهماومنَ حيث اله يمر بالنقطة و بلزم ان يكون كله في مستوى (و و) فاذامد حینتہذ ط موازیا و , طَ موازیا خ ض کان الاثر ۔ لھذا لمستقيم نقطة التلاق المطلوبة ثم بالوصل بين النقطين ا و بـ بمســـتقيم بنتيج و واذا وصل الا آن بين ۔ , سمہ بيستقيم پ ومد هــذا المستقيم الى النقطة إ من غض واقيم من هذه النقطة عودعلى خض الىنقطة تقابلهمع وكم يتحصل المستقط سمكم المطلوب *(تنبسه)* اذا وصل بين النقطتين و ﴿ مُمَّ بَمُستَقِم كَ كَانَ المستقيمان كرير المسقطين العمودين على المستوى الهندسي وعلى مستوى ألنظور للمستقم ب المسقط اسقاطا مخروط باللنقطة مم * (وثانيا) * اذاعلت النقطــة سم فلاجــل اليجــاد سم يمد من *(13)*

البقطة مر هذه افقى و للمستوى ر فيلزم ان يمر و بقطة تلاقى المساقط القطبية لافقيات المستوى وتحصل هذه النقطة كاسبق ثم بالوصل بين مر مد ينتج المسقط المخروطي و للافق المذكور فيقابل م في النقطة التي هي اثر المستقيم و على مستوى المنظور وباسقاط هذه النقطة على قاعدة مستوى المنظور في النقطة المحد خط بوازى في منها يخصل و فتخصل النقطة المطلوبة سم على هذا المستقيم بل وعلى المسقط الافق المستقيم ب المار من النقطة و الى النقطة سم لكن هذا المستقيم بقابل مستوى المنظور في النقطة مم المنسقطة على خض في المستقيم بقابل مستوى المنظور في النقطة مر بالضرورة في النقطة سم المنطوبة المطلوبة المستقيم يقطع و بالضرورة في النقطة سم المطلوبة المطلوبة المنافقة المنافق

(114)

*(المستلة العشرون) *اذاعم المسقطان العموديان لنقطة ومسقطا القطب وكان المطلوب ايجاد المسقط المخروطي للنقطة الاولى على مستومعلوم يقال ليكن و القطب و م النقطة المعلومة كافى (الشكل ١٦٥) ويفرض مستوى المنظور عوداعلى خط الارض ومنطبقا على المستوى الافقى فيلزم ان يكون مسقط القطب عودادا تماعلى مستوى المنظور ويستعمل لا يجاده فى النقطة والمغير مستوراً سى انظر (بند ٤٤) وبهذا تؤول المسئلة الى مدالمستقم وم والبحث عن اثره على مستوى المنظور فيكون المسقط الافقى لهذا الاثر المساوى مقدا وارتفاعه الرأسي عال النقطة أ فاذا اقيم حينشذ من النقطة أ عود على خَصَ واخذ أم عال النقطة أ فاذا اقيم حينشذ من المطلوبة م

فاذا كانت النقطتان وم معلومتين بمسقطيهما الافقيين وبتقدارى المعديما يبحث على المستقيم وم عن مقدار بعد النقطة التي تنسقط

فى النقطة لِ انظر (بند ١٦٢) ويؤخل لِيم مساويا للمقدار المذكور فيحصل المطلوب

(177)

*(المستلة الحادية والعشرون) * اذا علم مسقطان افق و مخروطي لنقطة ومسقطا القطب وكان المطلوب اليجاد المسقط الرأسي للنقطة يقال

مستوى المنظور هو مستوى وأسى اسقط عليه المستقيم وم انسقاط عوديا انظر (اولا من بسد ١٨٦) وحيث علم المستقطان الافقيان و و إلى من المستقيم ومقداراار تفاعهما و و و إلى بقال و و إلى مقال الذالزل حيثند من و و إلى عودان على خ ص واخذ و و = و و و الذالزل حيثند من و و الم عودان على خ ص واخذ و و المنقطة م و المنقطة م على خ ص فيقطع ك في النقطة المطلوبة م

(119)

* (المسئلة الشانية والعشرون)* اذاكان المطلوب ايجاد منظور كيمير سطوح يقال

لیکن المطاوب منظور کثیر السطوح المبین فی (الشکل ۱۹۲) المرکب متوازی السطوح القائم الرأسی والمرکب فوقه هرم مربع فیفرض مستوی المنظور عود اعلی خ ف ثم بطبق علی المستوی الرأسی سدویره حول اثره الرأسی را وهذا برجع الی اعتبار المستوی الراسی مستویا هندسیا تربعت الاجل ایجاد المنظور المطلوب عن مسقط نقطة النظر علی مستوی المنظور بان ینزل من النقطة و علی المستوی م عود یقطعه فی النقطة و ثم تبقی هذه النقطة و علی المستوی م حول را بالضرورة علی بعد هذه النقطة و من المحور م مول را بالضرورة علی بعد واحد شرو من الحور م مرور م مرور م مرور م مرور

فيؤخذ حينتذعلي وو بعد وو عد زو فينتج لنا النقطة و المطلوبة ويشاهد انهذا يرجع الحان يرسم بجعل النقطة نرآ مركزا واخذ نصف قطر نركو قوس دائرة يقطع خ ض في النقطة ل وان يقام من هذه النقطة عودعلى خ ص الى نقطة تقابله مع و و وتتعصل جيع النقط الاخوى لهذه الكنفسة واما النقطة و فيكن تحصيلها باستعمال مجرد تغيير مستوافق معاعتبار رأ خطاارضياجديدا غ الالمستقيم وا يقابل مستوى المنظور في نقطة أ تحصل مثل النقطة و على مستوى المنظور بان عِـد من أَ خطيوازى خ ص ويؤخذ أًا = نرأ وتُحصَّـــلايضاجبع النقط الاخرى كَ و عَجَــــ من المنظور الكيفية المارة فيصير المستقم اك بعدا يجاد المنظورين أ و ك النقطتين ا , ر منظور المستقيم ار وكذايقال في المستقيمات الباقية فيتعصل حننذ اكع وهومنظورالفاعدة السفلي لمتوازى السطوح النافي ماع عنا و عداع و الأله هي منظورات الاوجه الاربعة الجانبية الرأسية , همن ع ك وهومنظور القاعدة العليا و كي طالكم وهومنظورة عدة الهرم و سمر كي ط و سمل ط مر سر الم مر م ك وهي منظورات الاوجه الاربعة ومن المعلوم النااظر الواقف في النقطة و لايشاهد الاالوجه ألف ه من متوازى السطوح وتعنى عنه حيع الاضلاع التي لا تنسب لهذا الوجمة المذكورولذلك رسمت بخطوط نقطيسة على الشكل واما المرحى قن المعلوم ان الضلع سم ہے منه ظاهر والضلع سه ل مخبأ بالكابية لكن الضلعان سمط و سمم يشاهدان فوق نقطتي تقاطعهمامع المستوى (هف و)

اللتين لم نبين الا مسقطيهما الرأسسين ﴿ وَ كُنُ وَيُوجِدُ مَنْظُورَاهُمَا بِالضَّرُورَةُ فَى النَّقِطِينِ اللَّهِ وَ اللَّتِينِ هَمَا تَقَاطِعًا المُستقينِ الرَّمُ وَ اللَّتِينَ هَمَا تَقَاطِعًا المُستقينِ الرَّمُ وَ مَمَالًا مَعَ هُونًا وَمَمَالًا مَعَ هُونًا وَمَالًا مَعَ هُونًا وَمَالِقُونُ وَمُؤْمِنُ اللَّهُ وَمُؤْمِنُ اللَّهُ مُنْ أَمَالُهُ مَا مُؤْمِنًا مَعْ هُونًا وَمُؤْمِنُ وَمُؤْمِنُونِ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنًا وَمُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنًا لَعْلَالُونُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنًا وَاللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّالِينُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ فَاللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ الللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُومُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللَّهُ مِؤْمِنُ اللَّهُ مُؤْمِنُ اللّهُ مُؤْمِنُ اللّهُ اللّهُ مُؤْمِنُ اللّهُ مُؤْمِنُ اللّهُ مُؤْمِنُ اللّهُ مُؤْمِنُ اللّهُ مُؤْمِنُ ا

ولتتم ماذكر بهذا التنبيه وذلك انه يحضن ان يتوهم من كل نقطة اربدا يجاد منظورها افقيان احدهما عمود على مستوى المنظور والا خرمائل عليه عقد ار ٤٥ وعدا الى نقطتى تقابلهما عستوى المنظورومن المعلوم ان ها تين النقطتين تنسيان لمنظورى هذين الافقيين كل واحدة لواحد فا ذا وصلت حيثنذ اولى النقطة و الاخرى بنقطة البعد المقابلة لها حدث مستقيمان اولى النقطة و الاخرى بنقطة البعد المقابلة لها حدث مستقيمان

(٤٣)

(19.)

لاجل وضوح الشكل عادة لا يرسم المنظور في الموضع الذي وضعناه فيسه هنا بل بفرض مستوى المنظور قبل انطباقه منقولا الى بعدتما اختيارى اوبؤخذ على مستوى المنظور محوران احدهما عود على الا خراويؤخذ اثراه وينسب بعداكل نقطمة من المنظور الى الحور بن المذهور بن في اى محل اريد وسيتضع ذلك اتضاحا تاما في المسئلة الثالثة والعشرون

* (المسئلة الثالثة والعشرون) * اذا كان المطلوب ايجاد منظور كثير السطوح ومنظور ظله الساقط على المستوى الافتى يقال

حيث كان مسقطا كثير السطوح معلومين كافى (الشكل ١٦٧) ومسقطا الشعاع الضوق كذلك يوجدا ولا الفل الساقط انظر (بند ١٨١) والخط الفارق بين الضوء والفل ومنه نعلم الاوجه المضيئة والاوجه المظلمة اذا تقررهذا يقال ليكن مستوى المنظور م عودا على خض ويرسل من النقطة البصرية و اشعة بصرية اللى جيع رقس كثير السطوح المفروض فتقابل هذه الاشعة مستوى المنظور م في نقط نعين مواضعها با تدسلها الى محورين فالمين احدهما على الانر وموجودين في المستوى المذكوروي بنتار الاختصار اثراهذ المستوى بان يرمن بالحورين في المستوى المذكوروي بنتار الاختصار اثراهذ المستوى بان يرمن بالحور الأنبى كالمنطور كثير السطوح ويرسم السكل الكائن في مستوى المنظور م اى منظور كثير السطوح ويرسم السكل الكائن في مستوى المنظور م اى منظور كثير السطوح منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و و ما تلان على ت بمقداد منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و و ما تلان على ت بمقداد من و منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و ما تلان على ت بمقداد منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و ما تلان على ت بمقداد منفردا فاذا مدمن النقطة و افقيان و و ما تلان على ت بمقداد من المعطان الافقيان الوقيان المنقطى المعدد فبعد رسم المحورين س و م يؤخذ نراك يسلم النقطى المعدد فبعد رسم المحورين س و م يؤخذ نراك يسلم المنقطى المعدد فبعد رسم المحورين س و م يؤخذ نراك يسلم المتقطى المعدد فبعد رسم المحورين س و م يؤخذ نراك يسلم المتقطى المعدد فبعد رسم المحورين س و م يؤخذ نراك يسلم المحورين س و يؤخذ نراك يسلم المحورين س المحورين س و يؤخذ نراك يسلم المحورين س المحورين س و يؤخذ نراك يسلم المحورين المحورين س المحورين س المحورين المحورين س المحورين المحورين س المحورين الم

نُ وَ وَيَقَامُ مِنَ النَّقَطَـةُ وَ عَوْدَعَلَى سُ وَيُؤْخَـذُ وَوَ _ وَوْ فتتحصل نقطة النظرتم بمدمن النقطة كر خطيوازي س ويؤخذ كرنرا ذا تقرره فايعتمر اولا الوجه ١ - ع د الذي يعتمد عليه كثير السطو ودأعلى المستوى الافتي ولاجل ايجاد منظور نقطة يفرض من هذه تتقيمان احدهما عمودعلي مستوى المنظور والاخرمائل عليه يتقدار ٥٤٥ فيرمنظور المستقيم الاول بالنقطة وأويرمنظور الثاني بالنقطة ر ويقطع المستقيم الاول ايضا مستوى المنظور في نقطة متباعدة عن النقطة نر بقدار اأ ويقطعه الشاني في نقطة متباعدة عن نر بمقداد نرا ومعلوم ال هدنين المستقين في مستوى افني فاذا اخذ على الحود سم طول نراً = اأ وطول نراً = نرا ومد المستقيمان أو ﴿ أَرْ تَقَاطُعَا فَى النَّفَطَةُ ۚ ٱ التَّى هِي مَنْظُورِ النَّقَطَةُ ۗ إ ويقطع المستقيم وله مستوى اللظور في نقطة كم متباعدة عن الحور ص بمقداد نربُّ وعن المحور س بمقداد نربُ فاذا اخذ حستشد مَ مِمْ الله على س العمود سُمَّ الله على س العمود سُمَّ الله على س العمود سُمَّ الله على س النقطة لم منظورالنقطة له ولاجل ايجاد النقطة في يؤخذ نرع = عَنْ وَيُوصَلُّ بِينَ بَرْحُ وَ مُ فَيكُونَ المُستَقِيمِ الحَادَثُ مَنظُورِ عَوْدُ مَازُلُ من النقطة ع على مستوى المنظور ثم يقطع المستقيم وع مستوى المنطور في نقطة عَ مرتفعة بمقدار مرجَ فاذا اخذ حينشذ مراج ع رُبُعُ ومدمن النقطة ع مستقيم يوازي س قطع عُ و في النقطة

ع المطلوبة واما النقطة دَا فيت كان المستقيم ع د افقيا وموازيا لمستوى المنظور يوجد في تقاطع هذا الافتى بعينه مع المستقيم يَدًا وَأَ الذَي هومنظورعودنازلعلى مستوى المنظورا لمارمن النقطة د وبالانتقال الى الوجه ع دهف ع تحصل الرؤس الثلاثة ه ف ف ع كإحصل منظو والنقطة واما الرأس ے من الوجه سع ع سے فقد مدد فالاحل اتحادہ افقسن ے ج و ے نج ماثلین بمقــدار ° ٤° علی مســتوی المنظور فر منظوراهماعلى النوالى بنقطتي البعد رأ رأ وتقا بلاقي النقطة ك المطلوبة ولاجل تحصيل منظور عج ينبغي أن يؤخذ على المحور ص بالاشداءمن النقطة نز طول يساوى نرئ وعدمن النقطة المتحصلة خط بوازی المحور س وبؤخذ علی هذا الموازی الی خلف طول بساوی نرج · ثم توصل هذه النقطة الاخرة مالنقطة را لكن اذا فرض أن جلة التركيب تہبط ہبوطا رأسیا بمقدار س کے پلزم اخذ نرکیج = نرج , مرک = ن ك ووصل ج و را بعضهما فلم يبق حينتذ الاان يمدمن النقطة رخط بوازى رُحُ ويوجد بهذه الكيفية منظور عرج فهذان المنظوران يتقاطعان وحيث صارت منظورات رؤس الوجه الثلاث ١ د ه معلومة وكانت جيع الاوجه الاحرمتقابلة في الرأس سم لم بيق علينا الاا يجاد منظور هذا الرأس منكنيرالسطوح ولننبه لذلكءلى ان المستقيم وسه يقطع مستوى المنظور فى نقطة سَمَ يساوى مقدار ارتفاعها الرأسي نرسَمُ فاذا اخذ نُرَسُهُ = نرسُهُ ومد من النقطة منَّ خطيوازي س اشتمل هذا الموازي

على ملم ثم يفرض من النقطة حمد عمود على مستوى المنظور فيقطعه فىنقطة بعداها عنالهورين س , ص هما فِسَمَ , فِيسَمَ فَاذَا اخذ حینتہ ذ نران کے ف سہ ومدمن النقطة کی خط یوازی س واخذ نَكَانِ عِيدَ فَ سُمَّ وَوَصَلَ بِينَ فِياً ۚ ۚ وَ حَدَثَ مُسْتَقَمِّ يِشْتَمُلُ الْيَضَا على سأ وهي النقطة المطلوبة قيعدا بجباد منظورات جيع رؤس كشرالسطوح الاالوصل منه تقيمات لاجل ايجاد المنظور المطلوب ولاجل ايجاد منظور الظل ال طُطِ طُ طُلِ وَ وَ مُ الْمُنْظُورِ النَّقَطَةُ مُ مَا أَنْ يُؤْخَذُ اولا المُنظور سُبِيهُ و لعمودعلي مستوى المنظور نازل من هذه النقطة كيما سبق اجراء هذا العمل المرار العديدة ثم يتنبه الى ان المستقيم وسم يقطع مستوى المنظورفي نقطمة سيء متباعدة عن المحور ص بمقدار نرسية فيسلزم البحث على سير و عن النقطة الموجودة على هـــذا البعدمن المحور ص فتتعصل ضرورة بأخذ نراس = نرسي ومدخطمن النقطة مية يواذى ص فيقطع سي و فى النقطة المطلوبة التى كان يلزم ان يرمن لها بالرمز سمت على مقتضى الاصطلاح المتقسدم والاسسهل ان يرمز لهسا الرمن شم فقط وتُحصُّ ل كذلك النقطة في بالتنسه على ان الحط ط ط مل مدان یوازی المحور س وبالجلة فقدوجدنا النقطة ع بهذه وقدنو عنياف هذا الشكل الطرق المستعملة في ايجاد منظورات جيع رؤس كثىر السطوح لايضاح كيفية الوصول اليهامع ابقاء انتفساب الطرق

(£ £)

للراسم ليستعمل الانسب منها بحسب مايقتضيه رأيه في حسكل حالة مخصوصة

(191)

وقد بقيت تنبيها تلازمة في كيفية تنقيط الشكل لذكرها فنقطة غيرتهما ية هما ليتنبه اقلا الى ان مسقطى اى جسم عندالنا اظرافواقف في نقطة غيرتهما ية هما منظوراه فا الماسم بعينه وان شئت قلت انكل مسقط هو الظل الساقط حين تكون الاشعة الضوابية اعدة على مستوى المسقط اذا تقرر هذا تكون اوجه كثيرالد طوح المتلاقية في النقطة سم مرابة دون غيرها الناظر الواقف على بعد غير محدود على المستوى الافق فيلزم حينتذان تحدول بعد غير محدود على المستوى الافق فيلزم حينتذان تحدون ما ما مداها من المستقيات نقطيا وان يكون المطالمة عندهذا الناظر هو الحيط الظاهرى لكثير السطوح في ها عندهذا الناظر هو الحيط الظاهرى لكثير السطوح

ویشاهد بالسهولة آن الحیط الظاهری بالنسبة للنساظر الواقف علی بعدغیر محدود علی عمود المستوی الرأسی هوالخط المنکسر اسسم ف ه د ا فیتشد به و ا ه م و ا ه متلئة

وتنقيط هذين المسقطين بكون الاشال اللاجزاء الخبأة بمستولي المسقط وهذا يجبرنا على ان نرسم بخطوط نقطية بعض الاجزاء التي تكامنا قريبا على وجوب وسمها ممتلئة ثمان الاصول المتقدمة المطبقة على جبيع الاجسام التي فعتبرها في اثنا وهذا الكتاب تقسم جبيع ما يخص تنقيط مساقط الاشكال الفراغية التي يراديانها وقد اسلفنا الكلام على الجزء السهل منها انظر (بند 11)

واما من جهسة الظــلال فكــكثير السطوح يســقط ظلاعلى الجــز

ادئ ع ف سما من المستوى الافقى بحيث لوازيل الجسم وبقى الظل كانت صورته كما فى (الشكل ١٦٨) لكن قد يخفى الجسم عن الناظر المشاهد للمسقط

. إن الأفق

الافق جزا من هذا الظل فيظهر له في صورة اه ف ط ع ف سما ولذلك لم يظلل الاهدذا الجز من المستوى ويسمل في الاوجه المظالة معرفة حكون الخط المنكسر اسع ع ف سما هو الخسط الفارق بين الظل والضو وينقيخ حينتذان الاوجه اسع د و عده ق ع ه ف سما و اهسم كائنة في الظل الاان الناظر المشاهد المسقط الافق لا يرى الا الوجه بن سمه في و سماه ولذلك لم يظل الاهما على المسقط الافق ولذا اهتمينا بتوجيمه الخطوط الظليمة الى جمتين محتفين ومن المعلوم ان الناظر لا يرى من المسقط الرأسي الا الاوجمه ممه ه في المسقط الرأسي

وامامن جهة المنظور فيقال من البين عند الناظر الواقف في النقطة و ان المحيط الظاهرى لكثير السطوح هو است سمه دا فلايرى هذا الناظر حيئذ الاالاوجه سما سراس و سماه و اده المي منها الاتولان مستثيران والا تحران مظللان والمستقيات المكونة لمحيط هذه الاوجه الاربعة ممثلة و دون غيرها نمائه بلزم تظليل جزء منظور الظل الساقط الكائن خارج منظور كثير السطوح

(191)

منتصفا الضلعين المتوازيين ونقطة تقابل القطوين ونقطة تقابل الضلعين الغير المتوازيين في شبه المنحرف تكون على خطمستقيم انظر (شكل ١٦٩) ويتضيح ذلك في شبه المنصرف المتساوى الساقين استج د لان المثلثين اسرع دسه سه منساويان فيكون اسه و و مهر متساويين ايضا فينتذ يقسم سه و الزاوية سسد اللى قسمين متساويين ويمربالضرورة بمنتصنى اسبودي المن يمكن اعتبار شبه منصرف تما اسبح د مسقطا عوديا اومائلالشبه منصرف متساوى الساقين منطبق على اسبح د فيكون عوديا اومائلالشبه منصرف متساوى الساقين منطبق على اسبح د فيكون

(111)

في اج و ساد مريكا القطرين الح و ساد و كم وحيثكان ها تان النقطة النامنتصني الم و دع وكان مسقط متقم في كل نوع مراف الموالية هو الله هو الله تمالجن الاقلمن هذا الكتاب المستطاب بعون الله المالك الوهاب وككان الفراغ من تمام طبعه بدار الطباعة العامره المنشأة ببولاق مصرالقاهره ادامالله عزمنشيها والهمةالعمرية والفغرالعلي الحاجءد في على وذلك في عقبي جمادى الاولى





www.marefa.org